

SCHUMPETERMODELLEN (Kap. 4)

- Innovasjon som følge av markedslederskift mer effektivt enn perfekt konkurranse
- Innovasjon skaper midlertidige monopol med høy profitt
- 1) Vekst er generert ml/ innovasjon
- 2) Innovasjonen er et resultat av entreprenørinnsats
- 3) Kreativ destruksjon: Nye innovasjoner erstatter gammel teknologi

Danningsmuligheten for vellykket innovasjon

$$M = \lambda \cdot \rho^\sigma$$

$\lambda$  - produktivitet av forskning  
 $\rho$  - forskningsinnsats justert for produktivitet  
 $\sigma$  - elastisiteten av effekten av forskningsinnsatsen

Produktiviteten i innsatsvareproduksjon v/ vellykket innovasjon

$$A_t = \gamma A_{t-1}$$

$A_t$  - ny produktivitet, (hvor effektivt brukes  $x_t$ )  
 $A_{t-1}$  - inntidlig produktivitet, " "  
 $\gamma$  - størrelsen på innovasjonen,  $\gamma > 1$  v/ suksess

ÉN-SEKTORMODELLEN

→ Alltid samme produkt som forbedres v/ innovasjon

Ferdigvare  $y_t$

→ Produseres av arbeidskraft  $L$  og innsatsvare  $x$  med frikonkurranse

$$y_t = (A_t \cdot L)^{1-\alpha} \cdot x_t^\alpha \quad (4.1)$$

$\alpha$  - parameter,  $0 < \alpha < 1$

→  $A_t \cdot L$  er effektiv arb. kraft

Innsatsvare  $x_t$

→ Produseres av én enhet  $y$  med monopol

BNP<sub>t</sub>

$$BNP_t = y_t - x_t \quad (4.2)$$

Produksjon og profitt

→ Hva skjer når  $A_t$  har blitt bestemt? Monopolisten maksimerer profitten  $\pi_t$  (mått i enheter ferdigvare):  $\pi_t = p_t x_t - x_t$

$$p_t = \frac{\partial y_t}{\partial x_t} = \alpha (A_t L)^{1-\alpha} x_t^{\alpha-1} \quad (4.3)$$

→ Likevektsprisen på en innsatsfaktor som brukes i ferdigvare må tilsvare marginalproduktet av innsatsfaktoren

Setter  $p_t$  inn i  $\pi_t$ :

$$\pi_t = \alpha (A_t L)^{1-\alpha} x_t^\alpha - x_t \quad (4.4)$$

Inntektsfunksjonen for innsatsvare

$$x_t = \alpha^{\frac{2}{1-\alpha}} A_t L \quad (4.5)$$

→ Proporsjonal ml/ effektiv arb. kraft

Monopolprofitten

$$\pi_t = \pi A_t L \quad \text{der } \pi = (1-\alpha) \alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}} \quad (4.6)$$

→ Proporsjonal ml/ effektiv arb. kraft

- (4.5) inn i (4.1) og (4.2):

$$Y_t = \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} A_t L$$

$$BNP_t = \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} (1-\alpha^2) A_t L$$

(4.7)

← Proportjonal til effektiv arbeidskraft

### Innovasjon

→ Forenkling: I hver periode er det én person (entreprenøren) som har mulighet til å innovere

- Suksess: Økt produktivitet av innsatsvaren

$$A_t = \gamma A_{t-1}$$

- Fiasko: Ingen innovasjon

$$A_t = A_{t-1}$$

Sannsynligheten for suksess

$$M_t = \phi\left(\frac{R_t}{A_t^*}\right)$$

$R_t$  - Full-innsats

$$A_t^* = \gamma A_{t-1}$$

Forskningsintensitet  $n_t$   
("Research expenditure")

$$\Rightarrow M_t = \phi(n_t) = \lambda n_t^\sigma \quad (4.8)$$

- Er høyteknologisk nivå bra/dårlig for innovasjon? (Hvilken effekt dominerer?)

÷ "Fishing out": De "enkle" innovasjonene er allerede gjort og de vanskelige gjenstår

+ "standing on shoulders": Positive eksternaliteter på entreprenører // Høyt tekn. nivå

↳ I denne modellen:

$$R_t \uparrow \Rightarrow \mu_t \uparrow$$

$$A_t^* \uparrow \Rightarrow \mu_t \downarrow \quad \leftarrow \text{Antar at fishing out dominerer}$$

- Marginalproduktet av forskning på innovasjon er positivt, men avtakende

$$\phi' = \sigma \lambda n_t^{\sigma-1} > 0, \quad \phi'' = \sigma(\sigma-1) \lambda n_t^{\sigma-2} < 0$$

### Forskningsarbeidsforløp

for entreprenøren

- Belønningen for suksessfull innovasjon er profitten  $\Pi_t^*$  men får til sannsynlighet  $\phi(n_t)$

→ Forventet belønning:  $\phi(n_t) \Pi_t^*$

- Men uavhengig av resultat er det en forskningskostnad:  $R_t$

→ Netto forventet belønning:  $\phi(n_t) \Pi_t^* - R_t$

- Maksimerer netto forventet belønning mhp  $R_t$ :

$$\phi'\left(\frac{R_t}{A_t^*}\right) \Pi_t^* / A_t^* - 1 = 0 \quad \leftarrow \text{Setter så inn for (4.6)}$$

### Forskningsarbeidsforløp

$$\phi'(n_t) \gamma L = 1$$

(R)

vs: Marginalnytte av forskning

hs: Marginalkostnad av forskning

↳ Løsning av denne for  $n_t$  avhenger ikke av  $t$ , altså er også sannsynligheten for innovasjon konstant over tid

- Med Cobb-Douglas-innovasjonsfunksjon (4.8):  $\mu = \phi(n) = \lambda n^\sigma$

$$n = (\sigma \lambda \gamma L)^{\frac{1}{1-\sigma}}$$

$$\Rightarrow \mu = \lambda^{\frac{1}{1-\sigma}} (\sigma \gamma L)^{\frac{\sigma}{1-\sigma}} \quad (4.9)$$

← Den konstante sannsynligheten for suksess

## Vekst

- Vi har et uttrykk for  $BNP_t$  fra (4.7), og deler vi dividerer på  $L$  får vi:

$$\frac{BNP_t}{L} = \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} (1-\alpha^2) A_t \leftarrow \text{BNP per capita er proporsjonal m/ } A_t \text{ (Resten er teknologiske parametre)}$$

- Ønsker å uttrykke vekstrate for  $BNP_t$  per capita,  $g$  (vil vise at uavh. av  $t$ )
- ↳ Vet at  $g_t$  kun avhenger av relativ endring i  $A_t$ : (Må lyenne vekst  $g_t$  for å finne vekstrate  $g$ )

$$g_t = \frac{A_t - A_{t-1}}{A_{t-1}} \leftarrow \text{vekst er tilfolds, fordi det avhenger av om} \text{ } \leftarrow \text{entreprenøren lyktes eller ikke}$$

- Vellykket innovasjon, m/ sanns  $\mu$

$$\Rightarrow g_t = \frac{\mu A_{t-1} - A_{t-1}}{A_{t-1}} = \frac{A_{t-1}(\mu - 1)}{A_{t-1}} = \mu - 1$$

- Mislykket innovasjon, m/ sanns  $(1-\mu)$

$$\Rightarrow g_t = \frac{A_{t-1} - A_{t-1}}{A_{t-1}} = 0$$

- ↳ Kan nå finne vekstrate for økonomien:

$$g = E(g_t) = \mu(\mu - 1) + (1-\mu) \cdot 0 = \mu(\mu - 1)$$

På lang sikt, tilsvarende økonomiens gjennomsnittlige vekstrate hyppigheten av innovasjoner ( $\mu$ ) ganger størrelsen på innovasjonene ( $\mu - 1$ ) (kvartering av  $t$ )

$$g = \frac{\mu}{1-\mu} (\sigma \pi L)^{\frac{\sigma}{1-\sigma}} (\mu - 1) \quad (G1) \text{ Vekstlikningen}$$

- Implikasjoner  $\mu$  fra (4.9)

- $\frac{\partial g}{\partial \lambda} > 0$ : Øker m/ produktiviteten av folk  $\Rightarrow$  Bør prioritere forbedring av humankapital (utdanning, forskning)
- $\frac{\partial g}{\partial \delta} > 0$ : Øker m/ størrelsen på innovasjonen  $\Rightarrow$  Tyskland & Japan m/ store innovasjoner etter krigen, Catch-up (advantage of backwardness)
- $\frac{\partial g}{\partial L} > 0$ : Øker m/ størrelsen på arbeidsstyrken  $\Rightarrow$  Store land høyere vekst? Men empirisk støtte! Puzzle m/ mindre modellen (vi kan eliminere denne skalaeffekten m/ å bruke mindre modeller og vertikale innovasjoner)

## Betydningen av konkurranse

- Hva gir mest innovasjon: Monopol eller konkurranse blant entreprenører?
- Hva skjer med relasjonene når vi inkorporerer konkurranse i enkeltforholdet?

- Så langt har vi implisitt antatt at innsatsvaremonopolisten kan sette en vilkårlig pris uten å være tullet av konkurranse

- Nå antar vi at konkurrenter kan produsere et perfekt substitutt til monopolistens innsatsvare, til kostnad  $\chi > 1$

- ↳ Monopolisten kan ikke sette pris høyere enn dette, så den har en grenseprisrestriksjon:

$$P_t \leq \chi$$

- ↳ (4.5) inn i (4.3) gir at ønsket monopolpris i tilfellet vi har sett på så langt er:

$$P_t = \frac{1}{\alpha} \leftarrow \text{Monopolisten endrer kun sin atferd sammenliknet m/ før dersom } \chi < \frac{1}{\alpha}$$

1)  $\chi > \frac{1}{\alpha}$  ← Inngangsbetingelsen binder ikke  
 ↳ Gir det "drastiske innovasjonsbifelle" vi har sett på så langt

2)  $\chi < \frac{1}{\alpha}$  ← Inngangsbetingelsen binder  
 ↳ Gir et mykt, "non-drastiske innovasjonsbifelle" der monopolisten må sette  $p_t = \chi < \frac{1}{\alpha}$

• Hvordan påvirkes relasjonene når vi er i situasjon 2)? (kun to relasjoner som endrer seg)

↳ Tilbudsfunksjonen for innsatslere

$$x_t = (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}} A_t L$$

↳ Monopolprofitten

$$\Pi_t = \pi A_t L \quad \text{der } \pi = (\chi-1) (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

↳ Per den nye proporsjonalitetsfaktoren  $\pi$  er en økende funksjon av konkurrentens kostnader,  $\chi$ . Viser her

• Sammenhengen mellom  $\pi$  og  $\chi$

↳ Merk: Lavere  $\chi$  reflekterer sterkere konkurranse

↳ Deriverer proporsjonalitetsfaktoren mhp  $\chi$ :

$$\frac{\partial \pi}{\partial \chi} = \underbrace{1 \cdot (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}}}_{f \cdot g} + (1-\chi) \underbrace{\frac{1}{1-\alpha} (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}-1}}_{f \cdot g'} \cdot \underbrace{(-\alpha/\chi^2)}_{\text{tjemen}}$$

$$= (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}} - (\chi-1) \frac{1}{1-\alpha} (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}-1} \left(\frac{1}{\chi}\right)$$

$$= (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}} \left[ 1 - \frac{\chi-1}{\chi(1-\alpha)} \right] \quad \text{Skiller ut } \left(-\frac{\alpha}{\chi}\right)$$

$$= (\alpha/\chi)^{\frac{1}{1-\alpha}} \left[ 1 - \frac{1-\frac{1}{\alpha}}{1-\alpha} \right] > 0 \quad \text{Forkorter brøken mhp } \left(\frac{1}{\chi}\right)$$

Viser at  $1 - \frac{1-\frac{1}{\alpha}}{\chi(1-\alpha)} > 0$ :

Vet at  $\chi < \frac{1}{\alpha}$  (bindende inngangsbetingelse)

$$\Rightarrow \alpha < \frac{1}{\chi}$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{\chi} < 1 - \alpha$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1-\frac{1}{\alpha}}{1-\alpha} > 0$$

↳ Sterkere konkurranse ( $\chi \downarrow$ ) fører til lavere monopolprofit

• Sammenhengen mellom  $g$  og  $\chi$

↳ Velstraten er den samme som før:  $g = \lambda^{\frac{1}{1-\sigma}} (\sigma \pi L)^{\frac{\sigma}{1-\sigma}} (\chi-1)$   
 -  $\chi$  inngår nå via  $\pi$ , så vi deriverer mhp denne; Ny proporsjonalitetsfaktor inngår

$$\frac{\partial g}{\partial \chi} = \frac{\partial g}{\partial \pi} \cdot \frac{\partial \pi}{\partial \chi} > 0$$

↳ Sterkere konkurranse ( $\chi \downarrow$ ) fører til lavere velstrate

- Tolkning 1: For å ville legge inn Full-innsats må du kunne tjene på det, og dette kulliggjør monopolprofit (husk: Full-innsats øker sanns. for innovasjon)
- Tolkning 2: Patentskyttelse gir høyere velst (siden man må betale for patentet og dette øker kostnaden på innovasjonen) gjennom lavere konkurranse

↳ Det stides om hvordan konkurranse bidrar til innovasjon eller ikke, men det er **enkelt** om at det bør gjøres konstant å **innovere**

Tanke. Patentskyttelse like gode verdensrettigheter! Why nations fail again

↳ Dine komparativ statilike på  $g$  gir samme resultater som før:  $\frac{\partial g}{\partial \lambda} > 0, \frac{\partial g}{\partial \sigma} > 0, \frac{\partial g}{\partial L} > 0$

## Multiselvstørrelse

- Åpner nå for multiple innovative selvtørrelser
- Kontinuum av innsatsvarer indeløst i intervallet  $[0, 1]$

### Ferdigvare $Y_t$

$$Y_t = L^{1-\alpha} \int_0^1 A_{it}^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha} di \quad (4.10)$$

$X_{it}$  - innsatsvare  $i$  / selvtørrelse  $i$   
 $A_{it}$  - produktivitet / kvalitet på selvtørrelse  $i$

- Det er fortsatt bare en ferdigvare som produseres, men nå m/ bruke av et kontinuum av innsatsvarer
- Produktivitet kan variere mellom disse

### Ferdigvare $Y_{it}$ produsert av hver innsatsvare

$$Y_{it} = (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha} \quad (4.11), \text{ identisk m/ (4.1)}$$

← Marginalprodukt

- Hver innsatsvare har sitt eget monopol m/ pris gitt av MP i ferdigvaresektoren:

$$P_{it} = \frac{\partial Y_{it}}{\partial X_{it}} = \alpha (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1} \quad (\text{fra (4.11), identisk m/ (4.3)})$$

- Derfor velger monopolisten i selvtørrelse  $i$  det kvantumet  $X_{it}$  som maksimerer monopolistens profit

- Monopolistens profit:

$$\Pi_{it} = P_{it} X_{it} - X_{it} = \underbrace{\alpha (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1}}_{P_{it}} \cdot X_{it} - X_{it} = \frac{\alpha (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha} - X_{it}}{(4.12)}$$

- FOB:

$$\frac{\partial \Pi_{it}}{\partial X_{it}} = 0 \Rightarrow \alpha^2 (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1} - 1 = 0$$

$$\alpha^2 (A_{it}L)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1} = 1 \quad | : X_{it}^{\alpha-1}$$

- Finner monopolprofiten ved å sette (4.13) inn i (4.12):

$$X_{it}^{1-\alpha} = \alpha^2 (A_{it}L)^{1-\alpha}$$

$$X_{it} = \alpha^{\frac{2}{1-\alpha}} (A_{it}L)$$

(4.13), identisk m/ (4.5)

### Monopolprofiten

$$\Pi_{it} = \pi A_{it}L \quad \text{der } \pi = (1-\alpha)\alpha^{\frac{2}{1-\alpha}} \quad (4.14), \text{ identisk m/ (4.6)}$$

← Samme proporsjonalitetsfaktor

- Finner endelig produksjon av ferdigvare v/ å sette (4.13) inn i (4.10):

$$Y_t = L^{1-\alpha} \int_0^1 A_{it}^{1-\alpha} \left( \alpha^{\frac{2}{1-\alpha}} (A_{it}L) \right)^{\alpha} di$$

fra (4.13)

$$Y_t = L^{1-\alpha} \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} L^{\alpha} \int_0^1 A_{it}^{1-\alpha} A_{it}^{\alpha} di$$

skiller ut konstanter

$$Y_t = L \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} \int_0^1 A_{it} di$$

$A_t = \int_0^1 A_{it} di$ , der  $A_t$  er et (uvellet) produktivitetssnitt

$$Y_t = \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} A_t L$$

← Samme som før, men  $A_t$  er nå produktivitetssnittet

• BNP<sub>t</sub> er nå gitt v/:

$$BNP_t = Y_t - \int_0^1 K_{it} \cdot di$$

↳ Setter inn fra (4.73) og uttrykket vi fant for  $Y_t$ :

$$BNP_t = \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} A_t \cdot L - \int_0^1 (\alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} A_{it} \cdot L) di$$

$$= \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} A_t \cdot L - \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} L \int_0^1 A_{it} di$$

$$= \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} A_t \cdot L - \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} L \cdot A_t$$

Skuller ut konstanter

$$= (\alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} - \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha}) A_t \cdot L$$

$$= \alpha \frac{2\alpha}{1-\alpha} (1 - \alpha^2) A_t \cdot L \leftarrow \text{Samme som før, men } A_t \text{ er nå produktivitetssnittet}$$

• Innovasjon (tilsvarende som for énselctormodellen)

↳ Sannsynlighet for vellykket innovasjon

$$\mu_t = \phi(n_{it}) = \lambda n_{it}^\sigma \leftarrow \text{der } n_{it} = \frac{R_{it}}{A_{it}^\alpha} \text{ (Foll-innsats relativt til målet i selctor i)}$$

- Produktivitet v/ vellykket innovasjon

$$A_{it}^* = \gamma A_{it-1}$$

↳ Arbitrasjebetingelse ( $\kappa$ ) gir løsning for  $n$  og  $\mu$ :

$$\phi'(n_{it}) \pi L = 1$$

- løsninger for  $n$  og  $\mu$ , der disse fremdeles er konstante over tid, men nå også identiske for alle selctorer:

$$\Rightarrow n = (\sigma \lambda \pi L)^{\frac{1}{1-\sigma}}$$

$$\Rightarrow \mu = \lambda^{\frac{1}{1-\sigma}} (\sigma \lambda \pi L)^{\frac{\sigma}{1-\sigma}} \leftarrow \text{Merki: Uavhengig av } A_{it-1}$$

• Vekst (tilsvarende som for énselctormodellen)

↳ vekstraten  $g_t$ :

$$g_t = \frac{A_t - A_{t-1}}{A_{t-1}}$$

vekst er ikke lengre tilfeldig, fordi konstante andeler vil ha samme  $\mu$  / muligheter:

$$A_{it} = \begin{cases} \gamma \cdot A_{it-1} & \text{m/ sanns } \mu \\ A_{it-1} & \text{m/ sanns } (1-\mu) \end{cases}$$

↳ Finner gj.snittsproduktiviteten  $A_t$

$$A_t = \underbrace{\mu \cdot \gamma \cdot A_{t-1}}_{\text{selctorer m/ sulters (t-1)}} + \underbrace{(1-\mu) A_{t-1}}_{\text{selctorer w/ sulters (t-1)}}$$

Samme som før

↳ Kan nå finne vekstrate for økonomien:

$$g = \frac{A_t - A_{t-1}}{A_{t-1}} = \frac{\mu \gamma A_{t-1} + (1-\mu) A_{t-1} - A_{t-1}}{A_{t-1}} = \frac{A_{t-1} (\mu \gamma + 1 - \mu - 1)}{A_{t-1}} = \mu (\gamma - 1)$$

$$g = \lambda^{\frac{1}{1-\sigma}} (\sigma \lambda \pi L)^{\frac{\sigma}{1-\sigma}} (\gamma - 1) \leftarrow \text{Vekstilvningen (g)} \text{ er den samme som før}$$

Tanke! Vi har nå vist at (uten konk) er alle resultatene analoge m/ en flerselctormodell, hvilket gjør argumentet for å bruke den opprinnelige modellen sterkere. Men - dette foreligger på den ekstreme symmetrien vi har antatt w/ modellutvidelsen, og er dette egentlig noe realistisk?

- Hvordan påvirker internasjonal handel innovasjon og produktivitetsvekst?
- Repræsenterer handel ved at en innsatsvaremonopolist dekker begge land
- Skal se på betydningen av kunnskapsflyt

Hvilke (positive) effekter forventer vi at handel kan ha på inntelet og produktivitetsvekst?

- 1) Markedstørrelseeffekten / skala effekten (viktigere for mindre land)
    - Markedstørrelse  $\uparrow$ , produksjons skala  $\uparrow$ , bedre mulighet for LBD - eksternaliteter
  - 2) Konkurransoeffekten
    - a) Unngå konkurrenter (escape entry): Tvinges til innovasjon for å holde konkurrenter borte
    - b) Seleksjon (creative destruction): Tvinger uproduktive bedrifter ut av markedet
  - 3) Tilbakelaggenhet / backwardness
    - Når det er stor avstand mellom et land og teknologifronten, kan vi ha to scenarier:
      - a) Kunnskapsflyt / catching up: Vinne på å bruke teknologi fra fronten
      - b) Utkonkurvering
- Vi skal bruke det som inne multisektor-rammeverket, men må nå inkorporere nasjonalinntekt for å kunne gjøre sammenligninger

### Multisektormodell

#### • lukket økonomi

→ Ferdigvareproduksjon

$$Y_t = L^{1-\alpha} \int A_{it}^{1-\alpha} x_{it}^{\alpha} \cdot d_i \quad (15.1)$$

→ Monopolisten velger nivået på  $x_{it}$  (innsatsvareprod.) som maksimerer profitten  $\pi_{it}$ :

$$(15.2) \quad x_{it} = A_{it} \cdot L^{\frac{1-\alpha}{\alpha}}$$

$$(15.3) \quad \pi_{it} = \pi A_{it} \cdot L \leftarrow \text{Der } \pi = (1-\alpha) \alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}}$$

→ Setter (15.2) inn i (15.1):

$$Y_t = \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} A_t L$$

Likelsesnivå på ferdigvare

$$Y_t = \varphi A_t L \quad \text{der } \varphi = \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} \text{ og } A_t = \int A_{it} d_i \quad (15.4)$$

→ Merk:  $Y_t \neq N_t$  (nasjonalinntekt), fordi noen av ferdigvarene brukes som innsats i produksjon av seg selv igjen

→ Nasjonalinntekt  $N_t$

$$N_t = \pi_t + W_t \quad \begin{array}{l} \pi_t - \text{total profittinntekt} \\ W_t - \text{total lønnsinntekt} \end{array}$$

- Total lønnsinntekt  $W_t$

Merk: Alle arbeidere er ansatt i ferdigvareproduksjon, og får lønn lik om marginalprodukt (kun lønnsinntekt i ferdigvareproduksjon)

$$W_t = L \cdot \frac{\partial Y_t}{\partial L} = (1-\alpha) Y_t$$

Antall arbeidere    MPL (lønn pr. arbeid)

← Merk: I en Cobb-Douglas prod.funks. er faktorandelene konstante

- Total profittinntekt  $\pi_t$

Merk: Kun profittinntekt i innsatsvareproduksjon (iden perfekt konkurranse i ferdigvareproduksjon)

$$\pi_t = \int \pi_{it} \cdot d_i = \int \pi A_{it} L \cdot d_i = (1-\alpha) \alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}} A_t L = (1-\alpha) \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}} A_t L$$

$$= (1-\alpha) \alpha Y_t$$

Merk:  $\alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}} = \alpha \alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}-1} = \alpha \alpha^{\frac{1-\alpha+\alpha}{1-\alpha}} = \alpha \alpha^{\frac{2\alpha}{1-\alpha}}$

$$\Rightarrow N_t = W_t + \Pi_t = (1-\alpha)Y_t + (1-\alpha)\alpha Y_t = (1-\alpha)Y_t(1+\alpha) = (1-\alpha^2)Y_t \quad (15.5)$$

Setter inn for  $Y_t$  fra (15.4):

Nasjonalinntekt

$$N_t = (1-\alpha^2)\varphi A_t L \quad (15.6)$$

(15.6)

← Nasjonalinntekt er proporsjonal m/ effektiv arb. kraft

→ Merke:

$$\frac{\dot{N}_t}{N_t} = \frac{\dot{A}_t}{A_t} = g_t$$

(Vekstrate i nasjonalinntekt er like produktivitetsvekstrate)

## ↳ Innovasjon

- I hver sektor og til enhver tid er det én unite entreprenør med muligheten til å innføre (dette er den analitiskvante Monopolisten)

Suksess:  $A_{it} = \delta \cdot A_{it-1}$

←  $\delta > 1$  og måler hvor produktiv den nye innovasjonen er sammenlignet m/  $A_{it-1}$

Fiasko:  $A_{it} = A_{it-1}$

- Full-kostnader av å satse på innovasjon m/ sannsynlighet  $\mu$ :

$$C_{it}(\mu) = (1-\tau) \cdot \varphi(\mu) A_{it-1}$$

←  $\tau > 0$  og reflekterer hvor mye det offentlige subsidierer innovasjon / "politiske innovasjonsbetringelser"

←  $\varphi(\mu)$  er en kostnadsfunksjon, der  $\varphi'(\mu) > 0$ ,  $\varphi''(\mu) > 0$   
 reflekterer at forbedringen er dyrere jo mer høyteknologisk produktet allerede er (iPhone 11 → iPhone 12), eller "learning curve"-effekt

- Forventet gevinst for entreprenøren:

$$V_{it} = E\Pi_{it} - C_{it}(\mu)$$

$$= \underbrace{\mu \pi L \delta A_{it-1}}_{\pi_{it} \text{ v/ suksess}} + \underbrace{(1-\mu) \pi L A_{it-1}}_{\pi_{it} \text{ v/ fiasko}} - (1-\tau) \varphi(\mu) A_{it-1}$$

- Entreprenøren velger  $\mu$  som maksimerer  $V_{it}$ , gitt v/ FOB  $\frac{\partial V_{it}}{\partial \mu} = 0 \Rightarrow$

Arbitrasjebetingelsen

$$\varphi'(\mu) = \frac{\pi L (\delta - 1)}{1 - \tau}$$

(15.7)

← Marginalutværsning = Marginalinntekt, gir optimal  $\mu$ ,  $\hat{\mu}$

→ Merke:  $\mu \uparrow$  når  $L \uparrow$  eller  $\tau \uparrow$  (befolkningsvekst / bedre rammebetingelser)

↳ Kan nå finne vekstrate for økonomien (samme som før):

$$\Rightarrow g = \hat{\mu}(\delta - 1)$$

## Åpner for handel (ser velde fra innovasjon)

Produktiviteten i alle sektorer og land er gitt

→ To land: Hjemland & Utland (forskjellig sysselsetting ( $L$ ) og innovasjonspolitikku ( $\tau$ ))

- Intervallet av innsatsvarer er uldt

- Samme ferdigvare

- Ingen transportkostnader

- Monopolproduseren med lavest kostnader deler begge land

→ Handel i begge godker (både innsats- og ferdigvare) fra tidspunkt  $t$

• Ferdigvareproduksjon

↳ Ferdigvareproduksjon hjemme

$$Y_t = \int_0^1 Y_{it} di = L^{1-\alpha} \int_0^1 A_{it}^{1-\alpha} x_{it}^\alpha di \quad (15.8)$$

(15.8)

$$\leftarrow \hat{A}_{it} = \max \{ A_{it}, A_{it}^* \}$$

← (Den høyeste av de to innsatsvareproduktivitetsene)

↳ Ferdigvareproduksjon utland

$$Y_t^* = \int_0^1 Y_{it}^* di = (L^*)^{1-\alpha} \int_0^1 A_{it}^{1-\alpha} (x_{it}^*)^\alpha di \quad (15.9)$$

(15.9)



- ↳ Høyere enn før fordi monopolisten nå kan selge til begge land
- ↳ Ferdigvareprodusentene fortsetter å kjøpe innsatsvaren frem til marginalproduktet tilsvare prisen på innsatsvaren,  $p_{it}$  (prissatt av monopolisten)

- Etteropprøp etter innsatsvare bestemmes av:  $\frac{\partial Y_t}{\partial X_{it}} = p_{it}$  og  $\frac{\partial Y_t^*}{\partial X_{it}^*} = p_{it}$

Hjemland  Utland

Hjemland:  
 $L^{1-\alpha} \alpha \hat{A}_{it}^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1} = p_{it}$

$$X_{it}^{\alpha-1} = \frac{p_{it}}{\alpha} \cdot L^{\alpha-1} \cdot \hat{A}_{it}^{1-\alpha}$$

Utland:  $\Rightarrow X_{it} = \hat{A}_{it} L \left(\frac{p_{it}}{\alpha}\right)^{\frac{1}{\alpha-1}}$  (15.10)

$\Rightarrow X_{it}^* = \hat{A}_{it} L^* \left(\frac{p_{it}}{\alpha}\right)^{\frac{1}{\alpha-1}}$  ← Må addere og rearrangere disse for å finne  $p_{it}$  w/ handel

⇒ Prisen  $p_{it}$  avhenger av totalt salg av innsatsvaren,  $X_{it} = X_{it} + X_{it}^*$

$p_{it} = \alpha(L+L^*)^{1-\alpha} (\hat{A}_{it})^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1}$  (15.11)

↳ Monopolprofitten er inntekt ( $p_{it} X_{it}$ ) minus kostnader ( $X_{it}$ ):

$\Pi_{it} = p_{it} \cdot X_{it} - X_{it} = \alpha(L+L^*)^{1-\alpha} (L+L^*)^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha} - X_{it}$

- Maksimering av  $\Pi_{it}$  gir:

$\frac{\partial \Pi_{it}}{\partial X_{it}} = 0 \Rightarrow \alpha^2(L+L^*)^{1-\alpha} \hat{A}_{it}^{1-\alpha} X_{it}^{\alpha-1} - 1 = 0$

- Dette gir pris (jfr Bill):

$X_{it}^{1-\alpha} = \alpha^2(L+L^*)^{1-\alpha} \hat{A}_{it}^{1-\alpha}$

$p_{it} = \alpha(L+L^*)^{1-\alpha} \hat{A}_{it}^{1-\alpha} (\alpha \frac{X_{it}}{1-\alpha})^{\alpha-1}$   
 $(L+L^*)^{1-\alpha} \hat{A}_{it}^{1-\alpha} = \alpha \alpha^{-2} = \alpha^{-1}$

⇒  $p_{it} = \frac{1}{\alpha}$  ← samme som for lukket økonomi

⇒  $\Pi_{it} = \Pi \hat{A}_{it} (L+L^*)$  der  $\Pi = (1-\alpha)\alpha^{\frac{1+\alpha}{1-\alpha}}$  (15.12)

• Finner etteropprøpsfunksjoner etter innsatsvarer w/ å sette inn for  $p_{it} = \frac{1}{\alpha}$  i (15.10)

$X_{it} = \hat{A}_{it} L \alpha^{\frac{1}{1-\alpha}}$  og  $X_{it}^* = \hat{A}_{it} L^* \alpha^{\frac{1}{1-\alpha}}$

• Finner ferdigvareproduksjon i begge land w/ å sette inn for disse i (15.8) og (15.9):

$Y_t = \phi \hat{A}_{it} L$  og  $Y_t^* = \phi \hat{A}_{it} L^*$  (15.13)

• Effekten av åpenhet på nasjonalinntekt

↳ Nasjonalinntekt er fortsatt summen av leivsinntekt og profittinntekt

- Total leivsinntekt  $W_t, W_t^*$

$W_t = \frac{\partial Y_t}{\partial L} \cdot L = (1-\alpha) Y_t = (1-\alpha) \phi \hat{A}_{it} L$

$W_t^* = \frac{\partial Y_t^*}{\partial L^*} \cdot L^* = (1-\alpha) Y_t^* = (1-\alpha) \phi \hat{A}_{it} L^*$

- Total profittinntekt  $\Pi_t, \Pi_t^*$

→ Avhenger av andelen innsatsvaremonopolister i landet

$\lambda_{it} = \begin{cases} 1 & \text{hvis } \hat{A}_{it} > \hat{A}_{it}^* \\ 0 & \text{ellers} \end{cases}$  (Antallet  $\hat{A}_{it} = \hat{A}_{it}^*$  aldri skjer)

$\lambda_{it}$  - andel innsatsvaremonopolister hjemland  
 $(1-\lambda_{it})$  - andel innsatsvaremonopolister utland

$$\pi_t = \int_0^1 \pi_{it} \cdot di = \pi(L+L^*) \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} \cdot di$$

$$\pi_t^* = \int_0^1 \pi_{it}^* \cdot di = \pi(L+L^*) \int_0^1 (1-\lambda_{it}) \hat{A}_{it} \cdot di$$

Andel indenlandske monopolister  
Andel udenlandske monopolister

$$\begin{aligned} \Rightarrow N_t &= W_t + \pi_t \\ &= (1-\alpha) Y_t + \pi(L+L^*) \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} \cdot di \\ &= (1-\alpha) Y_t + (1-\alpha) \alpha \frac{1-\alpha}{1-\alpha} \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} (L+L^*) di \\ &= (1-\alpha) Y_t + (1-\alpha) \alpha \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} \alpha \frac{2-\alpha}{1-\alpha} (L+L^*) di \end{aligned}$$

### Nationalinntekt

$$N_t = (1-\alpha) Y_t + \alpha(1-\alpha) \int_0^1 \lambda_{it} (Y_{it} + Y_{it}^*) di \quad (15.14)$$

$$N_t^* = (1-\alpha) Y_t^* + \alpha(1-\alpha) \int_0^1 (1-\lambda_{it}) (Y_{it} + Y_{it}^*) di \quad (15.15)$$

→ som også kan skrives på produktform:

$$N_t = \left[ (1-\alpha) \hat{A}_t L + \alpha(1-\alpha) \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} (L+L^*) di \right] \varphi$$

$$N_t^* = \left[ (1-\alpha) \hat{A}_t^* L^* + \alpha(1-\alpha) \int_0^1 (1-\lambda_{it}) \hat{A}_{it} (L+L^*) di \right] \varphi$$

→ skal dekomponere i tre effekter af åbnet på nationalinntekt

### 1) Selektionseffekten

→ som følge af økt konkurrence tringes de minst produktive innsatsvareproducentene ud af markedet, og sumlet produktivitet snarere øker

→ skal være at dette fører til økt verdensinntekt

- Verdensinntekt m/ handel er summen af (15.14) og (15.15):

$$\begin{aligned} N_t + N_t^* &= (1-\alpha)(Y_t + Y_t^*) + \alpha(1-\alpha)(Y_t + Y_t^*) \\ &= (1-\alpha^2) \varphi (L \hat{A}_t + L^* \hat{A}_t^*) \end{aligned}$$

- Verdensinntekt w/ handel

$$\begin{aligned} N_t + N_t^* &= (1-\alpha^2) \varphi A_t \cdot L + (1-\alpha^2) \varphi A_t^* \cdot L^* \\ &= (1-\alpha^2) \varphi (L A_t + L^* A_t^*) \end{aligned}$$

Verdensinntekten har økt siden  $\hat{A}_t$  er høyere enn enten  $A_t$  eller  $A_t^*$ , og lik den resterende  $A_t/A_t^*$

### 2) Skalaeffekten

→ økt markedsstørrelse er positivt for de monopolistene som overlever w/ handel

→ skal være at jo mindre det innenlandske markedet var, jo større effekten

- Ser på hjemlandet

Lukket økonomi:  $N_t = (1-\alpha^2) A_t L \varphi$

Åpen økonomi:  $N_t^1 = \left[ (1-\alpha) \hat{A}_t L + \alpha(1-\alpha) \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it} (L+L^*) di \right] \varphi$

- Antar likt nivå på teknologisk utvikling som utgangspunkt:  $\lambda_{it} = \frac{1}{2}$  og  $(1-\lambda_{it}) = \frac{1}{2}$

- Kan da vises at proporsjonal gevinst ved åpenhet  $N_t^1/N_t$  er:

$$\frac{N_t^1}{N_t} = \frac{\hat{A}_t}{A_t} \left[ 1 + \frac{\alpha}{2(1+\alpha)} \left( \frac{L^* - L}{L} \right) \right]$$

→ Merkt: Denne effekten vilter kun via profitkomponenten

→ Jo mindre land i utgiplet (målt m/ L), jo større proporsjonal gevinst w/ åpenhet

av nationalinntekt, fordi monopolisten selger til et større marked

→ Merkt: Vi vet enda ikke hvilke produkter lyemne som overlever

3) Innovasjon

- Hvordan påvirkes teknologisk mindre avanserte land av åpning for handel?
- Skal vite at effekten av tilbakeleggelse kan være positiv, men at det er mindre sikkert
- Antar  $L=L^*$  (to like store land) og fokuserer på tilbakeleggelse, representert  $\lambda_{it}$  hvor liten  $\lambda_{it}$  er
- Kan da vises at proporsjonal gevinst ved åpenhet  $N_t'/N_t$  er:

$$\frac{N_t'}{N_t} = \underbrace{\frac{1}{1+\alpha} \frac{\hat{A}_t}{A_t}}_{\text{lønnsinntekt}} + \underbrace{\frac{2\alpha \int_0^1 \lambda_{it} \hat{A}_{it}}{(1+\alpha) A_t}}_{\text{profittinntekt}} \quad (\text{dekomponert i lønnsinntekt og profittinntekt for å separere diskusjonen})$$

- lønnsinntekten øker siden  $\hat{A}_t > A_t$ : Arbeiderne bruker mer avanserte innsatsvarer, er dermed mer produktive, og får høyere lønn
- lønnsinntekten øker mer desto mer tilbakeleggende landet er ( $\hat{A}_t \gg A_t$ )
- Profittinntekten er ulik siden handel kan medføre at  $\lambda_{it} = 0$   $\forall$  tiltrekkelig tilbakeleggelse
- I det ekstreme eksemplet hvor alle  $\lambda_{it} = 0$  faller all profittinntekt bort
- \* Hvilken nettoeffekt sitter vi igjen med da (husk at lønnsinntekt fortsatt har det)?
- \* Kan vises at hvis landet er tilstrekkelig tilbakeleggende, slik at:  $A_t < \frac{\hat{A}_t}{1+\alpha} \Rightarrow (1+\alpha) A_t < \hat{A}_t \Rightarrow \frac{1}{1+\alpha} \frac{\hat{A}_t}{A_t} > 1 \Rightarrow \frac{N_t'}{N_t} > 1$  selv uten profittinntekt
- ⇒ Økningen i lønnsinntekt må mer enn kompensere for bortfall av profittinntekt dersom handel  $\forall$  tilbakeleggelse skal lønne seg

Effekten av handel (åpenhet) på innovasjon og langsiktig velferd

- Antar "steg-for-steg"-innovasjon
  - ↳ handel m/ monopol i sektor  $i$  er på den globale teknologifronten (for sektor  $i$ )
    - Prøver å innovere fra  $\hat{A}_{it}$  til  $\gamma \hat{A}_{it}$  for å holde på monopol
  - ↳ handel w/ monopol i sektor  $i$  prøver å innhente  $\gamma$  m/ fronten  $\forall$  å implementere teknologien her
    - Hverer lilet m/ fronten  $\forall$  suksess → Begge blir monopolister for sitt innenlandske marked
    - $\forall$  grenstett suksess kapres det globale monopol
- Vi har tre situasjoner
  - A) Innenlandske sektorer er leder
  - B) Innenlandske sektorer er lilet m/ utland
  - C) Innenlandske sektorer er lilet utland
- Profitt i hver sektor (både hjemme og ute):  $\pi_{it} = \pi \hat{A}_{it} (L + L^*)$
- ( $\hat{A}_{it}$  normaliseres etter foregående produktivitetshvå)
- Antar at alle alltid prøver å innovere, i motsetning til Krugman-modellen for teknologi mellom Nord-Sør

### A) Innenlandske selsker er leder

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for hjemlandet

$$EU_A = \underbrace{\mu_A \delta (L + L^*) \pi}_{\text{Gevinst v/ vellykket innovasjon, m/sannrs } \mu_A} + \underbrace{(1 - \mu_A) [L + (1 - \mu_A^*) L^*] \pi}_{\text{Gevinst v/ mislykket innovasjon, m/sannrs } (1 - \mu_A)} - \underbrace{(1 - \tau) \varphi(\mu_A)}_{\text{Føll-kostnader (betalt, uansett)}}$$

- Beholder lederrollen og produksjonen øker m/  $\delta$

- Beholder uansett profitt  $L\pi$  i hjemmemarkedet

- Hvis utlandet mislykkes m/ innovasjon (sannrs  $(1 - \mu_A^*)$ ), får vi også  $L^*\pi$  i utlandet

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for utlandet

$$EU_A^* = \underbrace{\mu_A^* (1 - \mu_A) \pi L^*}_{\text{Gevinst v/ vellykket innovasjon, m/sannrs } \mu_A^*} - \underbrace{(1 - \tau^*) \varphi(\mu_A^*)}_{\text{Føll-kostnader}}$$

- Hvis hjemlandet mislykkes m/ innovasjon (sannrs  $(1 - \mu_A)$ ), får de  $L^*\pi$

### B) Innenlandsk selsker er ledet m/ utland

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for hjemlandet

$$EU_B = \underbrace{[\mu_B (L + (1 - \mu_B^*) L^*) \delta]}_{\text{Gevinst v/ vellykket, sannrs } \mu_B} + \underbrace{(1 - \mu_B) (1 - \mu_B^*) L \pi}_{\text{Gevinst v/ mislykket, sannrs } (1 - \mu_B)} - \underbrace{(1 - \tau) \varphi(\mu_B)}_{\text{Føll-kostnader}}$$

Inkluderes m/s utlandet i tillegg mislykkes (kan ta begge marked)

Inkluderes m/s utl. i tillegg mislykkes (da beholder du tilstelt eget marked)

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for utlandet

$$EU_B^* = [\mu_B^* (L^* + (1 - \mu_B) L) \delta + (1 - \mu_B^*) (1 - \mu_B) L^* \pi] - (1 - \tau^*) \varphi(\mu_B^*)$$

→ Symmetrisk tolkning

### C) Innenlandske selsker er borte utland

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for hjemlandet

$$EU_C = \mu_C (1 - \mu_C^*) \pi L - (1 - \tau) \varphi(\mu_C)$$

↳ Forventet nettogevinst v/ innovasjon for utlandet

$$EU_C^* = \mu_C^* \delta (L + L^*) \pi + (1 - \mu_C^*) [L^* + (1 - \mu_C) L] \pi - (1 - \tau^*) \varphi(\mu_C^*)$$

} Symmetriske tolkninger m/ situasjon A

(Tanke: Dette er tre spesialtilfeller der begge selsker tett i tett eller ledet når det gjelder nivået på R+D. Utelukker ikke ytterligere scenarier m/ store gap, men ser bare mer detaljert på hva som skjer under altid disse tre spesialtilfellene)

↳ Kritiske av modellen et så tett, eller kan vi tolke å ligge rett borte om teknologioverføring/ adopsjon, i tråd m/ Kuzman-Modellen for teknologi: mellomvord/sor?

• forventet gevinst i arbeidsforholdsbetingelser

↳ For hver situasjon (A, B, C), hvordan er marginalgevinsten v/ en økning i sannsynligheten for innovasjon sammenlignet m/ lukket økonomi?

- for å underbygge dette må vi finne arbitrære betingelser for hver situasjon
- antarer forventet gevinst mhp sanns. for innovasjon, setter lik null og løser:

A)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_A)}{\pi} = (\delta-1)(L+L^*) + \mu_A^* \cdot L^* \leftarrow$  Bestemmer  $\mu_A$

B)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_B)}{\pi} = (\delta-1)L + \mu_B^* \cdot L + (1-\mu_B^*)\delta L^* \leftarrow$  Bestemmer  $\mu_B$

C)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_C)}{\pi} = (1-\mu_C^*)L \leftarrow$  Bestemmer  $\mu_C$

- Sammenlikning m/ lukket økonomi:

$\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu)}{\pi} = (\delta-1)L \leftarrow$  Bestemmer  $\mu$  (15.16)

↳ H.s. av alle likningene er marginalgevinsten v/ en økning i sannsynligheten for innovasjon, og ser at:

$\mu_A > \mu$  og  $\mu_B > \mu$

→ Høyere innovasjonsrate i en åpen økonomi når hjemland er leder/lilt

• Skala-, unngå konkurranse- og demotiverende effekt

→ Skal nå vite hvorfor vi fikk  $\mu_A > \mu$  og  $\mu_B > \mu$  m/ effekter som innbefrer v/ åpning

↳ Skalaeffekt: Høyere forventet profitt/gevinst pga større marked

↳ Unngå konkurranse-effekt: Innovasjon for å forvare markedet/andel, unngå risiko for å miste marked

- leder: Risikerer å miste det utenlandske markedet w/ innovasjon
- hilt: Risikerer å miste eget marked w/ innovasjon

A)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_A)}{\pi} = (\delta-1)(L+L^*) + \mu_A^* \cdot L^* \leftarrow$  (15.17)

Unngå konkurranse-effekt

- Høyere desto mer sannsynlig det er at utlandet får innovasjon
- Innovasjon for å ikke miste utenlandsk marked

Skalaeffekt

av å få det utenlandske markedet

B)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_B)}{\pi} = (\delta-1)L + \mu_B^* \cdot L + (1-\mu_B^*)\delta L^* \leftarrow$  Skalaeffekt

Unngå konkurranseeffekt

- Høyere desto mer sanns at utlandet får innovasjon
- Innovasjon for å ikke miste eget marked

- Hvis du tog alle utledningene gjør innovasjon, får du hele det utenlandske markedet

→ Skal nå vite hvorfor situasjon C blir mer komplisert

↳ Demotiverende effekt: Når du ligger bak og utlandet har høy sannsynlighet for ytterligere innovasjon, har du lite incentiver til å innovere v/ åpenhet

C)  $\frac{(1-\tau)\Phi'(\mu_C)}{\pi} = (1-\mu_C^*)L \leftarrow$  Demotiverende effekt

- Hvis  $\mu_C^*$  er høy nok blir  $\mu_C < \mu$ , altså lavere innovasjonsrate v/ åpenhet

- x Ingen skala effekt
  - Det beste vi kan oppnå m/ innovasjon er vårt eget marked
- x Ingen unngå konkurranse-effekt
  - hjemland er allerede utenfor markedet

• Langsiktig vekstrate

→ Hva er effekten av handel/åpenhet på langsiktig vekstrate (steady state aggregert)?  
 ↳ I steady state er det en konstant andel seltorer i hvert statle  $g_A, g_B, g_C$ , der: vekst

$$g_A + g_B + g_C = 1$$

↳ Aggregert produktivitetnivå:

$$\hat{A}_t = g_A \cdot \hat{A}_{At} + g_B \cdot \hat{A}_{Bt} + g_C \cdot \hat{A}_{Ct} \leftarrow \text{der } \hat{A}_{st} \text{ - gj.snittlig produktivitetnivå for seltorer i situasjon } s, s = A, B, C$$

↳ Aggregert produktivitetvekst

$$g = \eta_A g_A + \eta_B g_B + \eta_C g_C \quad (15.18)$$

- Hvis vellykket innovasjon:  $\hat{A}_{it} \rightarrow \delta \hat{A}_{it}$   
 $\Rightarrow g = \delta - 1$

- Hvis mislykket innovasjon:  $\hat{A}_{it}$  uendret  
 $\Rightarrow g = 0$

↳ der  $\eta_s = \frac{g_s \cdot \hat{A}_{st}}{\hat{A}_t}$  - andel av aggregert prod. nivå knyttet til seltorer i situasjon  $s$   
 $g_s$  - forventet vekstrate i seltorer i situasjon  $s$

A) Innenlandsk seltor er leder

$$\left. \begin{matrix} \mu_A \cdot \mu_A^* \\ \mu_A \cdot (1 - \mu_A^*) \end{matrix} \right\} g = \delta - 1$$

$$\left. \begin{matrix} (1 - \mu_A) \cdot \mu_A^* \\ (1 - \mu_A) \cdot (1 - \mu_A^*) \end{matrix} \right\} g = 0$$

↳ siden hjemlandet er leder, er det kun når det innoverer at aggregert produktivitet i verden forbedres (utlandet kan bare oppnå "catch up", og dette er ikke vekst)

$$\Rightarrow g_A = (\mu_A \cdot \mu_A^* + \mu_A (1 - \mu_A^*)) (\delta - 1) + 0 = \underline{\mu_A (\delta - 1)}$$

B) Innenlandske seltor er ledet av utland

$$\left. \begin{matrix} \mu_B \cdot \mu_B^* \\ \mu_B \cdot (1 - \mu_B^*) \end{matrix} \right\} g = \delta - 1$$

↳ siden begge er ledet, vil en vellykket innovasjon medføre aggregert vekst uavhengig av hvor den skjer

$$\left. \begin{matrix} (1 - \mu_B) \cdot \mu_B^* \\ (1 - \mu_B) \cdot (1 - \mu_B^*) \end{matrix} \right\} g = 0$$

$$\Rightarrow g_B = (\mu_B \cdot \mu_B^* + \mu_B (1 - \mu_B^*) + (1 - \mu_B) \mu_B^*) (\delta - 1) + 0 = \underline{(\mu_B + \mu_B^* - \mu_B \mu_B^*) (\delta - 1)}$$

C) Innenlandske seltor er ledet av utland

$$\mu_C \cdot \mu_C^* \rightarrow g = \delta - 1$$

$$\mu_C \cdot (1 - \mu_C^*) \rightarrow g = 0$$

$$(1 - \mu_C) \cdot \mu_C^* \rightarrow g = \delta - 1$$

$$(1 - \mu_C) \cdot (1 - \mu_C^*) \rightarrow g = 0$$

$$\Rightarrow g_C = (\mu_C \cdot \mu_C^* + (1 - \mu_C) \mu_C^*) (\delta - 1) + 0 = \underline{\mu_C^* (\delta - 1)}$$

- Vekst i hjemlandet

$$g^o = \eta_A \mu_A (\delta - 1) + \eta_B (\mu_B + \mu_B^* - \mu_B \mu_B^*) (\delta - 1) + \eta_C \mu_C^* (\delta - 1) \leftarrow \text{Åpen}$$

$$g^k = \mu (\delta - 1) \leftarrow \text{lukket}$$

↳ Skal nå se på effekten av åpenhet på langsiktig vekstrate i to motsette situasjoner

- 1) Handelsliberalisering øker vekst i alle land
- 2) Handelsliberalisering reduserer vekst i ett land

1) Hvordan handelsliberalisering kan vise seg i et land

Antakelse 1: Bare ett land innoverer

- ↳ Antar at  $\mu < \mu^*$  (når lukket økonomi), altså er vi i situasjon C der innenlandske selctores er bare utlandet
  - Antar også at den demotiverende effekten er tilstrekkelig stor til at landet fortsetter å henge etter når det åpnes for handel, så alle selctores er i C,  $q_c = 1$  (og  $q_A, q_B = 0$ )
- ⇒  $g = g_c = (\delta - 1) \mu c^*$  ← Samlet velstrøte for den åpne økonomien
  - siden  $\mu c^* > \mu^*$  for handel, og vi vet at utland allerede valgte lavere enn hjemlandet for handel, ser vi at begge land har et velst m/ handel
- ↳ Årsaken til at begge land får et velst når bare ett innoverer: **teknologioverføring**
  - Arbeidene i hjemlandet kan lønne mer teknologisk avanserte investisjoner
  - Handel som substitutt for innovasjon

Antakelse 2: Like land

- ↳ Antar at  $h = h^*$  og  $\tau = \tau^*$ 
  - Rubler også  $\mu = \mu^*$  for utlatter handel
  - Kan utnytte at  $\mu_A = \mu c^*$  og  $\mu_B = \mu b^*$  når vi tillater handel
- ⇒  $g = (1 - n_B) g_A + n_B g_B = (\delta - 1) [(1 - n_B) \mu_A + n_B \mu_B] + (\delta - 1) \mu_B (1 - \mu_B) n_B$ 
  - skala- og unngå konkurranse-effekten
  - Duplikasjonseffekt
- ↳ Vi får høyere velst m/ handel pga
  - skala- og unngå konkurranseeffekten
  - $(\delta - 1) [(1 - n_B) \mu_A + n_B \mu_B] > (\delta - 1) \mu$  siden  $\mu_A > \mu$  og  $\mu_B > \mu$
  - Duplikasjonseffekt
  - når selctorene er på nivå er det to mulige innovasjoner til å nå fronten, så selv om den ene mislykkes, kan den andre fortsatt klare det

2) Hvordan handelsliberalisering kan redusere velst i et land

- handlene må være asymmetriske
- ↳ Anta at hjemlandet er et lite land som nylig har gått fra lav til høy  $\tau$  (fra lite gunstige innovasjonsrammevilkår til gode rammevilkår)
  - disse har vært effektive nok til å gjøre at hjemlandet har høyere velstrøte enn utlandet,  $\mu > \mu^*$
  - Men reformene er så nylige at vi fortsatt henger igjen i alle selctorer
- ↳ Å åpne på dette tidspunktet (for tidlig) vil resultere i at utlandet får monopoli i alle selctorer, og at hjemlandet står overfor en lavere velstrøte for den samlede økonomien enn de gjorde alene
  - $n_c = 1 \Rightarrow g^o = \mu c^* (\delta - 1)$  ← Åpen
  - $g^* = \mu (\delta - 1)$  ← lukket
  - ser at  $g^* > g^o$  hvis  $\mu > \mu c^*$

• Positive-implikasjoner

- ↳ Ha åpen økonomi m/ internasjonal handel
- ↳ Ha gode rammebetingelser for innovasjon

(kan endre langsiktig velstrøte  $g$  og påvirke sanns for innovasjon, som antagelse av fordelingen siktensiteten nt. Handelsliberalisering kan også gi de samme sannsynlighetene (seffektene over), som substitutt for innovasjon)

Kritikk

- Mordantilaker et tettlig land å øke  $\tau$  tilstrekkelig til å slape mer innovasjon når allerede fattige
- ↳ Problemløse å øke  $\tau$  med dårlige institusjoner
- vil det andre landet handle med deg? (Norge og EU)

# SCALE ECONOMIES, PRODUCT DIFFERENTIATION, AND THE PATTERN OF TRADE

Paul Krugman

- **Monopolistisk konkurranse**: Monopol på hvert differensierte gode, men konkurranse på pris (fri inngang driver monopolprofitten mot null)
- Når vi tar hensyn til **transportkostnader** vil **realloणा** være høyere i **store land**
- **Jhemmensarbeidseffekt**: Eksporterer de godene vi har relativt høy etterspørsel etter i hjemlandet

Modell: Antakelser

## Nyttefunksjonen

$$U = \sum_i C_i^\theta$$

← Avtåkende nytte av konsum av summe gode: **Nytte av variasjon**  
 (1)  $0 < \theta < 1$ ,  $C_i$  - konsum av det i-ende gode

## Produksjon: Kun én produktionsfaktor, arbeidslekt

- Alle varer produseres med den samme lestinadsfunksjonen / funksjon for: **Brukt av arb. lekt i produksjon**

$$l_i = \alpha + \beta x_i$$

(2)  $\alpha, \beta > 0$   $l_i$  - arbeidslekt brukt i produksjon  
 $i = 1, \dots, n$   $x_i$  - produksjon av gode i

- $\alpha$  er **faste kostnader**, målt i arbeidslektsenheter (eks: bygge fabrikk)
- $\beta$  **arbeider** av produksjonsmengde

Fallende gjennomsnittskostnader (se lekt  $\alpha$ )  
**Stordriftsfordeler**

- **Total etterspørsel** etter et gode i en lukket økonomi må være **like total produksjon**
- Total etterspørsel:  $x_i$
- Total produksjon:  $h C_i$  (Antall individer  $\times$  individuelt konsum) (arb. styrken)

**Total etterspørsel**

$$x_i = h C_i \quad (3)$$

- **Full sysselsetting**  $\Rightarrow L = \sum_{i=1}^n l_i$

$$L = \sum_{i=1}^n (\alpha + \beta x_i) \quad (4)$$

Modell: Likevekt i en lukket økonomi

- Finnes likevekten i en lukket økonomi ut tre trinn:

- 1) **Etterspørsel**: Analyserer konsumentenes oppførsel for å finne etterspørselsfunksjonen ( $C_i$ ) (p13)
- 2) **Tilbud**: Antar at bedriftene har profittmaksimerende atferd for å finne tilbudsfunksjonen ( $x_i$ ) (p13)
- 3) **Antakelse om fri etablering**: Brukes til å finne antall firmaer i likevekt (p13)

## 1) Etterspørsel

- Hver konsument maksimerer nytte:

$$\max U = \sum_{i=1}^n C_i^\theta \quad \text{s.t.} \quad \sum_i p_i C_i = w$$

$\Rightarrow \mathcal{L} = \sum_{i=1}^n C_i^\theta - \lambda (\sum_i p_i C_i - w)$  ← Vi har  $n$  varer og dermed  $n$  FOB, men alle disse er like

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial C_i} = \theta C_i^{\theta-1} - \lambda p_i = 0 \Rightarrow \theta C_i^{\theta-1} = \lambda p_i \quad (5)$$

- løser (5) mhp  $p_i$  og setter inn fra (3) for  $C_i$ :

$$p_i = \frac{\theta}{\lambda} \left( \frac{x_i}{h} \right)^{\theta-1} \quad (6)$$

← **Etterspørselsfunksjonen**

Etterspørselastisitet  $\frac{1}{1-\theta}$

(Vet at det er en etterspørselsfunksjon fordi det er en sammenheng mellom  $p_i$  og  $x_i$  ut fra nytte)



↳ Hver bedrift maksimerer profitt:

$$\pi_i = p_i x_i - w l_i$$

$$= p_i x_i - w(\alpha + \beta x_i)$$

- setter inn for  $p_i$  fra (6) for å slippe å gjenta

$$\Rightarrow \pi_i = \frac{1}{2} \theta \left(\frac{x_i}{L}\right)^{\theta-1} x_i - w(\alpha + \beta x_i)$$

$$= \frac{1}{2} \theta \left(\frac{x_i}{L}\right)^{\theta-1} x_i^{\theta} - w(\alpha + \beta x_i)$$

- maksimerer:

$$\frac{\partial \pi_i}{\partial x_i} = \frac{1}{2} \theta \left(\frac{1}{L}\right)^{\theta-1} \theta x_i^{\theta-1} - w\beta = 0$$

$$\frac{1}{2} \theta \left(\frac{x_i}{L}\right)^{\theta-1} = \frac{w\beta}{\theta}$$

$$p_i = \frac{w\beta}{\theta}$$

(7)

← Tilbudsfunksjonen (merkt: kan skrive  $p_i$ , siden velen  $w\beta$  allerede er firmaspesifikk)

↳ Tolkning:

- $w\beta$  er marginalkostnaden av produksjon (trenger  $\beta$  enheter arbeidskraft, betaler  $w$  per enhet arbeidskraft)
- $\frac{1}{\theta}$  er markupen, som bestemmes hvor høyt prissettles over marginalkostnad

### 3) Antakelse om fri etablering

↳ Etablering så lenge det er positiv profitt,  $\pi_i = p_i x_i - (\alpha + \beta x_i)w$  (8)

- kutter i notasjon siden alle bedrifter tar samme pris og dermed produserer like mye

↳ Etablering frem til  $\pi = 0 \Rightarrow$

$$p x - (x + \beta x) w = 0$$

$$p x - w \beta x = \alpha w$$

$$x = \frac{\alpha w}{p - \beta w}$$

- setter inn for  $p$  fra (7)

$$x = \frac{\alpha \theta}{\beta(1-\theta)}$$

(9)

← produksjon i likevekt

↳ Finner antallet bedrifter i likevekt m/ utg. plst i betingelsen om fullt utnyttelse, (4):

$$L = \sum_{i=1}^n (x + \beta x_i) = n(x + \beta x)$$

- setter inn for  $x$  fra (9):

$$L = n\alpha + n\beta \frac{\alpha \theta}{\beta(1-\theta)} \Rightarrow n = \frac{L}{\alpha + \frac{\alpha \theta}{1-\theta}} = \frac{L(1-\theta)}{\alpha(1-\theta) + \alpha \theta} = \frac{L(1-\theta)}{\alpha}$$

$$n = \frac{L(1-\theta)}{\alpha}$$

← Antall bedrifter i likevekt

↳ Tolkning: Avhenger av stw, på tre faktorer

- $L$  - størrelse på økonomien, + (større økonomi, plass til flere bedrifter)
- $\alpha$  - fast kostnad for bedriften, - (jo lavere  $\alpha$ , jo lettere å investere i ny bedrift)
- $\theta$  - grad av avtakende nytte, - (jo lavere nytte av hvert enkelt gode avtar, jo større utvidelse av produksjon i økonomiet)

## Modell: Effekten av handel

- Avta:
  - ↳ To land m/ identisk teknologi og preferanser ← Siden arb. kraft er eneste prod. faktor har vi ingen komparable fordeler
  - ↳ Ingen transportkostnader
- Fjernst v/ handel impli verdensøkonomien produserer et større utvalg varer enn landene gjør alene (økonomien blir "større")
- Antall varer produsert i hjemland og utland<sup>(11)</sup>  
$$n = \frac{L(1-\theta)}{\alpha}, \quad n^* = \frac{L^*(1-\theta)}{\alpha}$$
  - ↳ Handelen produserer akkurat like mye som før, men det får større nytte pga variasjon
  - ↳ Kvitteverdi av produksjonskostella ikke uker med handel
    - Kommer av konstant elastisitet i etterpørsel
    - økende elastisitet m/ økt variasjon gir mer mening fordi flere differensierte varer impli blir bedre substitutter
- Priser er like over alt fordi vi ikke har transportkostnader enda
- Vi eksporterer og importerer i hver sin retning "like"

## Handelsbalansen

- Import: En andel  $\frac{n^*}{n+n^*}$  av inntekten brukes på importerte varer
  - ↳ Total import:  $\frac{n^*}{n+n^*} WL = \frac{L^*L}{L+L^*} W$
- Eksport: En andel  $\frac{n}{n+n^*}$  av inntekten i utlandet er deres import og dermed vår eksport
  - ↳ Total eksport:  $\frac{n}{n+n^*} WL^* = \frac{L^*L}{L+L^*} W$
- ⇒ Import = Eksport ← Balansert handel

## Transportkostnader

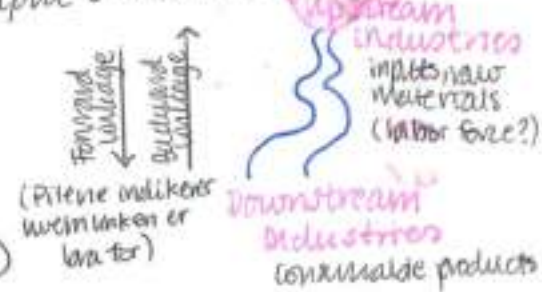
- Iceberg-transportkostnader på tvers av land, men ikke en nåd i land
  - ↳ En andel  $g$  av godet kommer frem, mens en andel  $1-g$  går bort på veien
- Importpriser:
  - $\hat{p}^* = \frac{P}{g}$  ← Prisen vi betaler for import
  - $\hat{p} = \frac{P}{g}$  ← Prisen de betaler for import
  - } vettes over på konsumentene: Påvirker ikke prisene sett ut bedriftene
- "Att" er det samme som før, med ett unntak: Reallønnen er høyere i det største landet
  - ↳ Bruker en mindre andel av inntekten sin på transportkostnader
  - ↳ Implikasjon for økonomisk geografi: Nyttig å lokalisere seg v/ store markeder
- Hjemmemarkedseffekter
  - ↳ Besom du har avtakende utlaytte i en handelsmodell vil du typisk få at du importerer varer som det er høy etterpørsel etter (standardresultat)
    - Men hvorfor eksporterer da hvis knelubet?
  - ↳ Denne modellen åpner for den motsatte typen hjemmemarkedseffekt: Når du har høy etterpørsel etter et gode på hjemmemarkedet vil du være en nettoeksportør av det gode fordi all produksjonen av det vil foregå i ditt eget land

## Kritikk av modellen

- Ser ikke på kapital (Men-forte kostnader måles i arb. kraft enheter)
- Forutsetter fullstendig inntryk i kostnadsstruktur, markedet len men da utet
- $\pi=0$  m/ gride når man har betydelige kostnader
- Monopolistiske konsumantmodell-kritikk (se artikkel)
- HA m/ velutviklingspros

INCREASING RETURNS AND ECONOMY

- Vil en situasjon med **helt ujevne fordeling** eller **helt ujevne fordeling** være stabilt?
- Hvordan et land endogent kan deles inn i en **industrialisert "kjerne"** og en **jordbruks "perifer"**
- Transportkostnader, størreltsfordeler, andel industri i nasjonalinntekt
- Hirschman's "The Strategy of Economic Development (1958)": **Unbalanced growth theory**, specific industries which have particularly strong linkages with the rest of the economy
  - ↳ **Backward linkage** (input provision) when the production/use of other upstream industries is stimulated by growth
  - ↳ **Forward linkage** (output provision) when the output of an industry becomes the input of other industries
  - ▽ But growth driven by linkages also hinge upon other factors: institutions, services



Modell

- **To regioner** (der arb. kraft er mobil mellom regionene)
- **To varetyper**
  - 1) **Jordbruksvarer** - konstant utvytte og lokalisert der jordbruksarealet legger (stedbundet)
  - 2) **Industrivarer** - økende stedautvytte og kan lokaliseres hvor som helst
- **Nyttefunksjon**

$$U = C_M^\mu C_A^{1-\mu}$$

↳ Impliserer at industrien alltid mottar en andel  $\mu$  av utgifter

$C_M$  - konsum av industrivarer  
 $C_A$  - konsum av jordbruksvarer  
 $\mu < 1$  - konsumandelen til industrivarer i ettersejtel
- **Aggregert konsum av industrivarer**

$$C_M = \left[ \sum_{i=1}^N c_i^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} \right]^{\frac{\sigma}{\sigma-1}}$$

↳ Impliserer at konsumentene **verdssetter variasjon** i konsumet

$\sigma > 1$  - substitusjonselastisitet mellom varene i industrien  
 $\sigma = 0$  : ingen substitusjon  
 $\sigma = \infty$  : perfekt substitusjon (altså sterk konkurranse)
- **Jordbruksproduksjon**: En enhet arb.kraft gir en enhet jordbruksvarer
  - ↳ Bonder er immobile mellom regionene (og representerer en **immobil ettersejtel**)
  - $\frac{1-\mu}{2}$  er andelen i hver region, og  $1-\mu$  er den totale andelen folk i jordbruket
- **Industriproduksjon**: Ansetter en andel  $\mu$  av befolkningen, siden  $(1-\mu)$  må være i jordbruket
  - ↳ Arbeidere i industriproduksjon
  - $h_1, h_2$  - arbeidere i region 1 og 2 (eks. bonder)
- **Produksjon av individuelle industrivarer**

$$h_m i = \alpha + \beta x_i$$

↳  $\alpha$  - fast kostnad i arb. leseeenheter  
 $\beta$  - marginalkostnad
- **Transportkostnader**
  - ↳ **Jordbruksvarer** har ingen transportkostnader: Prisen på jordbruksvarer blir den samme over alt, og like lønnen i jordbruket
  - **Normaliserer** pris (og lønn) like 1, altså måles andre priser relativt til denne
  - ↳ **Industrivarer** har "iceberg" transportkostnader: En andel  $\tau < 1$  av varen som flettes kommer frem
  - Bares av konsumentene

## Bedriftene

- ↳ Gitt (2) og antakelsen om "iceberg" transportkostnader er etterpølseelastisiteten for hver bedrift gitt  $\sigma$
- ↳ Finner  $\frac{p_1}{p_2} = \frac{w_1}{w_2}$  v/d anta at bedriftene maksimerer profitt (som i forrige)

$$(5) \quad P_1 = \left(\frac{\sigma}{\sigma-1}\right) \beta w_1 \quad \begin{array}{l} P_1 - \text{pris region 1} \\ w_1 - \text{lønn region 1} \end{array} \quad (\text{Tilsvarende tilsvarende tilsvarende funksjon for region 2})$$

- Prisen settes som en **markupp** på marginalkostnaden  $w_1$
- Ser at  $\sigma \uparrow \Rightarrow p \uparrow$ , altså resulterer  $\sigma$  konkurranse

$\frac{\sigma}{\sigma-1}$  reflekterer graden av størrelsesfordeler, alt er  $\sigma$  et innvirkning på størrelsesfordeler

- ↳ Relative priser mellom regionene er da gitt v/:

$$(6) \quad \frac{p_1}{p_2} = \frac{w_1}{w_2}$$

- ↳ **nettoablening** impliserer at bedrifter vil etablere seg og å legge det er positivt profitt, altså "nedkonkurreres" profitten til 0

$$p_1 x_1 - w_1(\alpha + \beta x_1) = 0 \Rightarrow$$

$$(7) \quad (p_1 - \beta w_1) x_1 = \alpha w_1 \Rightarrow$$

$$(8) \quad x_1 = x_2 = \frac{\alpha(\sigma-1)}{\beta}$$

- Produksjon per bedrift er det samme i hver region (uavh. av lønn, relativ etterp., etc)
- Produksjon per bedrift er høyere jo høyere  $\sigma$  er (jo sterkere konkurranse)
- Produksjon per bedrift er høyere jo større størrelsesfordeler  $\alpha/\beta$  er

- ↳ **Antallet produsenter** proporsjonalt  **$w_1$  / arbeidsstyrken** i en region

$$(9) \quad \frac{n_1}{n_2} = \frac{L_1}{L_2} \quad n_i - \text{antall goder produsert i region i}$$

- Siden det produseres like mye av alle goder, dobler du antallet goder som blir produsert dersom du dobler antall arbeidere
- Dette er en sammenheng mellom hvor folk bor og hvor **bedrifter** ønsker å lokaliserer seg (ser på hvor folk ønsker å bo i "langtidsløstet")

## Løkevelet

- **Kortsiktsløkevelet**: Gitt allokering av arbeidskraft

↳  $L_1$  og  $L_2$  eksogene

- **Langtidsløkevelet**: Folk flytter

↳  $L_1$  og  $L_2$  endogene

## Kortsiktsløkevelet

→ Vi antar at arbeidere flytter til den regionen som tilbyr høyest lønninger, som kan føre til to mulige utfall:

- 1) **Konvergens** mellom regioner (samme andel arbeidere/bønder)
- 2) **Divergens** mellom regioner (alle arbeidere samlet i samme region)

- **Relativ terspørsel** for representative produkter fra hver region,  $G_{11}$  og  $G_{12}$ , avhenger av prisen på disse produktene (ser på region 1)

↳ Prisen på lokalproduserte ( $G_{11}$ ) er  $p_1$

↳ Prisen på importerte ( $G_{12}$ ) er  $p_2 \tau$  ← der  $\frac{p_2}{p_1} > p_2$

$$(10) \quad \frac{G_{11}}{G_{12}} = \left(\frac{p_1 \tau}{p_2}\right)^{-\sigma} = \left(\frac{w_1 \tau}{w_2}\right)^{-\sigma}$$

- **Dersom** lønningene er like er konsumentdelen av varer fra egen region høyere enn fra den andre regionen, siden  $\tau^{-\sigma} > 1$  når  $\tau < 1$

↳ Utgifter til region 1-produkter:  $n_1 p_1 c_{11}$  som bor i region 1,  $Z_{11}$

↳ Utgifter til region 2-produkter:  $n_2 p_2 c_{12}$

(11) 
$$Z_{11} = \frac{n_1 p_1 c_{11}}{n_2 p_2 c_{12}} = \left(\frac{L_1}{L_2}\right) \left(\frac{w_1 Y_1}{w_2 Y_2}\right)^{-(\sigma-1)}$$

←  $\tau$  i teller fordi mangende transportkostnader på lokal produsent reduserer relativ utgift på disse region 1-varer

• **Utgiftsandel** på varer produsert i region 1 sammenliknet m/ region 2 for de som bor i region 2,  $Z_{12}$

(12) 
$$Z_{12} = \left(\frac{L_1}{L_2}\right) \left(\frac{w_1 Y_1}{w_2 Y_2}\right)^{-(\sigma-1)}$$

←  $\tau$  i neomer fordi transportkostnader øker relativ utgift på region 1-varer

→ Kommentarer

- En prisøkning på 1% på region 1-varer reduserer solgt kvantum m/  $\sigma\%$  (fra (10)), men realitet reduseres kun m/  $(\sigma-1)\%$  (fra (11) og (12))
- Jo flere arbeidere, jo høyere relativ utgift  
Med flere arbeidere i et område, tiltes mer av etterpørselen mot varer fra dette området grunnet mangende transportkostnader
- Jo høyere relativ lønn, jo høyere er relativ pris m/ jo lavere er da relativ utgift  
Alt annet likt, ønsker ikke konsumentene å kjøpe så mange varer fra det stedet hvor lønna er høy, for der vil også varene være dyrere

• **Inntekt**

↳ Total inntekt for arbeidere i region 1 er like total utgift på varer produsert i region 1 (dette inkluderer jordbruksvarer)

$$\frac{n_1 p_1 c_{11}}{n_1 p_1 c_{11} + n_2 p_2 c_{12}} = \frac{1}{1 + Z_{11}} = \frac{Z_{11}}{1 + Z_{11}}$$

← Utgiftsandelens bidr fra region 1 på region 1-produkter

↳ **konsuminntekt** (fra arbeidere)

(13) 
$$w_1 L_1 = M \left[ \frac{Z_{11}}{1+Z_{11}} Y_1 + \frac{Z_{12}}{1+Z_{12}} Y_2 \right]$$

← Region 1

(14) 
$$w_2 L_2 = M \left[ \frac{1}{1+Z_{11}} Y_1 + \frac{1}{1+Z_{12}} Y_2 \right]$$

← Region 2

konsuminntekta i begge regioner fra region 1- og 2-produkter

↳ **Total inntekt**

(15) 
$$Y_1 = \frac{1-H}{2} + w_1 L_1$$

(16) 
$$Y_2 = \frac{1-H}{2} + w_2 L_2$$

Total inntekt = jordbruksinntekt + konsuminntekt

→ **Determinering**

(11)-(16) er 6 likninger m/ 6 endogene variable:  $w_1, w_2, Y_1, Y_2, Z_{11}, Z_{12}$

→ Merke: Derom  $L_1 = L_2 \Rightarrow n_1 = n_2 \Rightarrow w_1 = w_2$  Merke: Når vi finner  $w_1$  og  $w_2$ , finner vi også  $p_1$  og  $p_2$

- Hvis lønninger (og priser) er like har vi en likevekt, men denne er ikke stabil (?)
  - To motvirkende effekter avom 2 arbeidsløse flytter til region 1
    - 1) Hjemmemarkedseffekten: Lønninger er høyere i større markeder (**divrgerende**)
    - 2) Konsumanseffekten: Mindre konsumanse om det lokale jordbruksmarkedet i den mindre regionen (**konvergerende**) etterpørsel fra
- (En tredje effekt vil inntreffe når vi ser på lang sikt)

## Lønsiltslikevekt

→ Arbeiderne ser ikke lettere på nominelle, men på **reelle lønninger** - som avhenger av hvor mange industrier som er lokalisert i en region (slipper å betale transportkostnader på disse)

• Den sanne **industriprisindeksen** (se notater for utledning)

$$(17) \quad P_1 = K [f W_1^{-(\sigma-1)} + (1-f) \left(\frac{W_2}{\tau}\right)^{-(\sigma-1)}]^{-\frac{1}{\sigma-1}}$$

$f = \frac{L_1}{M}$  (andelen industriarbeidere i region 1)

$$(18) \quad P_2 = K [f \left(\frac{W_1}{\tau}\right)^{-(\sigma-1)} + (1-f) W_2^{-(\sigma-1)}]^{-\frac{1}{\sigma-1}}$$

$$K = \left(\frac{M}{K\sigma} \left(\frac{\sigma}{\sigma-1}\right)^\mu\right)^{-(\sigma-1)} \tau^{\frac{1}{\sigma-1}}$$

• **Reallohn**

$$(19) \quad \omega_1 = \frac{W_1}{P_1^{1+\mu}} = W_1 P_1^{-\mu}$$

$$(20) \quad \omega_2 = \frac{W_2}{P_2^{1+\mu}} = W_2 P_2^{-\mu}$$

↳ **Divergerende** effekten: Gitt at de nominelle lønningene er like, vil et skift i arbeidere fra region 2 til region 1 gi en lavere prisindeks og dermed høyere reallohn - kaller dette **prisindekseffekten**

• Vi betrakter likevekten  $f = \frac{1}{2}$ , som impliserer like reallohnninger  $\omega_1 = \omega_2$

↳ Men er denne likevekten stabil? (Er summen av alle tre effektene konvergens eller divergens)

- Hvis  $\omega_1/\omega_2$  synker m/f, migreres det ut av den største regionen og vi får **konvergens**

- Hvis  $\omega_1/\omega_2$  øker m/f, migreres det inn i den største regionen og vi får **divergens**

De tre effektene som påvirker utfallet

1) **Hjemmemarkedseffekten** - Divergerende

- Nominelle lønninger presses opp i det største markedet (flere bedrifter)

- stort marked → Deltetterpøpkel etter arbeidskraft → lønnspress (region 1)

2) **Konkurrans-effekten** - Konvergerende

- Nominelle lønninger presses opp i det minste markedet

- Relativ etterpøpkel etter hver industriare høyere når industrietaten er liten → Deltetterpøpkel etter arbeidskraft → lønnspress (region 2)

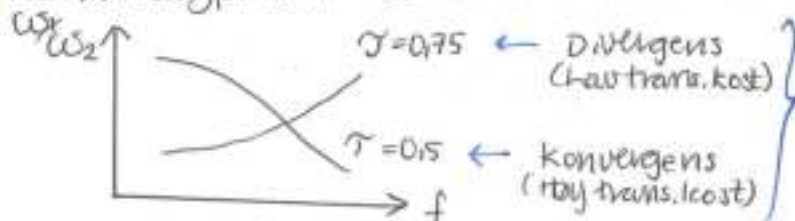
3) **Prisindekseffekten** - Divergerende

- Reallohnna er høyere i det største markedet

- Mye industri → høyere konsumprisindeks pga manglende transportkostnader å betale på egenproduserte varer

↳ **merk:** Like reallohnninger i begge regioner si en industribedrift i en liten region får en stor andel etterpøpkel av arbeidskraft! (og dermed lønnspress)

↳ Kan ikke avgjøre om  $f = \frac{1}{2}$  er stabil/ustabil, for dette vil avhenge av parameterverdier:



Begge arder  $\sigma = 4$  og  $\mu = 3$ , utvalgt dette kun er ett spesifikt simuleringseksempel

• Vi betrakter i stedet tilfellet med **full industrikonstrasjon**, ønsker å finne betingelser for når dette er mulig

↳ Anta full industrikonstrasjon i region 1

- Vil ha en andel  $(\frac{1-\mu}{2} + \mu)$  av total inntekt ...

$$\Rightarrow Y_1 = \left(\frac{1-\mu}{2} + \mu\right) (Y_1 + Y_2)$$

$$\Rightarrow Y_2 = \left(\frac{1-\mu}{2}\right) (Y_1 + Y_2)$$

$$\Rightarrow (21) \quad \frac{Y_2}{Y_1} = \frac{1-\mu}{1+\mu}$$

- Verdien av salget fra hver industribedrift i region 1

$$(22) \quad V_1 = \frac{\mu}{n} (Y_1 + Y_2)$$

$n$  - antall industribedrifter

- ↳ Er det nå lønnsomt for en individuell bedrift å flytte seg til region 2?
  - Hvis "nei", er full industrikonsentrasjonen likevektet ("den avvikende bedriften")
  - Hvis "ja", er ikke full industrikonsentrasjonen likevektet
- Bedriften må tilby høyere lønn for å overbevise arbeidere om å flytte med, slik at:

$$(23) \frac{W_2}{W_1} = \left(\frac{1}{\tau}\right)^\mu$$

- \* Entilbederne høyere lønn må bedriften sette **høyere pris**, hvilket også vil gjøre at den selger mindre
- Den totale verdien  $V_2$  av den avvikende bedriftens salg:

$$(24) V_2 = \left(\frac{\mu}{1-\mu}\right) \left[ \left(\frac{W_2}{W_1 \tau}\right)^{-(\sigma-1)} Y_1 + \left(\frac{W_2 \tau}{W_1}\right)^{-(\sigma-1)} Y_2 \right]$$

- \* Transportkostnader er en utenpe i salg til region 1, men en fordel i salg til region 2
- Fra (22), (23) og (24) finner vi relativ verdi av den avvikende bedriftens salg:

$$(25) \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \tau^{\mu(\sigma-1)} \left[ \tau^{(\sigma-1)} (1+\mu) + \tau^{-(\sigma-1)} (1-\mu) \right]$$

- For at det skal lønne seg å flytte må relativ verdi av salget være større enn den relative kostnadsøkningen  $v$  å flytte, altså:  $v = \frac{V_2}{V_1} \tau^\mu$

$$\frac{V_2}{V_1} > \frac{W_2}{W_1} = \tau^{-\mu} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} \tau^\mu > 1 \Rightarrow v > 1$$

$$(26) v = \frac{1}{2} \tau^{\mu\sigma} \left[ \tau^{(\sigma-1)} (1+\mu) + \tau^{-(\sigma-1)} (1-\mu) \right]$$

- \* Derom  $v < 1$  er full industrikonsentrasjon en stabil likevekt
- \* Hvordan avhenger betingelsen  $v$  av parametrene  $\mu$ ,  $\tau$  og  $\sigma$ ?

### 1) Andelen industri i økonomien, $\mu$

$$(27) \frac{\partial v}{\partial \mu} = v\sigma(\ln \tau) + \frac{1}{2} \tau^{\sigma\mu} [\tau^{\sigma-1} - \tau^{-(\sigma-1)}] < 0$$

fordi  $\ln \tau < 0$  når  $\tau < 1$  og  $\tau^{\sigma-1} - \tau^{-(\sigma-1)} < 0$

- Sannsynligheten for at full industrikonsentrasjon er mulig øker med andelen industri i økonomien, av to grunner:
  - 1) **Arbeidsterne vil kreve et høyere lønnspremiuum** for å være villige til å flytte
    - "Forward linkage"-effekt representert  $v$ / første ledd i (27)
  - 2) **Hjemmemarkedseffekten forsterkes** siden  $\mu \uparrow$  øker markedstørrelsen i region 1 relativt til region 2
    - "Backward linkage"-effekt representert  $v$ / andre ledd i (27)
- Diskusjon: kanskje andel immobil selger går ned over tid?  $(1-\mu) \downarrow$ , altså  $\mu \uparrow$ 
  - ↳ Mindre spredt kraftindustri pga bedre krafttransporterende teknologi
  - ↳ Mer effektive fisketråler og mer fiskeoppdrett (mer effektivt per arbeider)

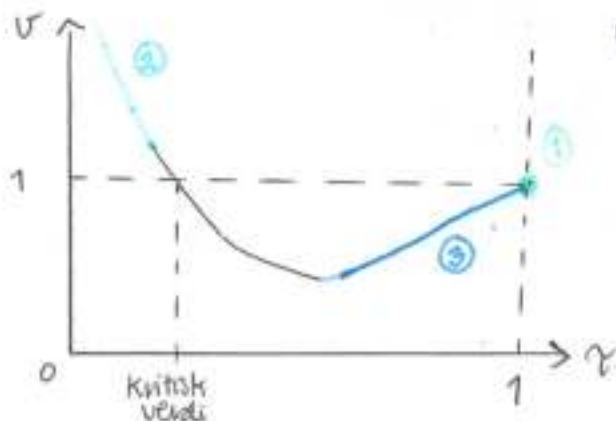
### 2) Transportkostnader, $\tau$

- Vi skal frem til tre poeng som hjelper oss illustrere effekten av transportkostnader på  $v$  grafisk
- 1) Når  $\tau=1$  (ingen transportkostnader) er  $v = \frac{1}{2} [(1+\mu) + (1-\mu)] = \frac{2}{2} = 1$   
 ⇒ Når transportkostnader er null er lokalisering irrelevant.
- 2) Når  $\tau$  er liten (høye transportkostnader), dominerer andre ledd i (26), altså blir  $v$  svært høy.

③ (28):  $\frac{\partial v}{\partial \tau} = \frac{M\sigma v}{\tau} + \frac{\tau M^{\sigma}(\sigma-1)[(1+\mu)\tau^{\sigma-1} - (1-\mu)\tau^{-(\sigma-1)}]}{2\tau}$

Når  $\tau$  nærmer sig 1 er  $v$  voksende  
 Når  $\tau \rightarrow 1$  vil dette leddet gå mot  $(\sigma-1)\mu > 0 \Rightarrow \frac{\partial v}{\partial \tau} > 0$

• Grafisk representasjon av pengene ①, ② og ③



↳ Når transportkostnadene er lave nok, or industri konsentrasjon stabil  
 - Da er  $\tau$  høy og  $v < 1$   
 - Høye transportkostnader gjør det lønnsomt å flytte og utnytte markedet hos jordbruket i region 2

3) Erad av substitusjonselastisitet,  $\sigma$

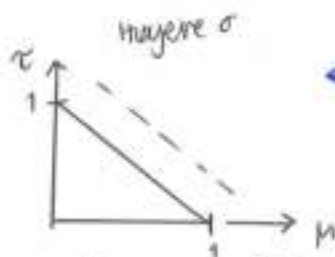
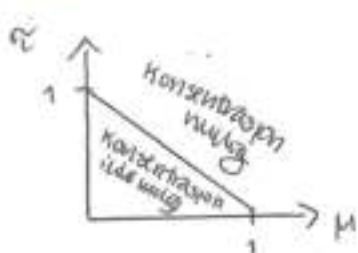
(29)  $\frac{\partial v}{\partial \sigma} = \ln(\tau) \left(\frac{\tau}{\sigma}\right) \left(\frac{\partial v}{\partial \tau}\right)$

(Merk:  $\sigma \uparrow$  reflekterer svakere størrelsesfordeler gjennom det som for substitusjon av varer fra kakerenter)

Vet at  $\frac{\partial v}{\partial \tau}$  i det kritiske punktet  $\Rightarrow \frac{\partial v}{\partial \sigma} > 0$  her

• Effekten av  $\sigma \uparrow$  er positiv i "det kritiske punktet"

- ↳ Svakere størrelsesfordeler ( $\sigma \uparrow$ ) virker mot industrikonsentrasjon ( $v \uparrow$ )
- ↳ Sterkere størrelsesfordeler ( $\sigma \downarrow$ ) virker for industrikonsentrasjon ( $v \downarrow$ )



↳ For  $\sigma$  mindre område hvor industrikonsentrasjon er mulig når  $\sigma \uparrow$  (mindre størrelsesfordeler)

- Merk: I denne artikkelen omtales størrelsesfordeler både som  $\sigma \uparrow$  (lavere substitusjonselastisitet) og som  $\sigma \uparrow$  (fast kostnad iff. Marginalkostnad).
- Merk:  $\sigma$  er både substitusjonselastisiteten for konsum av industrivarer og utbytteelastisiteten som retter seg mot hver bedrift

Kritikk av modellen

- Ingen transportkostnader i jordbruket  
 ↳ Nødvendig for modellen og ville ikke fått like lave resultater uten denne antakelsen  
 - Jordbruket (mat) forventes å fordele seg ut på hele befolkningen, uavh. av hvor de bor  
 - Men logisk: kanskje billigere å transportere enn moderne tjenester
- Må ha mange liten bedrifter (ul/differenserte produkter) for at effekten  $v \uparrow$  i lin (9) og (3) skal gi implikasjoner for lokalisering (at flere innbyggere betyr flere bedrifter og ikke bare monopolemakt)  
 ↳ Vil det forbyr fra monopolet i Schumpeter
- Hvor lett er det å flytte? Mer faste kostnader i små områder? Eller økonomiske premier på å flytte til andre områder (på kort tid)



- To regioner, der et **immobilt tilbud** (hus) or hoveddrivkraften bak spredning av økonomisk aktivitet (og industrien er hoveddrivkraften bak samling)
- Rollen til transportkostnader blir **motsatt av Kugman (1991)**: Når transportkostnadene er lave eksisterer en stabil likevekt med folk i begge regioner, mens når transportkostnadene øker, øker forskjellene mellom regionene

Modell

- To regioner
- To varetyper
  - 1) **Boligtjenester** - et gitt tilbud av boliger i hver region, og ingen pendling
  - 2) **Industrivarer** - ekenete dualantbytte og kan idealiseres hvor som helst (likt som Kugman)
- N identiske individer
- Nyttefunksjon

(1)  $U = h^\beta d^{1-\beta}$

$h$  - boligtjenester  
 $d$  - konsumindeks av differenserte industrivarer  
 $\beta$  - andel av etterop. rettet mot boligtjenester (1/3 for industrivarer)

↳ Der konsumindeksen av differenserte industrivarer er gitt v/:

(2)  $d = \left[ \int_0^n x(j)^\alpha dj \right]^{\frac{1}{\alpha}}$

$0 < \alpha < 1$   
 $n$  - antall tilgjengelige industriwaretyper  
 $x(j)$  - konsum av type  $j$

- samme som før; ønsker **varasjon i konsumet** (avtakende marginalnytte av hvert gode)
- impliserer **konstant etterspørselastisitet  $\epsilon$**  (som også er substitusjonselastisitet mellom varene):  $\epsilon = \frac{1}{1-\alpha} > 1$

• **Industriproduksjon**

- ↳ Marg. prod av arbeidskraft brent ut på 1
- ↳ Det kreves  $a + x$  enheter arbeidskraft for å lage  $x$  enheter av en vare
- ↳ **Prisen** settes som en markup på marginalkostnaden (lønna  $w_i$ )

(3)  $P_i = \frac{1}{\alpha} w_i$

- ↳ **Fri etablering** fører til nullprofitt for hver produsent, altså pris like gjennomsnittskostnad
- ⇒  $P_i = \left( \frac{a}{x} + 1 \right) w_i$   
 (innsetting fra (3) for  $P_i$  gir:)

(4)  $x = \frac{\alpha a}{1-\alpha}$

- En **konstant mengde** av hver vare produseres, **uavhengig av lokalisering** (samme resultat som i Kugman-modellen)

- ↳ **Antall industriere** (antall "merker") bestemmes av at arbeidskraft etterspørsel må være lik arbeidskraftstilbud

Total ettersp. eller arbeidskraft    Arb.tilbud  
 $(a+x)n_i = N_i \Rightarrow$

$n_i$  - antallet ulike produkter i region  $i$   
 $N_i$  - antallet folk i region  $i$

(5)  $n_i = \frac{1-x}{a} N_i$

• **Transportkostnader**

- ↳ Industrivarer har "iceberg" transportkostnader: For å få én enhet av godet må du kjøpe  $\frac{1}{\alpha} > 1$  enheter av det

Tilbud = Etterpøpsel fra region 1 + Etterpøpsel fra region 2

$$(6) \quad \frac{\alpha q}{1-\alpha} = \frac{p_1^{1-\epsilon}}{n_1 p_1^{1-\epsilon} + n_2 (t p_2)^{1-\epsilon}} (1-\beta) E_1 + \frac{t (t p_1)^{-\epsilon}}{n_1 (t p_1)^{1-\epsilon} + n_2 p_2^{1-\epsilon}} (1-\beta) E_2$$

Relativ pris (på denne varen iff alle andre)  $\frac{p_1^{1-\epsilon}}{n_1 p_1^{1-\epsilon} + n_2 (t p_2)^{1-\epsilon}}$   $\frac{t (t p_1)^{-\epsilon}}{n_1 (t p_1)^{1-\epsilon} + n_2 p_2^{1-\epsilon}}$   
 Andelen av etterpøpsel rettet mot industrivarer, Mult.  $n_i$  / total inntekt i region 1  $\frac{t \cdot \text{relativ pris}}{1-\beta}$

Trenger denne for å finne likevektsbetingelsen (8) nedenfor

der  $E_i$  - aggregert inntekt for innbyggere i region  $i$

**Etterpøpsel etter bolig tjenester**

- En andel  $\beta$  av inntekt brukes på bolig
- Normaliserer og setter prisen på bolig tjenester lik 1 (relativt til industrivarer)
- Etterpøpsel etter bolig tjenester:  $\beta (E_1 + E_2)$  ← Må finne uttrykk for  $E_1$  og  $E_2$  for å finne dette
- Total inntekt består av arbeidsinntekt og bolig inntekt (samme som etterpøpselen etter bolig tjenester)

$$E_1 + E_2 = \sum_i W_i N_i + \beta (E_1 + E_2) \Rightarrow E_1 + E_2 = \frac{1}{1-\beta} \sum_i W_i N_i$$

- Anta at alle eier like mye bolig og at de eier like mye overalt  $\Rightarrow \beta (E_1 + E_2) = \frac{\beta}{1-\beta} \sum_i W_i N_i$  (k-alle innbyggere)
- Der er boliginntekt i region  $i$  andelen  $N_i/N$  av total husinntekt,  $\frac{N_i}{N} \frac{\beta}{1-\beta} \sum_k W_k N_k$

$$(7) \quad E_i = W_i N_i + \frac{\beta N_i}{(1-\beta) N} \sum_k W_k N_k$$

- Likevektsbetingelse fra (3) og (5) inn i (6) for  $f = \frac{N_1}{N}$  (andelen av befolkningen som bor i region 1) og  $q = \frac{p_1}{p_2}$  (relativ Mill-pris på et merke i region 1 sammenliknet m/ region 2) (region 1) når bedriften setter prisen og konsumentene bærer transportkostnaden

$$(8) \quad 1 = \frac{f q^{1-\epsilon}}{f p_1^{1-\epsilon} + (1-f) t^{1-\epsilon}} (1-\beta + \beta (f + \frac{1-f}{q})) + \frac{(1-f) (t q)^{1-\epsilon}}{f (t q)^{1-\epsilon} + 1-f} (\frac{1-\beta}{q} + \beta (f + \frac{1-f}{q}))$$

Husk:  $\epsilon > 1 \Rightarrow 1-\epsilon < 0$   
 $t > 1$ , og  $t < 1$  betyr høyere transportkostnader



- Inneholder to endogene variable:  $f$  og  $q$
- Ser at høyresiden er avtakende i  $q$ 
  - For enhver  $f$  så gir (8) en unik relativ pris  $q$  som er konsistent m/ likevekt (tilbud = etterpøpsel fra begge regioner)
- Uavhengig av befolkningstørrelse og boligtilbud
- Når halve befolkningen bor i hver region er den relative prisen lik 1, uavhengig av transportkostnader ( $f = \frac{1}{2} \Rightarrow q = 1$ )

**Relativ nytte**

- For å finne relativ nytte må vi uttrykke **nyttene i hver region** (m/ utg. plot i (11)):
- (9)  $U_i = (\frac{H_i}{N_i})^\beta \left( \frac{(1-\beta) E_i}{N_i P_{di}} \right)^{1-\beta}$ 
  - $\frac{(1-\beta) E_i}{N_i}$  - Utgifter pr. innbygger på industrivarer
  - $P_{di}$  - prisindeks av differensrente produkter, gitt v/  $P_{di} = [n_i p_i^{1-\epsilon} + n_j (t p_j)^{1-\epsilon}]^{\frac{1}{1-\epsilon}}$ ,  $j \neq i$
- Husksum pr. person i region  $i$  (nyttene av hus er at de bor i det, ikke at det kan stige i verdi)
- Bidraget til nytte fra konsum av industrivarer

Relativ nytte  $v$  fra (3), (5), (7) inn i (9), der  $v = \frac{U_1}{U_2}$

$$(10) \quad v = \left( \frac{H_1}{H_2} \frac{1-f}{f} \right)^\beta \left[ \frac{(1-\beta) q + \beta (f q + 1-f)}{1-\beta + \beta (f q + 1-f)} \right]^{1-\beta} \left[ \frac{f q^{1-\epsilon} + (1-f) t^{1-\epsilon}}{f (t q)^{1-\epsilon} + 1-f} \right]^{\frac{1-\beta}{\epsilon-1}}$$

- Hvis  $v = 1$ : Samme nytte i begge regioner
- Hvis  $v > 1$ : Nyttene er størst i region 1
- Hvis  $v < 1$ : Nyttene er størst i region 2

Regionstørrelse:  $t=1$ , slik at

→ Vi skal se på spesialtilfellet der det er ingen transportkostnader  $t=1$ , slik at relativ pris  $q=1$  ("fullstendig globalisering")

$$(10) \Rightarrow V = \left( \frac{H_1}{H_2} \frac{1-f}{f} \right)^\beta \left( \frac{1-\beta + \beta(f+1-f)}{1-\beta + \beta(f+1-f)} \right)^{1-\beta} \left( \frac{f+(1-f)}{f+1-f} \right)^{\frac{1-\beta}{\epsilon-1}}$$

$$\Rightarrow V = \left( \frac{H_1}{H_2} \frac{1-f}{f} \right)^\beta$$

1) Jo større andelen av befolkningen som bor i region 1 ( $f$  høy), jo lavere er relativ nytte av å bo i region 1

- Intuisjon: Industrier har ikke noe å si for nytte, kun hus som har noe å si, hvis vi har avtatt like mange hus begge steder, foredrer folk seg jevnt mellom regionene (store areal hus per person)

2) Når vi ikke har noen transportkostnader er det helt sikkert at vi har en likevekt i/balansert,  $V=1$

$$\Rightarrow \frac{H_1}{H_2} = \frac{f}{1-f} \leftarrow \text{Relativt husbudjet lik relativt befolkningsstørrelse}$$

- Merk: Husprisene vil her være de samme over alt

→ Antar videre at transportkostnader spiller en rolle,  $t \neq 1$

3) Vi kan aldri ha en likevekt hvor alle bor i én region så lenge det er noen hus i den andre

$$1 = 0 + (tq)^{1-\epsilon} \left( \frac{1-\beta}{q} + \frac{\beta}{q} \right) \Rightarrow 1 = t^{1-\epsilon} q^{-\epsilon} \Rightarrow q^\epsilon = t^{-(\epsilon-1)} \Rightarrow q = t^{-\frac{\epsilon-1}{\epsilon}}$$

- Ser at når befolkningen går mot null i region 1 så vil relativ nytte gå mot uendelig der fordi det vil være uendelig mye hus per capita (finer/winn setting av lønshuset for  $q \rightarrow 1/0$ )

- Merk: Dette resultatet om at full industrikonsentrasjon er umulig er motsatt fra Keynesian

4) a) Jo viktigere hus er (jo større vekt i preferansene), jo mer sannsynlig er det at kurven er som i Figur 1 (altså har negativ helning hele veien)

- Vist vi simuleringer, men intuitivt

b) Når  $\epsilon$  er høy (høy subst. el. mellom varer), jo mer sannsynlig er det at kurven er som i figur 1

- Intuisjon: Det har lite å si for deg hvilke differensierte varer du konsumerer, og du tar derfor lettere til takke med de (både) lokalproduserte varene

5) Når  $\beta$  og/eller  $\epsilon$  er små (motsatt av 4) og transportkostnader er "uendelige", så er jevn fordeling en ustabil likevekt og

-  $\beta$  lav: hus har lite å si iff. differensierte varer

-  $\epsilon$  lav: "variety of choice" er viktig foredrag, du er lite villig til substitusjon av varer

→ Full konsentrasjon (siden transportkostnader er "uendelige")

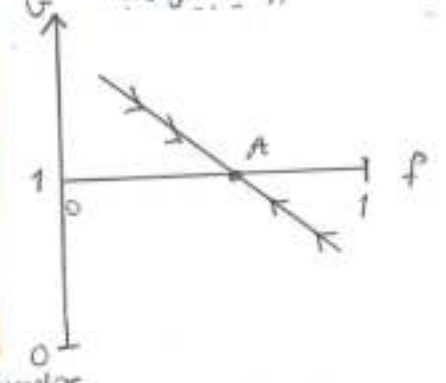
6) Når  $\beta$  og/eller  $\epsilon$  er små (motsatt av 4) og transportkostnader er "medium", så er jevn fordeling en ustabil likevekt og stabil i "let" sløyfing

- B ustabil (som figur 2), mens A og C stabilt

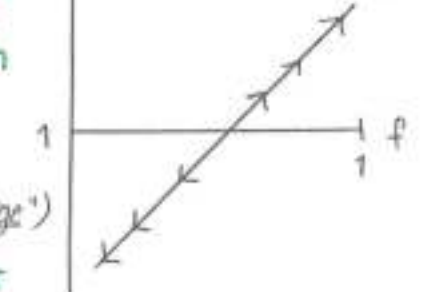
- Andelen folk er ikke proporsjonal i/budjet

- Bolegpriser og transportkostnader oppveier hverandre i A/C, når den ene er høy blir den andre lav pga størrelsen

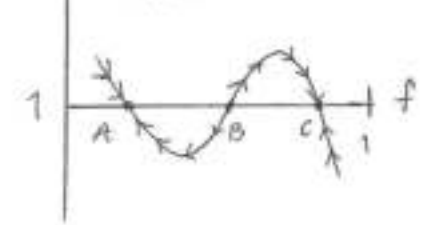
Figur 1 (Følger fra resultat 1) og 2)



Figur 2 (Resultat 5)



Figur 3 (Resultat 6)



Tilbud = Eterspørel fra region 1 + Eterspørel fra region 2

$$(6) \quad \frac{\alpha q}{1-\alpha} = \frac{p_1^{-\epsilon}}{n_1 p_1^{1-\epsilon} + n_2 (t p_2)^{1-\epsilon}} (1-\beta) E_1 + \frac{t (t p_1)^{-\epsilon}}{n_1 (t p_1)^{1-\epsilon} + n_2 p_2^{1-\epsilon}} (1-\beta) E_2$$

Relativ pris (på samme varen iff alle andre)  $\frac{p_1^{-\epsilon}}{n_1 p_1^{1-\epsilon} + n_2 (t p_2)^{1-\epsilon}}$   $\frac{t (t p_1)^{-\epsilon}}{n_1 (t p_1)^{1-\epsilon} + n_2 p_2^{1-\epsilon}}$   $t \cdot$  relativ pris  
 Andelen ettersp. rettet mot industrivarer, inkl. m/ total inntekt i region 1  $(1-\beta) E_1$   $(1-\beta) E_2$   
 Trenger denne for å finne likevektsbetingelsen (8) nedenfor  
 der  $E_i$  - aggregert inntekt for innbyggere i region  $i$

### Eterspørel etter bolig tjenester

- En andel  $\beta$  av inntekt brukes på bolig
- Normaliserer og setter prisen på bolig tjenester lik 1 (relativt til industrivarer)
- Eterspørel etter bolig tjenester:  $\beta (E_1 + E_2)$  ← Må finne uttrykk for  $E_1$  og  $E_2$  for å finne dem
- Total inntekt består av arbeidsinntekt og bolig inntekt (samme som etterspørelsen etter bolig tjenester)

$$E_1 + E_2 = \sum_i W_i N_i + \beta (E_1 + E_2) \Rightarrow E_1 + E_2 = \frac{1}{1-\beta} \sum_i W_i N_i$$

Total inntekt  $\sum_i W_i N_i$  Sum lønnsinntekter Inntekt fra bolig  $\Rightarrow \beta (E_1 + E_2) = \frac{\beta}{1-\beta} \sum_i W_i N_i$

- Anta at alle eier like mye bolig og at de eier like mye overalt
- Da er boliginntekt i region  $i$  andelen  $N_i/N$  av total husinntekt,  $\frac{N_i}{N} \frac{\beta}{1-\beta} \sum_k W_k N_k$  ← alle innløy i begge regioner

$$(7) \quad E_i = W_i N_i + \frac{\beta N_i}{(1-\beta) N} \sum_k W_k N_k$$

- Likevektsbetingelse fra (3) og (5) inn i (6) for  $f = \frac{N_1}{N}$  (andelen av befolkningen som bor i region 1) og  $q = \frac{p_1}{p_2}$  (relativ Mill-pris på et merke i region 1 sammenliknet m/ region 2) (region 1) når bedriften setter prisen og konsumentene bærer transportkostnaden

$$(8) \quad 1 = \frac{f q^{1-\epsilon}}{f q^{1-\epsilon} + (1-f) t^{1-\epsilon}} (1-\beta + \beta (f + \frac{1-f}{q})) + \frac{(1-f) (t q)^{1-\epsilon}}{f (t q)^{1-\epsilon} + 1-f} (\frac{1-\beta}{q} + \beta (f + \frac{1-f}{q}))$$

Husk:  $\epsilon > 1 \Rightarrow 1-\epsilon < 0$   
 $t > 1$ , og  $t \uparrow$  betyr høyere transportkost

- Inneholder to endogene variable:  $f$  og  $q$
- Ser at høyresiden er avtakende i  $q$
- For enhver  $f$  så gir (8) en unik relativ pris  $q$  som er konsistent m/ likevekt (tilbud = etterspørel fra begge regioner)



- Uavhengig av befolkningsstørrelse og boligtilbud
- Når halv befolkningen bor i hver region er den relative prisen lik 1, uavhengig av transportkostnader ( $f = \frac{1}{2} \Rightarrow q = 1$ )

### Relativ nytte

For å finne relativ nytte må vi uttrykke nyttene i hver region (m/ utg. per i (1)):

$$(9) \quad U_i = \left( \frac{H_i}{N_i} \right)^\beta \left( \frac{(1-\beta) E_i}{N_i P_{di}} \right)^{1-\beta}$$

$\frac{(1-\beta) E_i}{N_i}$  - Utgifter pr. innbygger på industrivarer

$P_{di}$  - prisindeks av differensrente produkter, gitt v/

$$P_{di} = [n_i p_i^{1-\epsilon} + n_j (t p_j)^{1-\epsilon}]^{\frac{1}{1-\epsilon}}, \quad j \neq i$$

Husksum pr. person i region  $i$  (nyttene av hus er at de bor i det, ikke at det kan stige i verdi) Bidraget til nytte fra konsum av industrivarer

Relativ nytte  $V$  fra (3), (5), (7) inn i (9), der  $V = \frac{U_1}{U_2}$

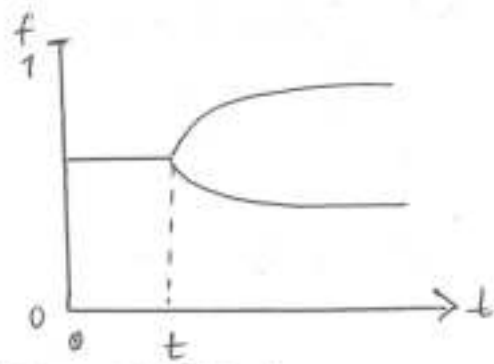
$$(10) \quad V = \left( \frac{H_1}{H_2} \frac{1-f}{f} \right)^\beta \left[ \frac{(1-\beta) q + \beta (f q + 1-f)}{1-\beta + \beta (f q + 1-f)} \right]^{1-\beta} \left[ \frac{f q^{1-\epsilon} + (1-f) t^{1-\epsilon}}{f (t q)^{1-\epsilon} + 1-f} \right]^{\frac{1-\beta}{\epsilon-1}}$$

- $H_1/H_2 = 1$ : Samme nytte i begge regioner
- $V > 1$ : Nyttene er størst i region 1
- $V < 1$ : Nyttene er størst i region 2

- 7) Den relative størrelsen på den store regionen øker m/ transportkostnadene
- Induktion: Høye transportkostnader gjør det mer attraktivt å leve der du least unngå dem, altså den størst befolkede regionen
- 8) Resultatet om transportkostnader er motsett av Knugmans resultat
- Knugman: Når transportkostnader er høye blir det lønnsomt å flytte til den "tomme" regionen fordi det her eksisterer en immobil etterpøpsel eller goder (de som bor der er vant til høye priser grunnet transportkostnader) - Den konvergerende konklusjonseffekten dominerer
  - Helpman: Når transportkostnader er høye flytter tilset (etterpøpselen) seg til området der de stopper å betale like nye transportkostnader, siden etterpøpselen er fullstendig mobil - Den konvergerende kraften av det immobilit tilbudet overveier v/ høyere transportkostnader
- 9) "Hovedforskjellen" mellom modellene er at i Knugman kan enkelte folk ikke flytte (det er alltid noe etterpøpsel på et sted), mens i Helpman er det et gitt husstilbud (det er alltid noe tilbud på et sted). Dette virker å være grunnen til at transportkostnader får ulik rolle

### 10) Mulige stabile likevekter

- Når transportkostnadene er lave har vi én unik og stabil likevekt
- Etter hvert når vi en grense  $t$  på transportkostnadene hvor de eneste stabile likevekter er skeddeltong, enten mot den ene eller den andre regionen



### Kritikk av modellen

- Hva blir rollen til transportkostnader om vi både hadde hatt et immobilit tilbud og en mobil etterpøpsel?
  - Redding (2020): Her er agglomerasjonskrefter ønsket om varasjon, IRS og transportkostnader (husk: usikkert), mens spredningskrefter er det perfekte inelastiske tilbudet av "guloplass" (husareal), men ytterligere effekter kunne vært inkludert
    - ↳ Agglomerasjonseffekter: Produktivitet, kulturtilbud
  - Er det viktig å representere klytten av hus v/ areal? Hvis nytten representeres v/ huspriser vil disse typisk synke i takt m/ populasjonsnedgang og vi har da en svakere konvergerende effekt av det immobilit tilbudet (?) - komplisert, pga forvendinger i investeringsbeslutning om å kjøpe hus
    - ↳ og urealistisk å anta at "guloplass" er gitt på kort sikt
    - ↳ Hva m/ "suburbos"? Busetning utenfor byene
- (simuleringer)

# GLOBALIZATION AND THE INEQUALITY OF NATIONS

Richard Ruggman & Anthony J. Venables

- Arbeidskraft er immobil mellom områdene: Ser ut på to land (Nord & Sør) / regioner
- Modell m/ utgyplet i Kingman (1980), Vnen der handel av innsatsvarer inkorporeres
- Agglomerasjon som følge av linker mellom firmaer (input-output) som er enn mellom firmaer og arbeidere/konsumenter
- Utgangspunkt: Ulikhet an globalisering gir økt eller redusert inntektsulikhet mellom Nord og Sør
  - Nord mer globalisering hever levestandarden for de rike på bekostning av de fattige, som ikke er konkurransedyktige m/ deres kostnader
  - Andre peker mot Kinas fremvekst og bekymrer seg for om dette er slye på bekostning av levestandarden i I-land
- Denne modellen trekker frem hvordan disse argumentene besvarer ulike steg i globaliseringsprosessen (representert v/ transportkostnader)
  - Føret er transportkostnadene mellom Nord & Sør veldig høye, lokale markeder for at
  - Når transportkostnadene faller under en kritisk verdi, formes spontant et kjerne-periferimønstre
    - Realinntekt er lavere i periferien
  - Når transportkostnadene faller ytterligere, blir ulikheten av å være nær markeder, input/output-linkage) svakere
    - Realinntekt konvergerer

## Modell

- To land / regioner: Nord & Sør
- To varetyper
  - 1) Jordbruksvarer - konstant utbytte
  - 2) Industrivarer - differensierte varer
- Nyttefunksjon (Nord)

$$(1) \quad V = \frac{wL}{Q_A^{1-\sigma} Q_M^\sigma}$$

$wL$  - inntekt i Nord ( $L$  enheter arb. kraft og lønn  $w$ )  
 $Q_A$  - pris på jordbruksvarer  
 $Q_M$  - prisindeks for differensierte industrivarer  
 $\sigma$  - andel ettersp. rettet mot industrivarer

↑ Merke: Skiller  
 i løn mellom industrivarer og jordbruksvarer

- Dette er en indirekte nyttefunksjon (på Cobb-Douglas-form), siden den representeres i form av priser og inntekt i stedet for kvanta - den indirekte forteller konsummønstret
- Cobb-Douglas-preferanser mellom jordbruksvarer og industrivarer
- Merke at konsumenten har kun lønnsinntekt

## • Prisindeksen for industrivarer

$$(2) \quad Q_M = [n p^{1-\sigma} + n^* (p^* t)^{1-\sigma}]^{\frac{1}{1-\sigma}}$$

$\sigma > 1$  - etterspørselselastisiteten for hver variant  
 $n$  - antall ulike varer produsert i Nord } Antall varer = ant. bedrifter  
 $n^*$  - antall ulike varer produsert i Sør  
 $p, p^*$  - pris på hvert gode (hmm. Sør og Nord) - merke at den er like for alle varer i samme land  
 $t > 1$  - transportkostnad "iceberg" på industrivarer

## • Jordbruksproduksjon

- Fullkommen konkurranse, kun arb. kraft som innsatsfaktor og konstant skilutbytte
- setter som numeraire ( $Q_A = 1$ ), slik at alle priser må les relativt til denne
- Siden jordbruksvarer kan selges for pris like 1, perf. konk. og konstant skilutbytte der en enhet arb. kraft gir en enhet jordbruksvarer: lønn (alle arbeidere)

$$(3) \quad w \geq 1$$

- $w > 1$  er kun mulig v/ ingen jordbruksproduksjon i landet
- $w = 1$  eller

## • Industriproduksjon

- **Innsatsfaktorer:** arbeidskraft og innsatsvarer (som er industrivarer)
  - Dette skaper en input/output agglomerasjons effekt: Å lokalisere bedriften på et sted m/ nye industriarbeidere billigere innsatsfaktorer
- Vi antar at det sammensatte innsatsvarereggregatet er det samme som det sammensatte konsumgodeket (altså prisindeks fortsatte  $Q_M$ )

### → Totale kostnader

$$(4) \quad TC = w^{1-\mu} Q^{\mu} [\alpha + \beta(y+x)]$$

$\mu$  - andel av produksjon som krever innsatsvarer

$\alpha$  - faste kostnader

$\beta$  - marginalkostnader

$y$  - innenlandske salg

$x$  - eksport

$y+x$  er den totale produksjonen til én bedrift

- produksjon har Cobb-Douglas-teknologi

## • Total utgift på industrivarer fra konsumenter og bedrifter i Nord

$$(5) \quad E = \gamma wL + \mu(x+y)pn$$

→ Første ledd  $\gamma wL$  er total utgift fra konsumenter, som er en andel  $\gamma$  (husk nyttefunksjon) av inntekt  $wL$

→ Andre ledd  $\mu(x+y)pn$  er total utgift fra bedrifter, som er en andel  $\mu$  (husk produktfunks.) av totale kostnader

- Siden det er nullprofitt er totale kostnader like totalt salg,  $(x+y)pn$

## • Prisene på industrivarer settes som en markup over marginalkostnadene:

$$(6) \quad p(1 - \frac{1}{\sigma}) = w^{1-\mu} Q_M^{\mu} \beta$$

## • Etterspørsel etter et spesifikt industriprodukt i Nord, fra Nord og Sør:

$$(7) \quad y = p^{-\sigma} Q_M^{\sigma-1} E, \quad x = p^{-\sigma} t^{1-\sigma} (Q_M^*)^{\sigma-1} E^*$$

## • Nullprofittbetingelse ved fri etablering

→ setter totalt salg  $p(x+y)$  lik totale kostnader og setter inn for (6)  $\Rightarrow$

$$(8) \quad y+x = \frac{\alpha}{\beta(\sigma-1)}$$

→ Ser at alle bedriftene produserer like mye og at pris blir proporsjonal m/ kostnader

→ Velger enheter slik at  $\frac{\alpha}{\beta(\sigma-1)} = 1$  ("normaliserer" industriproduksjon)

→ Velger enheter i nyttefunksjonen slik at man ønsker å konsumere én enhet i hele verden  $\Rightarrow$

$$(9) \quad 1 = p^{-\sigma} [Q_M^{\sigma-1} E + t^{1-\sigma} (Q_M^*)^{\sigma-1} E^*]$$

## → Determinering

(2), (3), (5), (6) og (9) er 5 likninger m/ 5 endogene variable:  $Q_M, w, p, n, E$

Tilsvarende relasjoner for utlandet

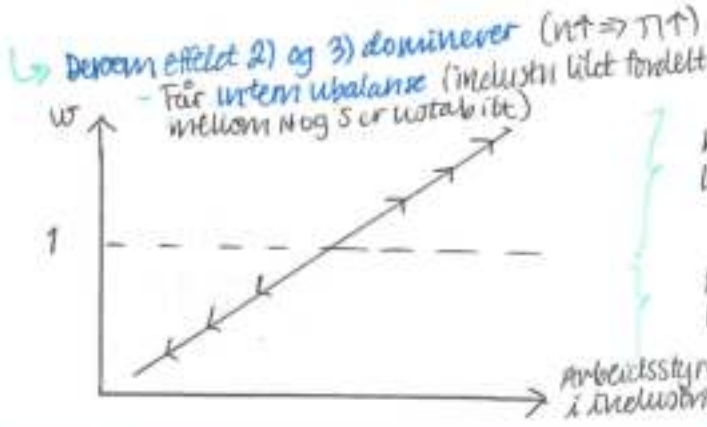
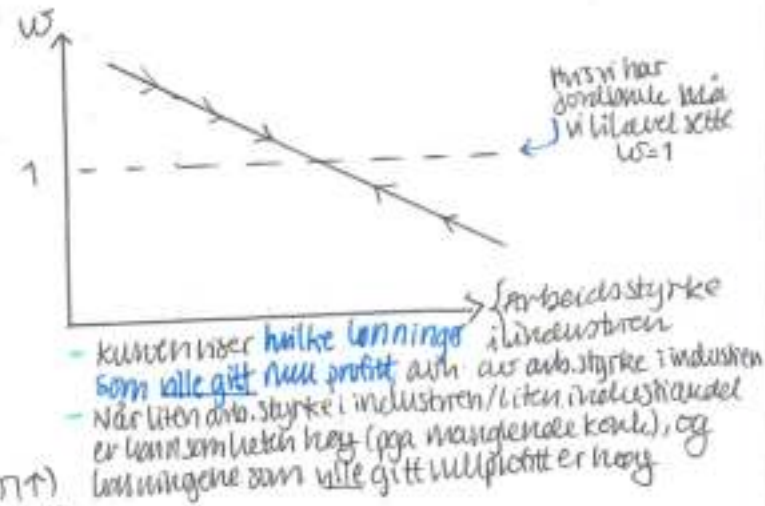
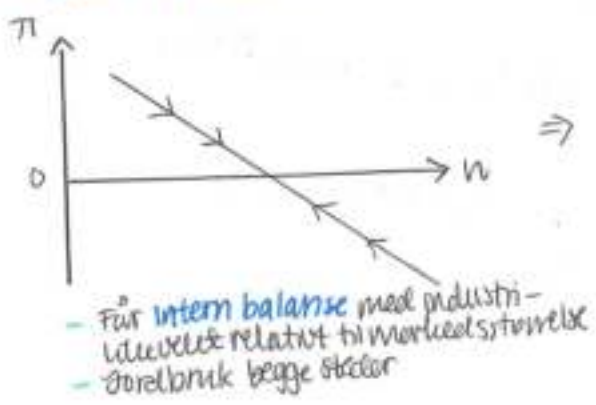
→ Modellen er determinert, men kan ikke løses analytisk (løses m/ simuleringer)

**Dynamiske**

• Hvordan påvirker antallet bedrifter profitten? ( $n \uparrow \Rightarrow \pi \downarrow$ )  
 ↳ Selv om profitten er null i likevekt, hjelper dette spørsmålet til å forstå dynamikken  
 ↳ Tre effekter på profitten

- 1) **Konkuranseeffekt**  
 (- Med flere bedrifter blir det færre innsatsvarer å transportere inn, hvilket gjør at  $Q_M \downarrow$ )  
 - Etterspørselen etter hvert enkelt firma reduseres, og deres profitt går ned
- + 2) **Kostnadseffekt / forvård linkage-effekt**  
 - Siden  $n \uparrow \Rightarrow Q_M \uparrow$  blir innsatsvaren billigere, hvilket reduserer produksjonskostnader og gir høyere profitt (kan også tenke på som bedre tilgang på innsatsvarer)
- + 3) **Etterspørselseffekt / bakvård linkage-effekt**  
 - Siden  $n \uparrow$  har etterspørselen etter output fra hver bedrift økt i den nye bedriften (handler flere lokale varer til egen produksjon), og denne etterspørselsøkningen gir høyere profitt

- Hvordan påvirkes profitten til bedrifter i Nord av at en bedrift lokaliserer seg fra Sør til Nord?  
 ↳ Anta at det eksisterer **noe jordbule begge steder**, så uttar effektene seg slik:
  - 1) Flere bedrifter som konkurrerer om de kundene, altså vedværende etterspørsel rett ut mot hver enkelt bedrift i Nord.  $\Rightarrow \pi \downarrow$   
 - Anta høye transportkostnader (altså lite globalisering og/eller nye proteksjoner). Da er denne effekten sterke, fordi bedriftene oppnærer hårdnakelig tilrette det lokale markedet.
  - 2) Produksjonskostnadene faller fordi bedriftene i Nord nå kan kjøpe flere av innsatsfaktorene lokalt, og dermed billigere  $\Rightarrow \pi \uparrow$   
 - Ved høye transportkostnader er denne effekten også sterke
- (To effekter som er motsatte og sterke når transportkostnadene er høye. Kan ikke være, men simuleringer viser at 1) dominerer - kan avhenge av parameterverdier)
- 3) Etterspørsel etter innsatsvarer i Nord går opp når en ekstra bedrift kommer i Nord  $\Rightarrow \pi \uparrow$   
 - Sammenhengig er også denne effekten sterkere jo høyere transportkostnadene er (?)
- ↳ Derom effekten 1) dominerer ( $n \uparrow \Rightarrow \pi \downarrow$ )

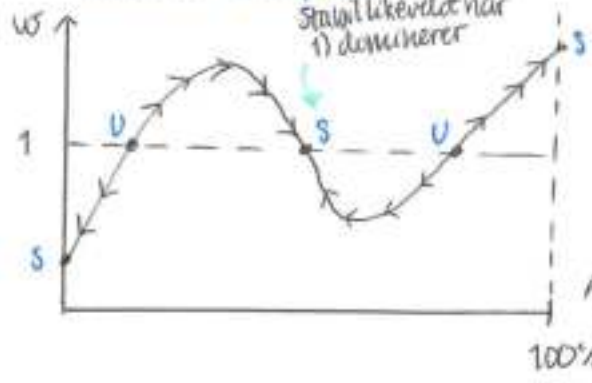


hvis mannet å være industri i N, lønna som ville gitt null profitt er høy  
 hvis mannet å være industri i N, lønna som ville gitt null profitt er lav



Simuleringer viser at effekten 1) dominerer for høye transportkostnader, og effekten 2) og 3) dominerer for lave transportkostnader

Vi "middels" transportkostnader kan vi ha innslag av begge situasjoner



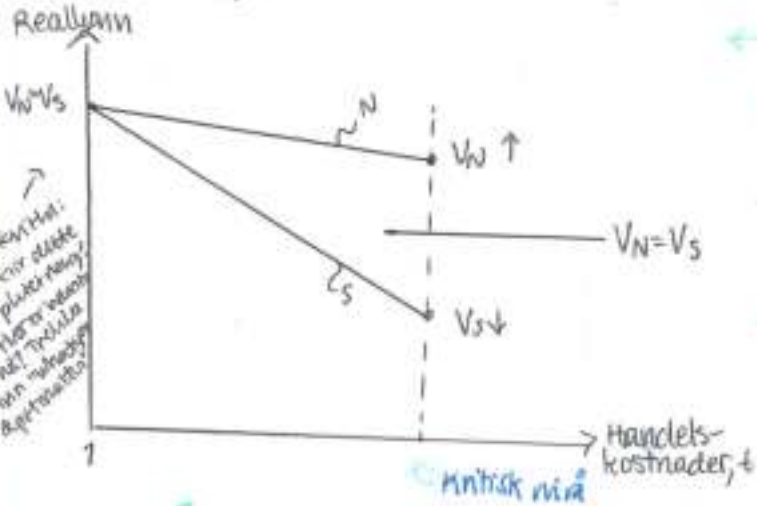
S - stabile likevekt  
U - ustabile likevekt

- Transportkostnadene på hver vare er eksogene per enhet, men endogene for bedrift når industri øker
- kan endre en eksogen variabel ml konstante stabile

⚠ Merke: Her får vi det motsatte av teoretisk utjevning i ytterpunktene

### Handel og velferd

- I indre likevekt er lønningene i N og S like
  - ↳ Reallønna er mindre enn 1 (grunnet noe transport av varer)
- I asymmetrisk likevekt er reallønna høyere i Nord enn i Sør (så når vi får industripenalisering "hopper" reallønna i Nord opp)
  - ↳ høyere i Nord fordi
    - 1) Industrielønna presses til et høyere nivå enn det som er i jordbruket
    - 2) Når det er flere goder som produseres i Nord er det flere goder ml transportkostnader
  - ↳ høyere i Sør fordi
    - 1) Siden industrielønna i Nord har blitt presset opp, øker prisene på industrivarer som importeres fra N
    - 2) Når det er flere industrivarer som produseres i Sør, er det flere goder ml transportkostnader
- ↳ Konflikt mellom arbeidere i ulike land



- ↳ Reallønn i Nord og Sør som følge av ulikt
  - først er  $V_N = V_S$  og hver region har jordbruk og nå reallønna  $w=1$  og industristørrelse proporsjonal ml bedrift (indre likevekt stabil)
  - Når  $t \downarrow$  "hopper" reallønna og den asymmetriske likevekten foranmer: Tidlig fase av globalisering, høy inntektsulikhet,  $V_N > V_S$
  - Når  $t \uparrow$  dominerer 1) og vi har en stabil indre likevekt der  $V_N = V_S$  igjen: Sen fase av globalisering, redusert inntektsulikhet frem til teoretisk utjevning
- Tolkning: Så billig å transportere varer at vi bør bruke billig arbeidskraft
- $V_N = V_S$  har en høyere enn tidligere lønning fordi lavere transportkostnader reduserer prisene på goder

### Globalisering

- Anta at Nord blir proteksjonistisk
  - ↳  $t \uparrow$  og igjen vil tvinge å lokalisere seg i Nord fordi det blir viktigere å være nær markedet
  - ukende inntektsfordjeller igjen

### Kritikk av modellen

- Hva ville skjedd om de resultatene om vi tok høyde for kapitalbevegelser?
- Teknologiimitasjon vs. ny teknologi (se notater tart Kingman)
- Usikkerhet om det er parametrene som angir resultatet av simuleringene
- Kapital og monopoli profitt er ingen rolle
- Vilker urealistic at bedriften skal ha innsettver til å stytte all virksomhet sin i et annet land, særlig som arbeidene ikke kan flytte med (human capital)
- Digger på at all arbeidskraft er like effektiv i produksjon, men skal ha en rolle (ikke skulle stulle stulle)/umulig kapital
- (ikke transp. kost på jordbruket (men det over landegrensene kan det i tillegg))

# INDUSTRIALIZATION AND THE BIG PUSH

Murphy, Shleifer & Vishny

- koordinert industrialisering (jordsbruke → industri) av flere sektorer kan være bærekraftig selv når ingen sektor alene ville fått positiv profit
- vil markedet sørge for optimal mengde industrialisering? Her er svaret nei, trenger et **big push**
- skal finne en **multiplicatoreffekt med full sysselsetting**

## Modell

- Positive ringvirkninger på andres profit ~~desværre~~ et firma som industrialiserer oppnår positiv profit selv

## Inntekt for individet

$$(1) \quad y = \frac{\pi}{L} + 1 \cdot w = \frac{\pi}{L} + 1$$

↳ Inntekt = **Profittinndelt** (profit delt på antall arbeidere) + **lønnsinntekt** ( $w=1$ )

## Aggregert inntekt

(like mange varer som folk,  $\frac{L}{L} = 1$ )

$$(2) \quad y \cdot L = Y = \pi + L$$

## Nyttefunksjon

$$(3) \quad U = \sum_{i=1}^L \ln x(i)$$

## Teknologi

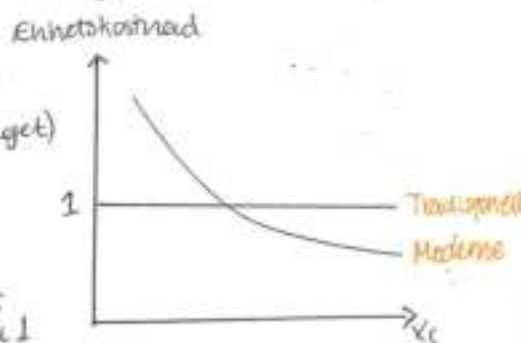
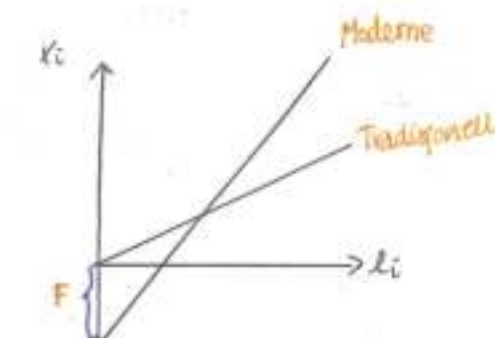
↳ Tradisjonell teknologi: CRS

$$(4) \quad x_i = l_i$$

↳ Moderne teknologi: IRS

$$(5) \quad x_i = \alpha l_i - F \quad \alpha > 1 \quad (\text{Arbeideren i IRS produserer mer enn en enhet vare etter den nødvendige})$$

- Antar at kun én bedrift har tilgang til den moderne teknologien + produksjonen av en vare (monopolist)
- Monopolisten setter  $p=1$  (teknisk sett  $1-\epsilon$  der  $\epsilon \rightarrow 0$ )
- og tar hele markedet for varen
- Fortsett full sysselsetting, men opprinnelige konkurranter vil velge å produsere andre varer m/ marginalkostnad  $l_i = 1$



## Aggregert etterpørsel etter hver vare

↳ Konsumentene maksimerer nytte:

$$\max \sum_{i=1}^L (\ln x(i)) \quad \text{gitt} \quad \sum_{i=1}^L x(i) = y$$

- Lagrangebetingelsen blir den samme for alle varer (konstant Lagrange multiplikator)
- siden de  $L$  godene har samme  $p=1$ , altså **konsumentenes like nytte av hver vare**
- Siden vi har  $L$  varer produser hver konsument  $\frac{y}{L}$  på hver vare

$$(7) \quad \frac{y}{L} \cdot L = y$$

## Individuell profit v/ industrialisering

↳ Profit w/ industrialisering = 0

↳ Profit w/ industrialisering = Salg - Kostnader

$$\Rightarrow \pi_i = y - \frac{y}{\alpha} - F = (1 - \frac{1}{\alpha})y - F = ay - F \quad (8)$$

Markup,  $a < 1$  (konstant, altså uavhengig av produksjonsnivå)

## Aggregert profit v/ industrialisering

$$(9) \quad \pi = N(ay - F)$$

Salg:  $y$   
 Kostnader:  $\frac{y}{\alpha} + F$   
 ↳ Faste kostnader  
 ↳ variable  $\times$  enheter  
 ↳  $\frac{1}{\alpha} < 1$   
 ↳ en variabel kostnad er lavere enn en sidearbeider i IRS produserer mer enn en enhet vare

**Inntekt**

$Y = N(a \cdot \frac{Y}{L} - F) + L$  ← Inneholder både  $Y$  og  $y$ , så skriver om ml  $y = \frac{Y}{L}$   
 Prostimulata lønsmultiplikatoren

$\Rightarrow Y = N(a \cdot \frac{Y}{L} - F) + L \Rightarrow Y(1 - \frac{Na}{L}) = L - NF \Rightarrow Y = \frac{L - NF}{1 - \frac{Na}{L}} = \frac{L(1 - \frac{Na}{L} F)}{1 - \frac{Na}{L}}$

↳ Aggregert inntekt

(10)  $Y = \frac{L(1 - nF)}{1 - na}$

Neutriteten er en multiplikator

$(1 - nF)$  - hvor mye hver arbeider kan bruke av tiden til produksjon (hver arb. har tilbud  $L=1$ )

$\frac{Na}{L}$  er industri-  
 aliseringsgraden,  $n$   
 (Andelen industrialisert  
 varer,  $0 < n < 1$ )

↳ Per capita inntekt

(11)  $y = \frac{1 - nF}{1 - na}$

$(1 - nF)L$  - total arbeidskraft tilgjengelig til produksjon

$\frac{1}{(1 - na)}$  - multiplikator: En enhet ekstra arbeidskraft øker inntekten med mer enn inntekten til denne ekstra arbeidskraften (siden profitten også øker (hvis  $n$  har industrialisert) (Rant at multiplikatoren blir større når  $n \uparrow$ ?)

• Når vil bedriftene faktisk industrialisere?

↳ Setter (11) inn i (8):

$\pi_i = ay - F = a \cdot \frac{1 - nF}{1 - na} - F = \frac{a - anF - F + nF}{1 - na} = \frac{a - F}{1 - na}$

$\pi(n) = \frac{a - F}{1 - na}$

← Profittfunksjon for hver bedrift, og ser at denne er en funksjon av  $n$   
 (Trenger ikke føttskrift i foretiden er lik for alle bedrifter)

⇒ Bedrifter vil industrialisere dersom  $a > F$

• Vil pr capita inntekt øke dersom flere bedrifter industrialiserer?

↳ Undersøker (11) for å se effekten på  $y(n)$  når  $n \uparrow$ :

$\frac{\partial y(n)}{\partial n} = \frac{-F(1 - na) + a(1 - nF)}{(1 - na)^2} = \frac{-F + Fna + a - anF}{(1 - na)^2} = \frac{a - F}{(1 - na)^2} = \frac{\pi(n)}{(1 - na)}$

⇒ Inntekten øker dersom  $a > F$ , altså dersom det er lønnsomt for bedriftene å industrialisere

- Markedet generaliserer industrialiseringen dersom det er lønnsomt

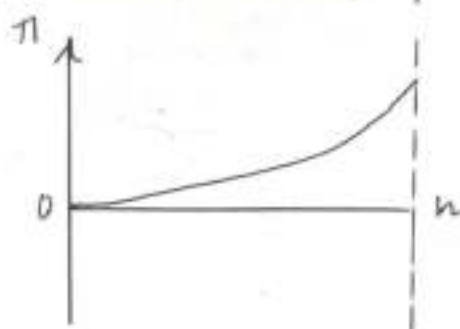
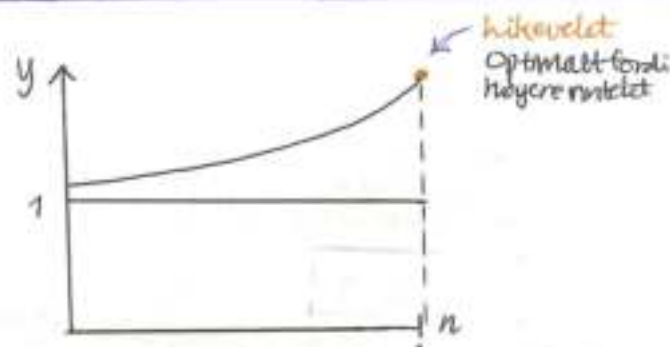
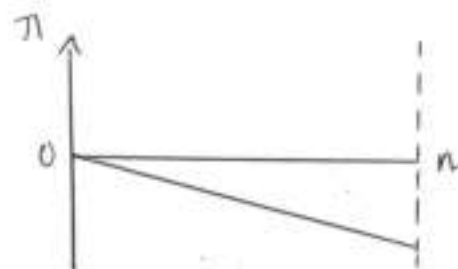
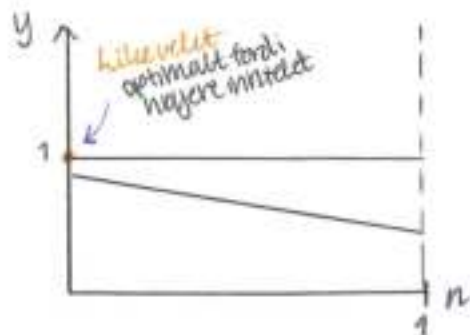
⇒ Inntekten til samfunnet øker ml/ mer enn det bedriften tjener på det

- Vi har en positiv eksterne effekt som skyldes at profitten som genereres brukes til å kjøpe varer fra andre bedrifter, hvilket øker deres inntekt igjen
- Den eksistene effekten er for svale til å generere "problemer" siden vi ikke får for lite industrialisering (foreløpig er bedriftsøkonomisk lønnsomhet = samfunnsøkonomisk lønnsomhet)

→ Kilden til multiplikatoren er eksterne effekter, ikke ledig produksjonskapasitet

Tilfelle 1:  $a < F \Rightarrow$  Ingen industrialisering

Tilfelle 2:  $a > F \Rightarrow$  Alle industrialiserer



→ I fangne modell var de ekstreme effektene for svake til å generere "problemer," men nå skal vi gjøre dem sterkere

- **Lønnspremie:** Når du industrialiserer tilbyr du arbeidere høyere lønn i moderne enn tradisjonell  
 ↳ Dette gir høyere lønnsinntekter i tillegg til profittinntekter v/ industrialisering, altså en annen kilde til ekstreme effekter

(14)  $w = 1 + v$   $v$  - lønnspremie

(Tanke: Koble dette til økonomisk geografi, ikke bare teknologisk? Bjørnathus)

- **Individuell profitt v/ industrialisering**

↳ Profitt w/ industrialisering = 0

↳ Profitt m/ industrialisering = Salg - Kostnader

Salg:  $y$   
 Kostnader:  $\begin{cases} F(1+v) & (\text{faste}) \\ \frac{y}{\alpha}(1+v) & (\text{variable rennet}) \end{cases}$

$\Rightarrow \pi = y - \frac{y}{\alpha}(1+v) - F(1+v)$

(15)  $\pi = y(1 + \frac{1+v}{\alpha}) - F(1+v)$

↳ Vi forutsetter at  $1 - \frac{1+v}{\alpha} > 0 \Rightarrow \alpha > 1+v$   
 (Dette er det samme som å forutsette at det er mulig å tjene på å industrialisere i det hele tatt, og nødvendig for å gjøre modellen interessant)

- **Når er det en likevekt at ingen har industrialisert?**

↳ Spillteoretisk logikk: Ingen kan tjene på å industrialisere - Da er profitt lik null og inntekt lik arbeidsinntekt

(17)  $y = L$   
 - Etterspørsel etter hvert gode er da

(18)  $y = \frac{y}{L} = \frac{L}{L} = 1$

↳ **likevektsbetingelse** for når det er en Nash-likevekt å ikke industrialisere (for noen)

(19)  $\pi = 1(1 + \frac{1+v}{\alpha}) - F(1+v) < 0 \Rightarrow$

(\*)  $F > \frac{\alpha - (1+v)}{\alpha(1+v)}$

- Hvis ingen andre har industrialisert, angres jeg heller ikke på å ikke industrialisere hvis (\*) er oppfylt

- **Når er det en likevekt at alle har industrialisert?**

↳ Spillteoretisk logikk: Profitten må være positiv - Da er profitt lik  $\pi$  og arbeidsinntekt lik  $(1+v)L$

(20)  $y = \pi + (1+v)L$

- Etterspørsel etter hvert gode er da:

$y = \frac{y}{L} = \frac{\pi}{L} + \frac{(1+v)L}{L}$

(21)  $y = \pi + (1+v)$

- Men dette er en spillteoretisk modell, så vi må finne profitten for hver bedrift (når alle har industrialisert)

$\pi = \frac{[\pi + (1+v)](1 + \frac{1+v}{\alpha}) - F(1+v)}{\alpha}$

Merke: Profitten til en bedrift er avhengig av profitten, altså har bedriftene tredel av hverandre (symbiose)

↳ **likevektsbetingelse** for når det er en Nash-likevekt m/ full industrialisering

(22)  $\pi = \alpha(1+F) - (1+v) > 0$

(\*\*)  $F < \frac{\alpha - (1+v)}{\alpha}$

- Hvis alle andre har industrialisert, angres jeg heller ikke på å industrialisere hvis (\*\*) er oppfylt

(Merke:  $\frac{\alpha - (1+v)}{\alpha(1+v)} < \frac{\alpha - (1+v)}{\alpha}$ )

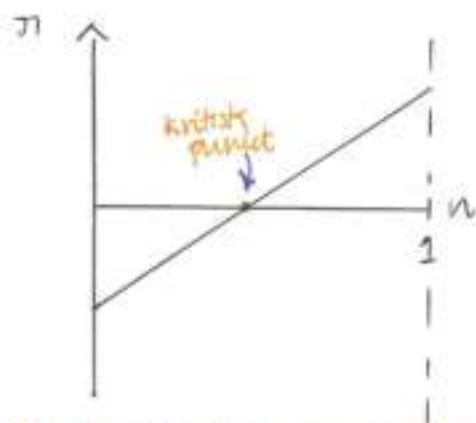
• Vi har nå tre tilfeller:

- 1)  $F > \frac{\alpha - (1+V)}{\alpha}$  ← Ingen industrialisering, unik likevekt (Profit negativ selv om alle industrialiserer)
- 2)  $\frac{\alpha - (1+V)}{\alpha(1+V)} < F < \frac{\alpha - (1+V)}{\alpha}$  ← Både full industrialisering og ingen industrialisering, flere likevekter
- 3)  $F < \frac{\alpha - (1+V)}{\alpha(1+V)}$  ← Full industrialisering, unik likevekt (Det koster så lite å industrialisere at du kommer til å gjøre det selv om alle andre har gjort det)

- Forklaring av 1): (\*\*) er brutt og (\*) holder implisitt
- Forklaring av 2): Både (\*) og (\*\*) holder
- Forklaring av 3): (\*) er brutt og (\*\*) holder implisitt

• Det mest interessante å se på er tilfelle 2

- ↳ Derom ingen industrialiserer gjør heller ikke jeg det
  - ↳ Derom alle industrialiserer gjør også jeg det
- } Strategisk spill der vi må ta hensyn til hva andre kommer til å gjøre



← Vi har to likevekter på grunn av ekstern effekter: Når jeg bestemmer meg for om jeg industrialiserer eller ikke tar jeg ikke hensyn til at jeg øker profitten til andre gjennom to mekanismer:

- 1) Jeg genererer **profit** som er en fordel for andre bedrifter (gittat de er positiv) gjennom det etteroppelet
- 2) Jeg skaper **store lønnsinntekter** i økonomien som også øker etterspørselen etter andre bedrifter

• Er industrialisering bedre enn delvis industrialisering?

↳ Inntekt w/ industrialisering (N - no industrialization)

$$(23) Y = L \Rightarrow Y_N = \frac{Y}{L} = ? \quad \leftarrow \text{Siden hver arbeider produserer en vare}$$

↳ Inntekt m/ industrialisering (I - industrialization)

$$Y = \pi + L(1+V) \Rightarrow Y = \frac{\pi}{L} + 1+V \Rightarrow Y_I = \pi + 1+V$$

Setter inn fra (22):

$$(24) Y_I = \alpha(1-F) - (1+V) + (1+V) = \alpha(1-F)$$

↳ Hvis ingen industrialisering skal være best:

$$Y_I > Y_N \Rightarrow \alpha(1-F) > 1 \Rightarrow \alpha - \alpha F > 1 \Rightarrow F < 1 - \frac{1}{\alpha} \Rightarrow F < \frac{\alpha - 1}{\alpha}$$

- I tilfelle 2 har vi:

$$F < \frac{\alpha - (1+V)}{\alpha} < \frac{\alpha - 1}{\alpha}$$

⇒ likevekten m/ industrialisering er bedre fordi den øker inntekten (gittat vi er i tilfelle 2)

⇒ uten industrialisering vil vi være fanget i en fattigdomsfelle (gittat vi er i tilfelle 2)

- Markedet gir ikke nødvendighets industrialisering selv om det er SEO
- **Big push**: Det offentlige subsidierer industrialisering opp til det kritiske punktet, en paretoforbedring til en situasjon som pareto dominerer den andre (trenger ikke utta at "vinnerne" kompenseres "tapene", for alle er vinnere)

Kritiske av modellene

- Interessekonflikter?
- Fanger opp viligheten av institusjoner, hvor vilde problemene m/ "extractive institutions"
- Realistisk at profitten presses til null w/ avtry? (Kende Mancuso over tid)
- Sammenheng mellom valg av ny teknologi og idealgang?
- Anter fullt innsyn i fremtidig kostnadsstruktur w/ industrialisering (Disjunkte jernbane / infrastruktur)
- Fattigdomsfelle men full bysselsetting?
- Hva skaper pusket? • Statisk spillstrategi

# THIRD WORLD REGIONAL INTEGRATION

Kjetil Bjorvatn

- Big push-tankegang i en modell for økonomisk geografi
- Lokalisering er en tradeoff mellom agglomerasjonsgevinster som følge av IRS og spredningsgevinster som følge av en delvis immobil arbeidsstyrke
- Regional integrasjon (reduksjon i transportkostnader) gir regional balanse i økonomisk aktivitet og innfelt
- Lønnspremiuum i IRS (formell sektor) ↖ Merke: Her er importtariffer/handelopolulika innbakt
- Harris-Todaro-migrasjon

## Modell

- To regioner: A & B
- To varer: a & b
- To teknologier: CRS & IRS

$$(1) \quad X_{ij}^{CRS} = L_{ij}^{CRS}$$

$i \in \{a, b\}$  er godetype  
 $j \in \{A, B\}$  er region

↳ En enhet arbeidskraft gir en enhet vare

$$(2) \quad K_{ij}^{IRS} = \alpha (L_{ij}^{IRS} - F)$$

$\alpha > 1$  - marginalproduktintensitet

↳ Stordriftfordeler på samme måte som før: Asymptotisk avtakende gjennomsnittskostnader

↳ Antakelse: Kun én monopolprodusent kan tilby et spesifikt gode

- Kan skyldes imperfekte kapitalmarkeder eller ønske om å unngå doble-faste kostnader

## Nyttefunksjon (region j)

$$(3) \quad U_j = (C_{aj})^\beta (C_{bj})^{1-\beta}$$

$\beta$ -andel etterspørret rett mot vare a

↳ En enhetselastisk etterspørskurve, altså  $MR=0$

↳ Monopolisten setter så høy pris som mulig (og uformell sektor er monopolist m/ pris 1) (der  $\epsilon \rightarrow 0$ )

- Men på grunn av trusselen fra uformell sektor er høyeste mulige pris 1 (teknisk vel  $1-\epsilon$ )

som impliserer at:

- 1) Bare én teknologi blir brukt til å produsere en vare i en region
- 2) Priser er alltid lik 1

↳ Eksistensen av uformell teknologi begrenser monopolprisen

## Etterspørsel (region j)

$$(4a) \quad C_{aj} = \beta Y_j$$

$$(4b) \quad C_{bj} = (1-\beta) Y_j$$

↳ Kun avhengig av innfelt og preferanser, den pris alltid lik 1

## Inntekt (region j)

$$(5) \quad Y_j = \Pi_j + L_j$$

↳ Består av profittinntekt og lønnsinntekt

## Profittinntekt

↳ Arbeidene betales lønn like 1, men i tillegg antar vi at de får en andel av profitten i den regionen de lever ← Kan diskuteres om dette er nødvendig for modellen

$$(6) \quad \Pi_j = \underbrace{X_j^{IRS}}_{\text{Salg (antall gode og selges til pris 1)}} - \underbrace{L_j^{IRS}}_{\text{Kostnader}} - T_j$$

$T_j$  - Transportkostnad som betales av produsentene (eller ville de ikke vært konkurransedyktige mot CRS i den andre regionen)

$$X_j^{IRS} = X_{aj}^{IRS} + X_{bj}^{IRS}$$

$$L_j^{IRS} = L_{aj}^{IRS} + L_{bj}^{IRS}$$

↳ Tanke: Hvordan ville modellen sett ut om transportkostnader ble rettet over på konsumentene?  
 - Sentraliserende kraft?

↳ Sett inn for (2) i (6): Unødvendig m/ j-notasjon her?

$$(7) \pi_j = X_j IRS - \frac{X_j IRS}{\alpha} - F_j - T_j$$

- Seksjon 2.5 og 2.6 i paperet ser på lønnsforhandlinger (Wohlförhandlinger) og Harris-Jodanis-Migrasjon m/ utg. plott i forskjellige lønninger (gjense for formell vs uformell jobb)

↳ En enklere måte å gjøre dette på er å forutsette at en andel  $\delta$  av profitten i en region går til arbeidere som lever i den regionen

$$\delta \frac{\pi_j}{L_j} = \delta \pi_j$$

↳ Da er forventet inntekt til en arbeider i region  $j$  gitt v/:

$$(10) Ew_j = \delta \pi_j + 1$$

$\delta$  - fanger opp forhandlingsstyrken til arbeidere  
 $(1-\delta)$  - andelen av profitt som er igjen til kapitaleiere

- Andel av profitt + lønn

- Anta symmetriske preferanser,  $\beta = 1/2$

⇒ Efforsparelsen etter de to godene vil være den samme

⇒ Profitten til de to IRS-bedriftene vil være den samme

↳ Desentralisert lokalisering: like fordeling av folk mellom regionene

$$L_A^d = L_B^d = \frac{L}{2}$$

↳ Sentralisert lokalisering: Høyere lønninger i A, så alle (unntatt immobile i B) bor her

$$L_A^c = L - L_B^{IM}$$

$$L_B^c = L_B^{IM}$$

### Likevelet

$\pi_j^d$  - profitt region  $j$  v/ desentralisering, per capita

$\pi_j^c$  - profitt region  $j$  v/ sentralisering, per capita

- Trenger ikke skulle mellom arbeidernes og bedriftenes valg fordi arbeidene oppnår høyest nytte i regionen m/ høyest profitt

↳  $\pi_j \uparrow \Rightarrow v_j \uparrow \Rightarrow c_j \uparrow \Rightarrow u_j \uparrow$  ← Merk at dette holder sammenheng av likning (10), altså har arbeidere høyest nytte av å bosette seg i regionen m/ høyest profittinntekt, sammenheng av forventede lønninger

• Desentralisering er likevelet dersom  $\pi_j^d > \pi_j^c$  } Må finne  $\pi_A^d$  og  $\pi_A^c$

• Sentralisering er likevelet dersom  $\pi_j^d < \pi_j^c$

### Sentralisering: Finner $\pi_A^c$

- All moderne (IRS)-produksjon i sentrum

- All tradisjonell (CRS)-produksjon i periferi

⇒ Ingen handel (nris sentrum prøvde å selge til periferen ville de hatt arbeidsledighet og dermed ingen inntekt å kjøpe varer for, altså umulig m/ handel)

- Antakelse at vi får sentralisering uten handel og hvor transportkostnader er irrelevante

$$(11) \pi_A^c = \frac{\alpha(L - L_B^{IM} - 2F)}{L - L_B^{IM}} - 1$$

eller  $\pi_A^c = \frac{\pi_A^d}{L - L_B^{IM}}$

↳ (Hvis forutsetning om to goder og ingen kostnader)

## Desentralisering: Finnes $\pi_A^d$

- I prinsippet kan desentralisering arte seg på to måter:
  - Fullspesialisering m/ IRS i hver region og ingen CRS-produksjon, altså må det være handel mellom regionene
  - Ikke full spesialisering m/ IRS i hver region, altså noe CRS-produksjon og ingen handel mellom regionene
- Mer lønnsomt for bedriftene å lokalisere seg sammen
  - Men hvis dette er en mulighet, hadde det vært kritiske: Men hva m/ uheldelig høy transportkost? Da bør dette være billigere å transportere
- ⇒ Gir dermed videre m/ tilfelle 1
- Hvis tilfelle 1) skal lønne seg må det på marginen være billigere å transportere varer produsert m/ moderne teknologi enn å produsere varer m/ tradisjonell teknologi:

$\frac{\alpha-1}{\alpha} > \tau$   
 Produsert i region v/ å bruke moderne teknologi  
 Iceberg-transportkostnad

Men  $\tau$  er ikke det samme som de totale handelkostnadene  $T_A$  (for IRS-bedriften i A), finner  $T_A \Rightarrow$

$$T_A = \frac{\tau}{2-\tau} X_A^{IRS}$$

$$(12a) \quad \pi_A^d = \frac{2\alpha(L-2F)(1-\tau)}{(2-\tau)L} - 1$$

$$\text{der } \pi_A^d = \frac{T_A^d}{L/2}$$

Merke: likning (10) for  $E_w$  har ikke blitt brukt for å utlede verleen (11) eller (12a), altså virker det som at lønningene er irrelevante!

### Tenkelnivå på transportkostnader

Betrukk desentralisering dersom profitten fra (11) er større enn profitten fra (12a)

$$\Rightarrow \frac{\alpha(L-L_B^{IM}-2F)}{L-L_B^{IM}} - 1 > \frac{2\alpha(1-\tau)(L-2F)}{(2-\tau)L} - 1 \Rightarrow$$

$$(13) \quad \tau > \frac{4FL_B^{IM}}{L(L-L_B^{IM}-2F)+4FL_B^{IM}}$$

Desentralisering er tilstrekkelig høy for i sentralisering

Desentralisering er tilstrekkelig lav for i desentralisering

(Intuisjon: m/ sentralisering: ingen handel, m/ desentralisering: handel. Kun den ene profitten påvirkes av transportkostnader, og siden sentralisering er upåvirket vil dette lønne seg mer når transportkostnadene er høye)

Ser at H.S. er økende i  $L_B^{IM}$  og like null når  $L_B^{IM}=0$ : Da er (13) alltid oppfylt og vi får bestandig sentralisering

Noe immobil arbeidskraft er nødvendig for at desentralisering skal være en likevekt, og jo mer immobil arbeidskraft jo mer sannsynlig m/ desentralisering

Høyere  $F$  gjør sentralisering mindre sannsynlig (logisk: Utnytte all den immobilitet som er i hvert område?)

Rant at arbeidsfordeler utnyttes bedre m/ desentralisering

Større Arb. styrke  $L$  gjør sentralisering mer sannsynlig

Høye i Gitt størrelse på immobil arbeidskraft



## Kritikk av modellen

- **lønnspremiann** ikke nødvendig for løsnng
- Hva hadde styedd om en fabrikk (IRS) hadde valgt å etablere seg i begge regioner? (Hvis grunnleggende Knugman)
- Rare resultater:
  - ↳ Stordriftsfordeler utnyttes bedre m/ desentralisering
  - ↳ sentralisering uten handel og høy transportkostnadene ikke har noe å si
- Det interessante med denne modellen er at den appellerer big push tanlegang på økonomiske geograf og klarer å løse modellen, mens det uheldige er de rare resultatene og den (unødskelige) "snarveien" vi å anta et lønnspremiann som får folk til å flytte nånsitt - hadde vært mer interessant å se dette uten et lønnspremiann
- Mangler et immobilt tilbud
- sannsynlighet for jobb; moderne selvsr like for alle, men ha m/ spillovers/utdannng/ humankapital
- Hva hadde styedd m/ love of variety? Da burde manop. list ha noe å si m/ spesialisering og flere varer
- Immobal etterop. (analogi Knugman), men lavere transp. kostgor desentralisering
- mindre sanns (motsatt av Knugman)
- Big push: enten all CR å eller all IRS oppnådd implisitt

- Input-output-struktur m/ oppstrøm innsatsvareproduksjon  $X$  og nedstrøm ferdigvareproduksjon  $Y$  ("vertical linkages"; "demand linkages" og "cost linkages")
- Utvidelse: Åpner for import av innsatsvarer og ser på effekten av toll, proteksjonisme og liberalisering på likevektpunktene i modellen (i en liten, åpen økonomi som selv ikke kan eksportere innsatsvare)
- Hvordan kan handelspolitikk øke produksjon?

Modell

- To industrier
  - ↳ Oppstrøms innsatsvareproduksjon  $X$ , m/ IRS
  - ↳ Nedstrøms ferdigvareproduksjon  $Y$ , m/ CRS

Nedstrøms ferdigvare  $Y$  m/ CRS

- Produktfunksjon CRS  
 $Y = X^M \cdot L^{1-M}$
- Kostnader  
 $C = w \cdot L + p \cdot X$
- Profitt  
 $\pi_Y = q \cdot Y - w \cdot L - p \cdot X$

$Y$  - ferdigvareproduksjon  
 $q$  - gitt verdensmarkedpris på  $Y$   
 $L$  - arbeidskraft  
 $w$  - pris på  $L$   
 $X$  - innsatsvare  
 $p$  - pris på  $X$   
 $C$  - kostnader

- Etterspørsel etter arbeidskraft i ferdigvareproduksjon

(3)  $L = \frac{(1-\mu)qY}{w}$

- Etterspørsel etter innsatsvare i ferdigvareproduksjon

(4)  $X = \frac{\mu q Y}{p}$

får første faktorerandeler  $(1-\mu)$  og  $\mu$ , altså kan kostnader skrives som:  
 $C = \frac{(1-\mu)C}{w \cdot L} + \frac{\mu C}{p \cdot X}$   
 $w \cdot L = (1-\mu)C \Rightarrow L = (1-\mu) \frac{C}{w}$   
 $p \cdot X = \mu C \Rightarrow X = \mu \frac{C}{p}$

- Enhetskostnaden ( $\frac{C}{Y} = c$ )

↳ Finner  $Y$  w/ innsetting for  $L$  og  $X$ :  
 $Y = (\mu \frac{C}{p})^M (1-\mu) \frac{C}{w}^{1-M} = \frac{\mu^M + (1-\mu)^{1-M} C^{\mu+1-\mu}}{p^M w^{1-\mu}} = \frac{\mu^M + (1-\mu)^{1-\mu}}{p^M w^{1-\mu}} \cdot C$

- ↳ Finner  $c$  w/ innsetting for  $L$  og  $X$ :

$C = \frac{p^M w^{1-M}}{\mu^M (1-\mu)^{1-M}} \cdot Y$

(1)  $\frac{C}{Y} = \frac{p^M w^{1-M}}{\mu^M (1-\mu)^{1-M}}$

↳ Kaller enhetskostnaden  $\frac{C}{Y}$  for  $c$  (lille  $C$ )  
 $\Rightarrow \pi_Y = q \cdot Y - c \cdot Y$

↳ Merk at  $\frac{\partial \pi_Y}{\partial Y} = \frac{\partial (q-c)Y}{\partial Y} = q-c$ , slik at  $\frac{\partial \pi_Y}{\partial Y} = 0 \Rightarrow q=c$

- Etterspørselsprisen for  $X$  fra ferdigvareproduksjon (betalingsvillighet for ferdigvare)

$q=c = \frac{p^M w^{1-M}}{\mu^M (1-\mu)^{1-M}} \Rightarrow$

(2)  $p = q^{\frac{1}{M}} w^{\frac{1-M}{M}} \mu (1-\mu)^{\frac{1-M}{M}}$

↳ Avhenger av  $q$  og  $w$ , og ser at (for gitt  $q$ )  $w \uparrow \Rightarrow p \downarrow$

## Oppstrøms innsatsvare x m/IRS

- Innsatsvaren tilhys fra to kilder
  - Fra innenlandske oppstrøms produksjon
  - Importert til prisen  $\bar{p}$  (inkludert toll) ← Vi ser foreløpig vekk fra handel, åpner for dette senere
- Produktfunksjon IRS

$$x = \frac{bx-f}{b} \quad b = \text{fast kostnad v/ oppstart (i form av arbeidskraft)}$$

$$\Rightarrow L_x = f + bx \quad \frac{\partial x}{\partial L} = \frac{1}{b} > 0, \quad \frac{\partial^2 x}{\partial L^2} = 0$$

- Gjennomsnittskostnad

$$\bar{c}_x = \frac{w(f+bx)}{x} = w\left(b + \frac{f}{x}\right) \rightarrow \frac{\partial \bar{c}_x}{\partial x} = -\frac{wf}{x^2} < 0 \quad \leftarrow \text{Fallende gjennomsnittskostnad, altså stordriftsforeteiler}$$

- Profit

$$(5) \quad \pi_x = p(x) \cdot x - w(f+bx) \quad \text{der } p = p(x) \text{ (etterspørselsfunksjon)}$$

- Prissettingsregel (hva er prisen i likevekt?)

$$\frac{\partial \pi_x}{\partial x} = p + x \frac{\partial p}{\partial x} - wb = 0 \Rightarrow \left( \text{Børker at } \frac{\partial x}{\partial p} \cdot \frac{p}{x} = \epsilon = 1 \right)$$

$$(6) \quad p\left(1 - \frac{1}{\epsilon}\right) = wb$$

$n$  - antall identiske bedrifter  
 $x$  - produksjon i hver bedrift ( $nx = X$ )

↳ Intuisjon:  $n \uparrow \Rightarrow$  økt konkurranse  $\Rightarrow p \downarrow$

## Likevekt

- hva er **antall bedrifter** i oppstrøms industri i likevekt?
- Bestemmes av  $\pi_x = 0$  (siden vi har fri adgang til markedet)

$$\pi_x = p \cdot x - w(f+bx) = 0 \Rightarrow$$

$$(7) \quad p = w\left(b + \frac{f}{x}\right) \quad \leftarrow \text{Pris = gjennomsnittskostnad}$$

Tar (7) og utnyttet at **etterspørsel eller innsatsvare må tilsvare "tilbud av" innsatsvare** fra (4)

(siden vi foreløpig ser vekk fra handel):

$$(4) \Rightarrow nx = \frac{MqY}{p} \Rightarrow x = \frac{MqY}{np} \quad \leftarrow \text{setter inn for (like) } x \text{ fra (4) i (7) } \Rightarrow$$

$$(8) \quad p = w\left(b + \frac{fnp}{MqY}\right)$$

- (6) og (8) bestemmer **antall bedrifter** i oppstrøms industri i likevekt ( $n$ ) og **likevektspris** ( $p$ )
- omformulering mhp  $n$  og  $p$  gir:

- **Etterspørselslenke** (fra (6)):

$$(9) \quad n = \left(\frac{MqY}{wf}\right)^{\frac{1}{2}}$$

↳  $Y \uparrow \Rightarrow n \uparrow$ : (itt prissettingsregelen har vi at når produksjon av  $Y$  øker, øker antall bedrifter som lager  $X$  siden etterspørsel etter innsatsvaren har øket)

- **Kostnadslenke/Tilbudslenke** (fra (9) inn i (6)):

$$(10) \quad p = wb / \left(1 - \left(\frac{wf}{MqY}\right)^{\frac{1}{2}}\right)$$

↳  $Y \uparrow \Rightarrow p \downarrow$ : Når produksjon av  $Y$  øker, øker  $n$ , hvilket øker konkurranse og reduserer gjennomsnittskostnader i innsatsvareproduksjon. Da realiseres pris på innsatsvare

... "Positive feedback": Industrikapasiteten **reduserer** pris  
 Merk: (10) bygger på antakelsen om at importprisen på innsatsvaren er uoverkommelig.  
 slik at industrien må sette  $p \leq \bar{p}$

- likevekten avhenger også av **arbeidsmarkedet**
- **Arbeidskraftetterspørsel** fra nedstrøm og oppstrøm er:

$$L^D = (1-\mu)qY/w + n(bx+f) \Rightarrow$$

$$(11) \quad L^D = \frac{qY}{w} \quad \bar{L} = \text{total arbeidskraft} \quad \bar{L} - L^D = \text{arbeidskraft ansatt i "resten av økonomien" (numeraire), "tradeable sektor" m/ autarkende marginalproduktet}$$

(opiser noe av arbeidskrafttilbudet)  
 ↳ Knyttil: Børle være tilknyttet m/ resten av økonomien?

$w = MPL(L - 2^p)$

$\omega$ -omega-funksjon, der  $\omega' > 0$

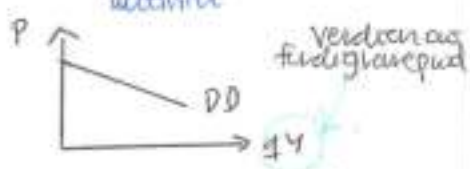
logisk tilnærning analogt m/ Phillipskurven:  
Etterøst løn som påskynder positivt økonomiske aktivitet

(12)  $w = \omega(q, Y)$

- lønna øker i "value added" generert i de to arbeidstarene
- Vi har **endogen løn**

2.2 Felles likevekt for innsatsvarer og ferdigvarer

Etterspørselspris for innsatsvarer (DD) (betalingssnøighet)



DD  $P = q^{1-\mu} [\omega(q, Y)]^{(\mu-1)/\mu}$

- ↳ Fallende fordi  $qY \uparrow \Rightarrow$  Arbeidskraftetterøst  $\uparrow \Rightarrow w \uparrow \Rightarrow p \downarrow$  (for å holde  $q=c$ )
- Til gitt verdensmarkedspris  $q$  og  $q=c$  (fra nullprofittbetingelsen) krever lønnpresset (lavere pris)

Tilbudspis på innsatsvarer (SS)

SS  $P = \omega(q, Y) b / (1 - (\frac{\omega(q, Y) \cdot f}{MqY})^{1/2})$

Tolker stigning under to situasjoner

1) Når  $n$  er eksogen

$P(1 - \frac{1}{n}) = \omega(q, Y) b \Rightarrow P = \frac{\omega(q, Y) b}{1 - \frac{1}{n}}$

- Stigende fordi  $qY \uparrow \Rightarrow w \uparrow \Rightarrow p \uparrow$  (Press i arbeidsmarkedet w stor etterøst)

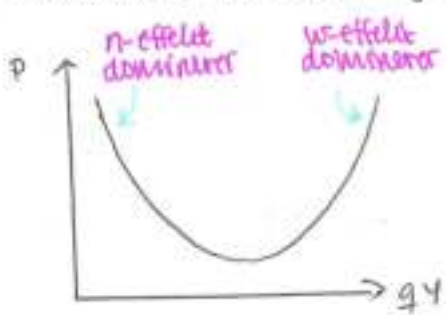
2) Når  $n$  er endogen

$n = (\frac{MqY}{wF})^{1/2} = (\frac{MqY}{\omega(q, Y) f})^{1/2} \Rightarrow \frac{\partial n}{\partial qY} > 0$

← Husk iser på sammenheng mellom  $p$  og  $qY$ , men via  $n$

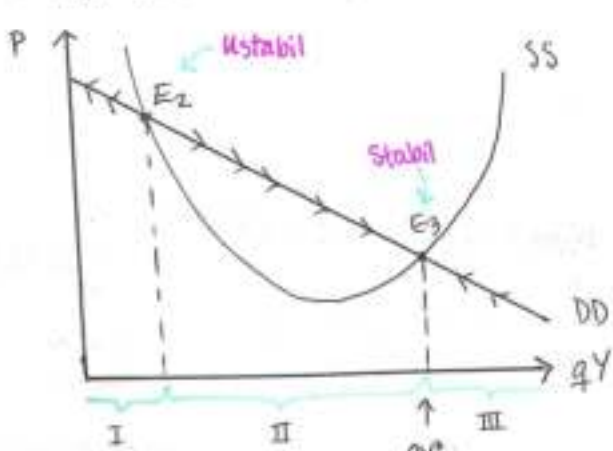
- Fallende fordi  $qY \uparrow \Rightarrow n \uparrow \Rightarrow p \downarrow$

→ Samler disse resultatene og tolker dem som at det er en **ikke-linear sammenheng**



- ← Når  $n$ -effekt dominerer: Konsumvareeffekten av at det blir plass til flere bedrifter dominerer
- ← Når  $w$ -effekt dominerer: Presset i arbeidsmarkedet dominerer når ferdigvareproduksjonen øker

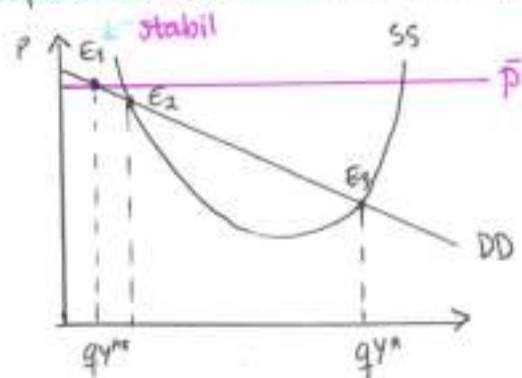
Full likevekt (multiple likevekter siden SS er ikke-linear)



- I) **Tilbudspis > Etterspørselspris**  
Ingen lønnsom produksjon, konkurranse (havinntreffer/fattigdomsferde)
- II) **Tilbudspis < Etterspørselspris**  
Ny bedrifter i oppstrøm innsatsvareprod., vokser frem til E3
- III) **Tilbudspis > Etterspørselspris**  
U lønnsom produksjon av Y (på grunn av for høy løn), kontrahering frem til E3

- ↳ Implikasjonen: **Big push** for å få økonomien forbi E2 (men vi skal ikke se på velstandspolitikk)
- ↳ vi skal åpne for handel og muldrene effekten av **handelspolitikk**

Åpner for handel m/ innsatsvarer



hikevelet  $E_3$ : Import er irrelevant, "høyproduksjon"  
likevelet like  $qY^*$

- Intens konkurranse: oppstrøms innsatsvareproduksjon gir lav pris på innsatsvaren og høy nedstrøms ferdigvareproduksjon

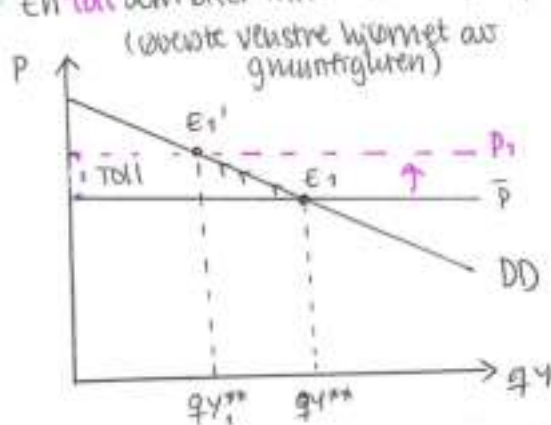
(Ny) likevelet  $E_1$ : Import av innsatsvarer, "lavproduksjon"  
likevelet like  $qY^*$

- hite marked for oppstrøms innsatsvarebedrifter, produserer ildde til pris (lavere enn verdensmarkedsprisen)  
- Partell innenlandske produksjoner bestemmes av  $SS$

Handelspolitikk

Politikk 1: Proteksjonisme av innsatsvareproduksjon

En toll som øker innenlandsk pris på importerte innsatsvarer  $\bar{P} \uparrow$



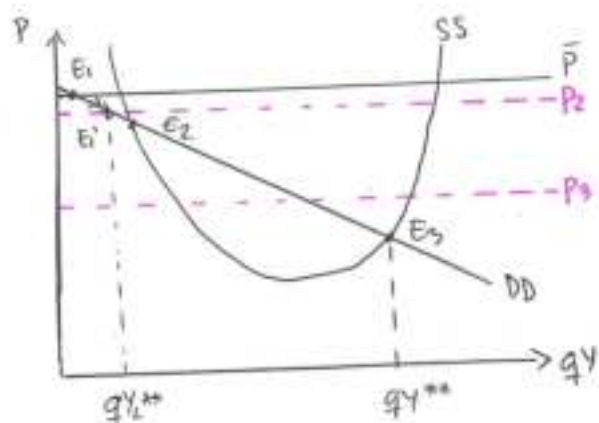
Kontraktiv effekt av toll på innsatsvarer når utgipkt er  $E_1$ !

- Ferdigvareproduksjon går ned fra  $qY^*$  til  $qY^{**}$   
- Fordi innsatsvarene har blitt dyrere

(En politikk som oppnår det motsatte av det den tilsynelatende ønsker)

Politikk 2: liberalisering av import av innsatsvarer

Reduserer toll / øker subsidier på import av innsatsvarer  $\bar{P} \downarrow$



hiten tollreduksjon til  $P_2$

- Bevegelse til  $E_1'$  m/ billigere importerte innsatsvarer og dermed økning i ferdigvareproduksjon

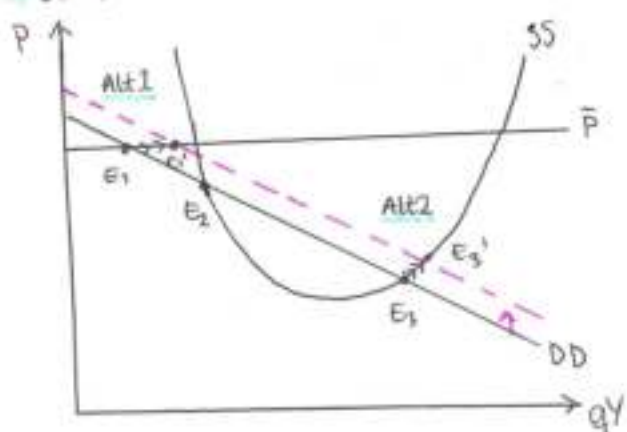
Øker tollreduksjon til  $P_3$

- Bevegelse til  $E_3$  m/ så stor økning av ferdigvareproduksjon at vi har nettoled for innenlandsk innsatsvareproduksjon

- Innenlandsk innsatsvareproduksjon overtar for import

Politikk 3: Proteksjonisme av ferdigvareproduksjon

En toll som gir høyere verdensmarkedspris på ferdigvarer  $q \uparrow$   
DD-kurve skifter oppover (og ikke SS-kurve fordi  $qY$  er på en horisontale akse)



Alternativ 1: Støtt i  $E_1$

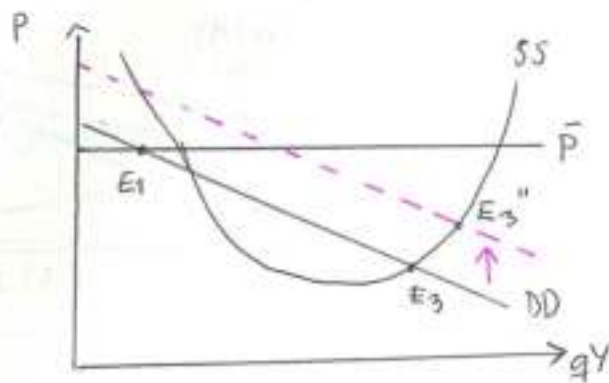
- Nedstrøms ferdigvareproduksjon øker til  $E_1'$

Alternativa: Støtt i  $E_3$

- Nedstrøms ferdigvareproduksjon øker til  $E_3'$ , og prisen på innsatsvarer øker (pga høyere lønn)

⇒ Proteksjonisme av ferdigvarer er ekspansiv

- Sterkere proteksjonisme slukt på pris på ferdigvarer eller mer,  $q \uparrow \uparrow$
- ↳ DD-kurven skifter høyere opp



### Alternativ 3: Start i $E_1$

- Begrepe til høy-løst  $E_3''$  fordi innenlandsk produksjon av innsatsvarer når en skala som støtter konkurranse mellom innenlandske bedrifter, gir lavere pris på innsatsfaktorene (kommer selvfølgelig også del fra  $E_3$ )

⇒ Proteksjonisme av ferdigvarer kan legge grunnlaget for konkurransedyktig innenlandske innsatsvarer

### Kritikk av modellen

- Høvelig utledning av arbeidsmarkedet (endogen lønn), men logisk resultat?
  - ↳ hva er skummelt i arbeidsmarkedet her?
    - den uspesifiserte "resten av økonomien" som tilhører relaterte er helt uavhengig av resten av modellen, virker lite realistisk (?)
    - hva vil utvinningenes? hva er "tradeable sektor"? etc?
- Eksempel: Dipe i andre land, byggingstendelen i Norge i innsatsvarer fra Kina
  - ↳ spørsmål om lokale trær i Norge fordi  $\bar{P}$  er for høy
- etter ikke bare "reg" som kan bestemme handelspolitikk, w/ dypt virkninger
  - ↳ handel med Kina (USA)
- God modell for Norge
  - ↳ Vi importerer innsatsvarer og binder til non-tradeable prod
  - ↳ Dipe er "tradeable rest of the economy" og hvor hvor ab. markedet er skummelt her
- Ingen modeller ser på handelspolitikk i/ spillteori)
  - ↳ hvor mye mulighet har fattige land til handelsliberalisering for politikk

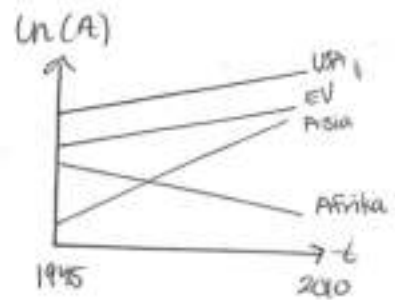
# WORLD TECHNOLOGY FRONTIER

Nelson-Phelps  
Benhabib-Spiegel  
Stolilae

→ Verdens-teknologifront og teknologiadoption  
→ Hvordan vi kan utnytte innovasjon i andre land for å oppnå velst?

• Teknologigapet relaterer vår aktuelle produktivitet (A) til fronten (T)

$$\frac{T(t) - A(t)}{A(t)}$$



• Etal-front se på en grunnmodell fra Nelson-Phelps (1966), så utvider vi m/ utg. plot i Benhabib-Spiegel, så diskuteres vi alternative modellformuleringer m/ Stolilae

## Enkel modell: Nelson-Phelps (1966)

• Produktivitetsvekst  $\hat{A}$

$$\frac{dA}{dt} = \hat{A} = C(H) \cdot \left[ \frac{T(t) - A(t)}{A(t)} \right]$$

konstant  
virkningsfaktor (som  
avhenger av human kapital)      Teknologigapet til fronten

H - human kapital  
T - fronten  
 $\hat{T}$  - vekstraten for fronten  
A - produktivitetsnivå  
 $\hat{A}$  - vekst i produktivitetsnivå

↳ Intuisjon: Human kapitalen bestemmer hvordan teknologigapet kan utnyttes ("catching up")

↳ Reformulerer modellen:

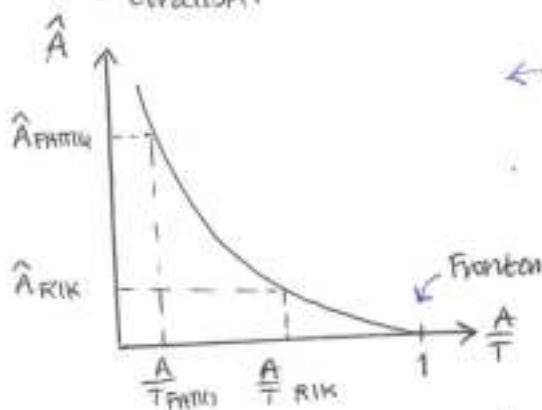
$$\hat{A}(t) = C(H) \left[ \frac{T(t)}{A(t)} - 1 \right] = C(H) \left[ \frac{1}{\frac{A(t)}{T(t)}} - 1 \right]$$

der  $\frac{A(t)}{T(t)}$  er relativ produktivitet,  $0 < \frac{A(t)}{T(t)} < 1$

- Når  $\frac{A(t)}{T(t)}$  er liten: **Fattig land**
- Når  $\frac{A(t)}{T(t)}$  er stor: **Rikt land**

- ser at  $A \uparrow \hat{T}$  (mindre gap til fronten)  $\Rightarrow \hat{A} \downarrow$  (lavere produktivitetsvekst)  
- kvadratisk:

← Problemet: Det er mange fattige land m/ lav produktivitetsvekst



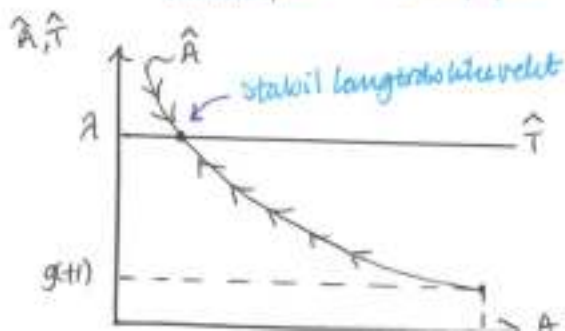
Generell modell:  
 $y = F(A, N, K, H)$

## Utvikelse: Benhabib-Spiegel

• Teknologiadoption og innovasjon

$$\hat{A}(t) = g(H) + C(H) \cdot \left( \frac{T}{A} - 1 \right)$$

Innovasjon      Adoption



↳ Antar produktivitetsvekst på teknologifronten konstant og like  $\hat{T}$  (der  $\hat{T} > g(H)$ )  
↳ **Nyclassiske vekstmodeller** predileerer konvergens fordi kapitalinngår der den har størst avkastning (og den har størst avkastning når du har lav beholdning fra før)  
- Denne modellen gir (mulig) konvergens fordi gapet til teknologifronten størst, og det gir deg størst mulighet til læring/adoption

↳ Dynamiske

$$\hat{A} > \hat{T} \Rightarrow \frac{A}{T} \uparrow$$

$$\hat{A} < \hat{T} \Rightarrow \frac{A}{T} \downarrow$$

$$\hat{A} = \hat{T} \Rightarrow \frac{A}{T} \text{ konstant}$$

(Empiri: Teknologispillet fra "ledere" til "følgere", og graden av spillens avhengighet av utdanningsnivå)

$$\frac{A}{T} \rightarrow 0 \Rightarrow \hat{A} \rightarrow \infty$$

↳ På fronten bestemmes  $\hat{A}$  kun av innovasjon

$$\frac{A}{T} = 1 \Rightarrow \hat{A} = g(H)$$

• Langtidlikeveld:  $\hat{A} = \hat{T}$

$$\Rightarrow g + c\left(\frac{1}{\hat{A}} - 1\right) = \lambda \Rightarrow c\left(\frac{1}{\hat{A}} - 1\right) = \lambda - g \Rightarrow c\frac{1}{\hat{A}} = c - g + \lambda \Rightarrow$$

$$\left(\frac{A}{T}\right)^* = \frac{c}{c - g + \lambda}$$

← Steady-state nivå på relativ produktivitet  
(Dropper H for enkelhets skyld)

↳ Ser at vi har konstant og unntak teknologigap på lang sikt  
- Langtidlikevelten har en eksogen velværet rate like fronten om velværet, som vi antar at er konstant

↳ Endring i lang tidlikeveld v/ endring i frontvelværet  $\lambda$  og humankapitalnivå  $H$   
- Hvis  $\lambda \uparrow \Rightarrow \left(\frac{A}{T}\right)^* \downarrow \Rightarrow$  desto vanskeligere å redusere teknologigapet

• Effekten av humankapital (hovedresultat i Benhabib-Spiegel)

↳ Endring i humankapitalnivået påvirker relativ produktivitet på lang sikt, og dermed velværet på kort sikt

$$\left(\frac{A}{T}\right)^* = \frac{c(H)}{c(H) - g(H) + \lambda} \Rightarrow \frac{1}{\left(\frac{A}{T}\right)^*} = \frac{c(H) - g(H) + \lambda}{c(H)} = 1 - \frac{g(H)}{c(H)} + \frac{\lambda}{c(H)} = 1 + \frac{\lambda - g(H)}{c(H)}$$

der  $c'(H) > 0$   
 $g'(H) > 0$  } siden høyere humankapital gjør det lettere å innovere og adoptere

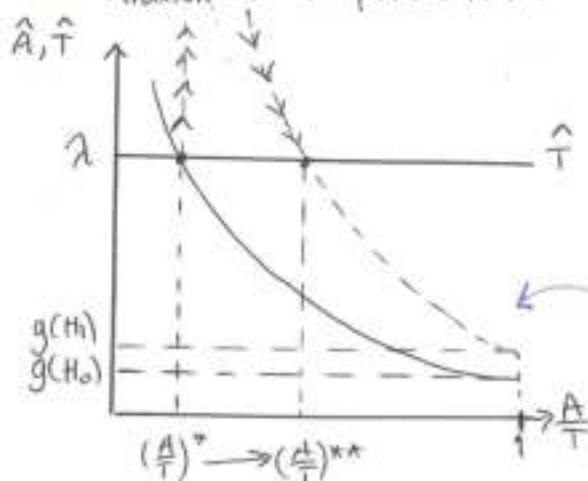
$$\Rightarrow H \uparrow \Rightarrow \frac{1}{\left(\frac{A}{T}\right)^*} \downarrow \Rightarrow \left(\frac{A}{T}\right)^* \uparrow$$

- Når humankapitalen øker, øker risken til "catching up" ift fronten og vi får høyere relativ produktivitet  $\left(\frac{A}{T}\right)^*$  på lang sikt

- siden langtidlikevelten er eksogen ( $\hat{A} = \hat{T} = \lambda$ ) og uavhengig av humankapitalbeholdningen får vi transition-velværet (kort/mellomlang sikt) som øker relativ produktivitet på lang sikt

↳ Empirisk grunnlag for dette i Benhabib-Spiegel

↳ Grafisk illustrasjon av  $H \uparrow$ :



← Først et stort hopp i produktivitet i forhold til fronten

← Beretter ny likeveld m/ økt relativ produktivitet i forhold til fronten (på lang sikt)

Merk:  $\hat{A}$ -kurven får både nytt konstante og ny helling

→ Problemet med at modellmiljøet fanger opp at mange fattige land (lav relativ prod) ikke har høy relativ produktivitet er fortsatt fremtredende; For optimisme til muligheten til "catch-up" når du er fattig



Utvikelse: Stedule (Marti: Behnabib-Spiegel forebte oppinnelig denne logistiske formidlingen)

• litteraturen skiller mellom to kategorier for overføring av teknologi

- 1) FDI (foreign direct investment)
- 2) Internasjonal handel

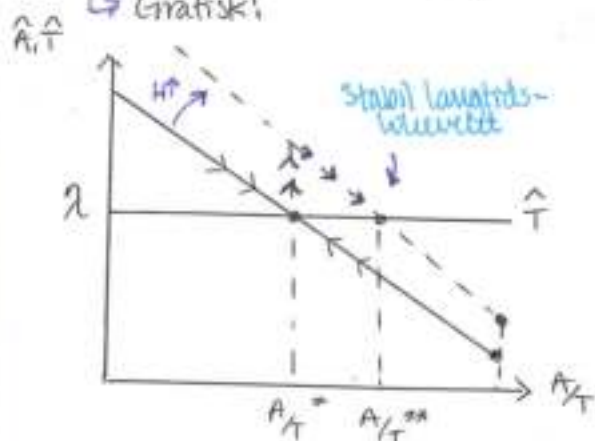
• **linear modell for produktivitetsvekst** (mindre optimistisk / mer realistisk)

$$\hat{A}(t) = g(H) + c(H) \left[ 1 - \frac{A(t)}{T(t)} \right]$$

↳ Når fortsettet  $A_T \uparrow$  (mindre gap til fronten)  $\Rightarrow \hat{A} \downarrow$  (lavere produktivitetsvekst)

$$\frac{\partial \hat{A}}{\partial A_T} = -c(H) < 0 \quad \frac{\partial^2 \hat{A}}{\partial A_T^2} = 0$$

↳ Grafisk:



← Mindre dramatisk vekst for de som starter med lav relativ produktivitet

← Effekten av høyere  $H$  er den samme: Høyere relativ produktivitet på lang sikt,  $\hat{A}^* < \hat{A}^{**}$

• **langsidsvekstvekt** for logistisk modell:  $\hat{A} = \hat{T}$   
 $\Rightarrow g + c(1 - \frac{A}{T}) = \lambda \Rightarrow c - c \frac{A}{T} = \lambda - g \Rightarrow c \frac{A}{T} = c + g - \lambda \Rightarrow$

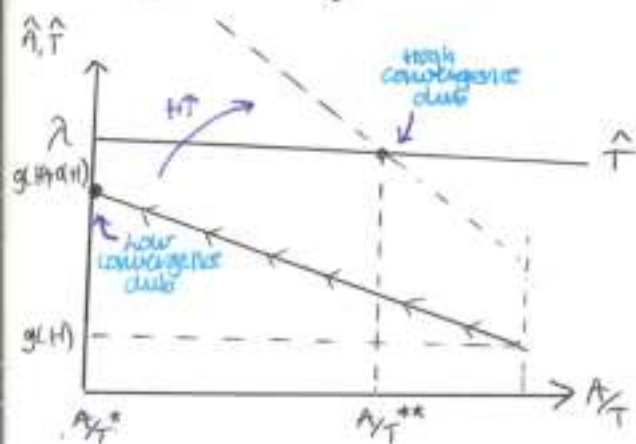
$$\left(\frac{A}{T}\right)^* = \frac{c + g - \lambda}{c}$$

← Må anta at  $c + g > \lambda$  (for å få konvergens)

↳ Konvergens til  $\hat{A} = \hat{T} = \lambda$  og stabil  $(\frac{A}{T})^*$

• **Mulighet for divergens** (stadig lavere relativ produktivitetsvekst)

↳ Dermed  $c + g \leq \lambda$



←  $A_T^* = 0$  hvis  $c + g \leq \lambda$

← **Etad nyhet**: Effekten av høyere human kapital kan være stor, da det kan flytte økonomien til ny langsidsvekstvekt  $A_T^*$   
 - Kan også forklare hvorfor divergens vedvarer når investering i human kapital er for liten

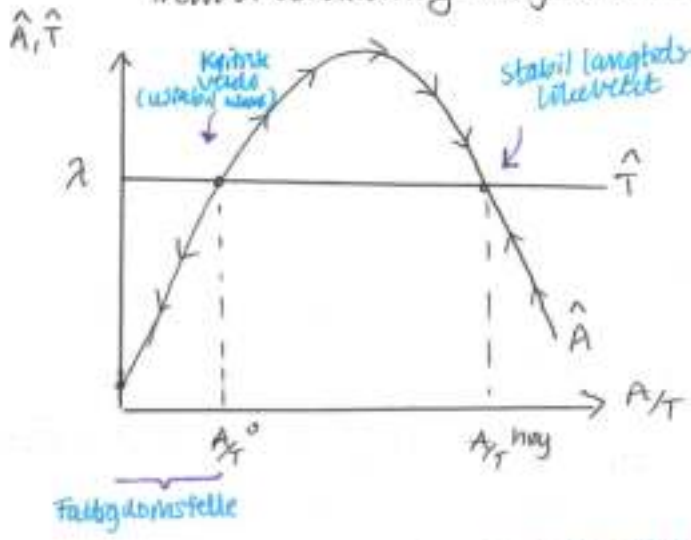
- Motivasjon: Flåm/støttige land som har lav relativ produktivitet, men  $A/T > 0$ ?  
 ↳ Trenger en modell m/ multiple klatere

(Kommentar: Hvor absorpsjonskapasitet også påvirker av åpenhet? Ikke bare humankapital? Får også ikke opp av modellen)

- Kvalitative modell for produktivitet

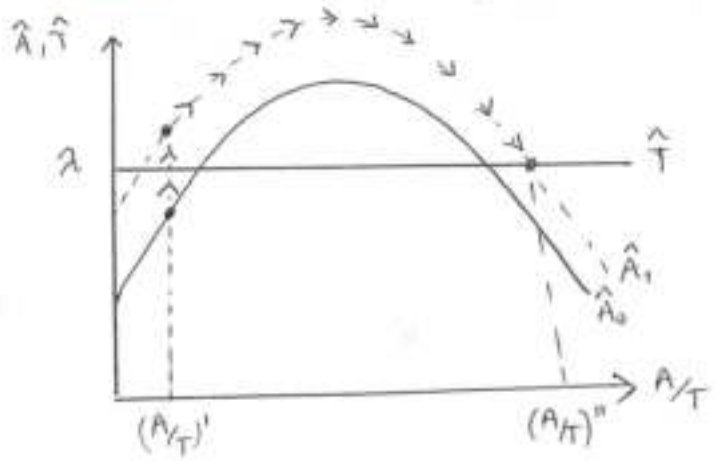
$$\hat{A}(t) = g(H) + c(H) \left[ \frac{A(t)}{T(t)} - \left( \frac{A(t)}{T(t)} \right)^2 \right]$$

- ↳ Begrenser brøden m/ relativ tilbakelaggenhet (det sannsynligvis for de rike)
- ↳ Predikerer optimal catch-up for middels utviklede land
- ↳ Først øker vekstraten og deretter faller den når økonomien nærmer seg fronten
  - Tilbakeliggende økonomier har høye absorpsjonskoeffisienter grunnet mangelen på kontakt m/ fronten
  - Når økonomien catcher opp m/ fronten øker intensiteten av spillere og avlembingen av utdanning er økende (har nådd utvidet utdanning)
  - Etter hvert blir avlembingen av utdanning avtakende og produktivitet faller frem til stabilisering i langtidsløvevedet



↳ Et minimum av relativ produktivitet like  $A/T^0$  for å kunne oppnå produktivitetsoverløp større enn fronten og dermed økende relativ produktivitet

- Økonomien kan løftes ut av fattigdomsfelle m/ økt H



↳ Fra en situasjon hvor vi ikke har nok humankapital til å løse av fronten, kan vi m/ økning i utdanningsnivået løfte økonomien til en ny langtidsløvevedet ( $A/T''$ )

Kunnskapsmodell

- Hva m/ grad av åpenhet? Mange flere faktorer som påvirker absorpsjonsevne
  - ↳ Åpenhet, geografi, kultur, institusjoner, utenlandske kapital og utdanning!
- Må ha institusjoner for å lære å erke humankapitalen, mer personlige
- Bosløsning: utveksling, åpenhet, globalisering, internasjonale forskningsmiljøer

TRADE POLICY IN A GROWTH MODEL WITH TECHNOLOGY GAP DYNAMICS AND SIMULATIONS FOR SOUTH AFRICA

(Ramsay: intertemporal model m/ perfect firm over-livende atfeld)

- Åpen økonomi + Ramsay + Endogen produktivitet
- Vi ser på et land m/ middels inntekt og produktivitet velst devert av teknologiadopsjon og utenlandske kapital som stimulerer spillover og "catching up":

Påntkes av åpenhet (representant v/ utenlandske kapital?)  
 Handelsliberalisering ⇒ Utenlandsk kapitaltilgang ↑ ⇒ Teknologiadopsjon ↑ ⇒ Produktivitetst ↑

Standard RAMSAY-modell

- 1) Innenlandske og utenlandske kapital ← konsentrerer oss om dette
- 2) Endogen produktivitetst avhengig av teknologigapet og andel utenlandske kapital
- 3) Eksport og import endogent bestemt

Modell

Cobb-Douglas produktfunksjon

$$Y_t = (A_t \cdot L_t)^{1-\alpha-\beta} \cdot K_{F,t}^\alpha \cdot K_{D,t}^\beta$$

$A_t$  - produktivitet }  $A_{ht}$  - effektiv arbeidskraft  
 $L_t$  - arbeidskraft  
 $K_{F,t}$  - utenlandsk kapital  
 $K_{D,t}$  - innenlandsk kapital

Eksogen velst i arbeidskraft

$$\dot{L}_t / L_t = n$$

← Arbeidskraft vokser eksogent m/ vekstede  $n$

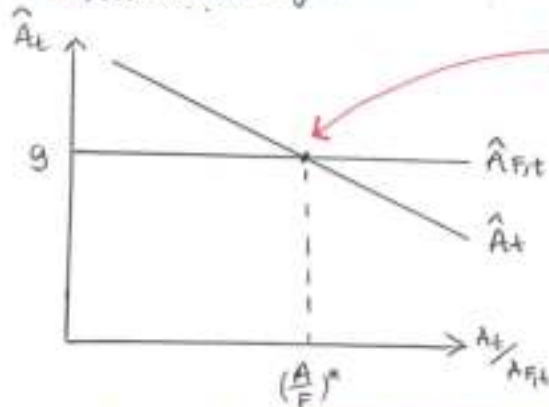
Endogen produktivitetst

$$\hat{A} = \lambda_0 \left( \frac{K_{F,t}}{K_{D,t}} \right)^\theta \left[ 1 - \frac{A_t}{A_{F,t}} \right]$$

$\theta$  - elastisiteten av produktivitetst  
 $A_t$  - produktivitetst i landet  
 $A_{F,t}$  - produktivitetst i fremmede  
 $K_t = K_{D,t} + K_{F,t}$  (total kapital)  
 og relativ produktivitetst er  $A_t / A_{F,t}$

→ Der velsten på fronten er  $\hat{A}_{F,t} / A_{F,t} = \hat{A}_{F,t} = g$ , og relativ produktivitetst er  $A_t / A_{F,t}$

→ Produktivitetst dynamikk



Konstant relativ produktivitet m/ langtidslimvordt  $\hat{A}_t = g$

- utfordring: Bedriftenes investeringsbeslutninger ( $\frac{K_{F,t}}{K_{D,t}}$ ) er endogen og avhenger av handelspolitikk (skal vise m/ dynamisk system hvordan vi kan forklare i  $\hat{A}_t$  som følge av handelspolitikk senere)

Bedriftenes investeringsbeslutning

→ den representative bedriften gjør sin investeringsbeslutning utfra intertemporell profitmaksimering, betinget på akkumulasjon av kapital over tid

$$(4) \max \int_0^{\infty} [P_{F,t} \cdot X_t - W_t L_t - I_{F,t} (P_{F,t} + \varphi_{F,t}) - I_{D,t} (P_{D,t} + \varphi_{D,t})] e^{-\rho t} dt$$

uendelig horisont m/ gitt rente på verdensmarkedet

$$\text{gitt } \left. \begin{aligned} \dot{K}_{F,t} &= I_{F,t} - \delta_F \cdot K_{F,t} \\ \dot{K}_{D,t} &= I_{D,t} - \delta_D \cdot K_{D,t} \end{aligned} \right\} (5)$$

$P_{F,t}$  - value added (BNP) pris

$$\left. \begin{aligned} \varphi_{F,t} &= P_{D,t} \frac{b_F}{2} \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}} \\ \varphi_{D,t} &= P_{D,t} \frac{b_D}{2} \frac{I_{D,t}}{K_{D,t}} \end{aligned} \right\} (7)$$

(6)  $P_{F,t} = P_{W,t} (1 + t_{M,t})$

$P_{W,t}$  - verdensmarkedet pris på importgoder  
 $t_{M,t}$  - importtariff

- (5) bestemmer kapital som investeringer minus depreciering
- (6) mer at prisen på utenlandske varer tilsvarer den eksogene verdensmarkedet pris på disse, justert for importtariff (fanger prisetilførsel av handelspolitikk)
- (7) bestemmer tilpasningskostnader, som tar av innenlandske varer til pris  $P_{D,t}$  (eksogene og konvuls funksjon av investeringer)

$$\mathcal{L} = P_{F,t} x_t - W_t L_t - I_{F,t} (P_{F,t} + \varphi_{F,t}) - I_{D,t} (P_{D,t} + \varphi_{D,t}) + q_{F,t} [I_{F,t} - \delta_F K_{F,t}] + q_{D,t} [I_{D,t} - \delta_D K_{D,t}]$$

← skyggepriser ↗

- Setter inn for  $x_t$  fra (1) og  $\varphi_{F,t}, \varphi_{D,t}$  fra (7):

$$\mathcal{L} = P_{D,t} (A_t L_t)^{1-\alpha} \gamma^{\beta} \cdot K_{F,t}^{\alpha} \cdot K_{D,t}^{1-\alpha} - W_t L_t - I_{F,t} (P_{F,t} + P_{D,t} \cdot \frac{\beta F}{2} \cdot \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}}) - I_{D,t} (P_{D,t} + P_{D,t} \cdot \frac{\beta D}{2} \cdot \frac{I_{D,t}}{K_{D,t}}) + q_{F,t} [I_{F,t} - \delta_F K_{F,t}] + q_{D,t} [I_{D,t} - \delta_D K_{D,t}]$$

- 3 kontrollvariable

- $L_t$  - arb./kraftbruket
- $I_{F,t}$  - investeringer i utenlandsk kapital
- $I_{D,t}$  - investeringer i innenlandsk kapital

- 2 state-variable

$K_{F,t}$  } kapitalbeholdningenes utvikling over tid  
 $K_{D,t}$  }

- 2 co-state-variable

$q_{F,t}$  } skyggeprisen på utenlandsk og innenlandsk kapital  
 $q_{D,t}$  }

⇒ Vil ha 7 FOC

i)  $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial L_t} = 0 \Rightarrow P_{D,t} (1-\alpha) \gamma^{\beta} (A_t L_t)^{-\alpha} \cdot A_t K_{F,t}^{\alpha} \cdot K_{D,t}^{1-\alpha} - W_t = 0$   
 $\Rightarrow (1-\alpha) \gamma^{\beta} P_{D,t} \cdot x_t = W_t L_t$  (8)

⇒ Konstant faktorandel som bestemmes av Cobb-Douglas

ii)  $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial I_{F,t}} = 0 \Rightarrow -P_{F,t} - P_{D,t} \cdot \beta F \cdot \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}} + q_{F,t} = 0$

$\Rightarrow q_{F,t} = P_{F,t} + P_{D,t} \cdot \beta F \cdot \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}}$  (9)

(MC) skyggepris på utenlandsk kapital      MC v/ investering i utenlandsk kapital (pris + tilpasningskostnad v/ å investere)

⇒ Optimal investering i utenlandsk kapital (gitt v/ marginalkostnad like marginalgevinst)

iii)  $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial I_{D,t}} = 0 \Rightarrow$  — " —

⇒ optimal investering i innenlandsk kapital ( — " — )

Beregning i stykket

iv)  $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial q_{F,t}} = \dot{K}_{F,t}$  } Kan skrives som  
 v)  $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial q_{D,t}} = \dot{K}_{D,t}$  } bibeholdelsene fra (5)

vi)  $-\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial K_{F,t}} = \dot{q}_{F,t} - r q_{F,t}$

der  $R_{K_{F,t}} = P_{D,t} \frac{\partial x_t}{\partial K_{F,t}}$

$\Rightarrow r q_{F,t} = R_{K_{F,t}} + P_{D,t} \cdot \frac{\beta F}{2} \left( \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}} \right)^2 - \delta_{F,t} \cdot q_{F,t} + \dot{q}_{F,t}$  (10)

⇒ Ingen arbitrage-betingelse for utenlandsk kapital

Vs: Rendearbeidning på verdensmarkedet  
 Hs: Marginalavkastning av  $K_{F,t}$

vii)  $-\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial K_{D,t}} = \dot{q}_{D,t} - r q_{D,t}$

$\Rightarrow$  — " —

⇒ Ingen arbitrage-betingelse for innenlandsk kapital

— " —

(Dette var produksjonssiden av modellen. Senere i artikkelen behandles bedriftens valg mellom innenlandsk marked / eksport (11, 12), men dette er unødvendig til vårt formål)

• Husholdningens spare / konsumtbeslutning

(13)  $\max \int_0^{\infty} U(C_t) e^{-\rho t} dt$

s.t.  $\int_0^{\infty} P_{C,t} C_t e^{-\rho t} dt = \int_0^{\infty} (Y_t - S_t) e^{-\rho t} dt$  (14)

← Intertemporal budget constraint (betaler ned på utenlandsgjeld)

↳ Antar intertemporal subst. ell.  $\sigma$  like 1, som gir følgende iso-elastiske nyttefunksjon:  $U(C_t) = \ln C_t$

↳ For Eulertilnærmingen (for optimal konsumnivåene over tid):

$\frac{\dot{C}_t}{C_t} = r - \rho - \frac{\dot{P}_{C,t}}{P_{C,t}}$  (15)

↑ ↑  
 ↑ Innenlandsk produkt  
 ↑ Tidspreferansen  
 ↑ Verdensmarkedsrente

(Valg av konsum mellom innenlandske og utenlandske varer gir (17) og (18))  
 (Valg av bedriftenes innsatsvarer gir (18) og (9))

hensning av modellen (Merki: Forutsetter her eksogen produktivitetstvekst  $g$ )

→ Må komme frem til de dynamiske likningene som ligger til grunn for beregningene i økonomien og som viderefølles i bunnen for å diskutere handlingspolitikk ( $\dot{k}_{F,t} = 0$  og  $\dot{q}_F = 0$ )

Finne  $\dot{k}_{F,t} = 0$

- $k_{F,t}$  måler utenlandsk kapital per effektiv arbeider,  $k_{F,t} = \frac{K_{F,t}}{A_{F,t} L_t}$
- $i_{F,t}$  måler utenlandske investeringer (i kapital) per effektiv arbeider,  $i_{F,t} = \frac{I_{F,t}}{A_{F,t} L_t}$

(5)  $\Rightarrow \dot{k}_{F,t} = I_{F,t} - (\delta_F + n + \hat{A}_t) k_{F,t}$  (20)

(9)  $\Rightarrow q_{F,t} = P_{F,t} + P_{D,t} b_F \frac{I_{F,t}}{K_{F,t}} \Rightarrow \frac{\dot{I}_{F,t}}{K_{F,t}} = \frac{q_{F,t} - P_{F,t}}{P_{D,t} \cdot b_F} \Rightarrow i_{F,t} = \frac{q_{F,t} - P_{F,t}}{P_{D,t} \cdot b_F} \cdot k_{F,t}$  (21)

Setter (21) inn i (20):

$\dot{k}_{F,t} = \left( \frac{q_{F,t} - P_{F,t}}{P_{D,t} \cdot b_F} - (\delta_F + n + \hat{A}_t) \right) k_{F,t}$  (22)

likevekt:  $\dot{k}_{F,t} = 0 \Rightarrow$

(23)  $q_{F,t} = P_{F,t} + P_{D,t} + b_F (\delta_F + n + \hat{A}_t)$

← Ser at denne er uavhengig av  $k_{F,t}$ , som betyr at kurven er flat



← Hølder priser og produktivitetstvekst konstant i likevekt

$\dot{k}_{F,t} = \left( \frac{q_{F,t} - P_{F,t}}{P_{D,t} \cdot b_F} \right) k_{F,t} = 0$  ← Her må kapitalvekst  $\hat{K}_{F,t} = \hat{A}_t + \hat{L}_t$

- Økonomien legger ikke i vs, men den er i likevekt fordi veksten er den samme over tid

Finne  $\dot{q}_F = 0$

•  $q_{F,t}$  er skyggeprisen på utenlandsk kapital

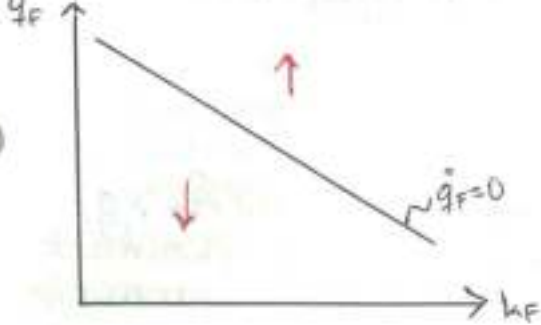
Kombinerer (10) og (21)  $\Rightarrow$

$\dot{q}_{F,t} = (r + \delta_F) q_{F,t} - R_{k_{F,t}} - \frac{(q_{F,t} - P_{F,t})^2}{2b_F \cdot P_{D,t}}$  (24)

likevekt:  $\dot{q}_{F,t} = 0 \Rightarrow$

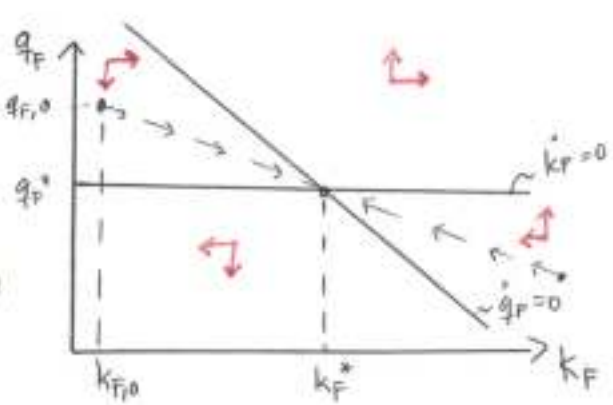
(25)  $(q_{F,t} - P_{F,t})^2 - 2b_F P_{D,t} (r + \delta_F) q_{F,t} + 2b_F P_{D,t} P_{V,t} \alpha k_{F,t}^{\alpha-1} k_{D,t}^{\beta} = 0$

← Ser at  $q_F$  er en implisitt funksjon av  $k_F$  (når  $k_D$  og priser holdes konstant)



- Intensjon for fallende helning
- Når kapitalbeholdningen øker, reduseres avsetningen av kapital, som betyr at skjevingsprosent (værdsettningen av utenlandsk kapital) øker
- Ustabilitet: (typisk Ramsey) vi forenter en Sadelbane

Fasediagram



- Finnes bare én sadelbane som gir langtidslikevekt  $k_F^*$  og  $q_F^*$
- Økonomiske agenter gjennomskuer dette og tilpasser seg slik at de er på sadelbanen (se "tilpassingsdynamikk")
- Tilsvarende dynamikk for innenlandske kapital

Analyse av handelspolitikk

- (Husk: langtidslikevekt m/ eksogen velstrate)
- Fokus på transition-vektbane frem til langtidslikevekt
  - ↳ Kunne endre langsiktig velstrate, slik vi kunne m/ skumpeteriansk model
  - Anta forventet og permanent lavere import-toll (annonnant, slik at det følger opp av forventninger) på konsum, innsparings- og investeringsgoder
  - ↳ Merke: Modellen forutsetter at politikk lemm gi klare signaler
  - ⇒ "Kostnaden av det utenlandske investeringsgodet" (utenlandske kapital) reduseres altså stimulerer det til flere investeringer
  - ↳ Tolket dette som "det godet utenlandske kapital kan investere i"

$P_{F,t} = P_{W,t}(1 + t_{m,t})$  Handelsliberalisering:  $t_{m,t} \downarrow \Rightarrow P_{F,t} \downarrow$

-  $P_{F,t}$  inngår i både (23) og (25), så begge likevektsbetingelsene blir påvirket

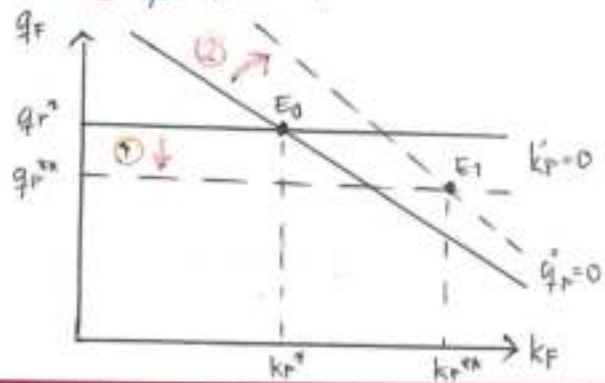
(Merke: Ser vel på fra det innenlandske kapitalmarkedet, som vil være indirekte påvirket av utenlandske kapitalmarked)

→ (23)  $q_{F,t} = P_{F,t} + P_{O,t} b_F (s_F + n + \hat{A}_t)$

①  $P_{F,t} \downarrow$  skifter  $k_F=0$ -kurven nedover (lavere avd. lønns m/ mindre toll)

→ (25)  $(q_{F,t} - P_{F,t})^2 - 2b_F P_{O,t} (r + s_F) q_{F,t} - 2b_F P_{O,t} P_{F,t} \alpha k_F^{\alpha-1} k_{O,t}^{\beta} = 0$

②  $P_{F,t} \downarrow$  skifter  $q_F=0$ -kurven utover og gjør kurven brattere (se vedlegg i artikkelen)



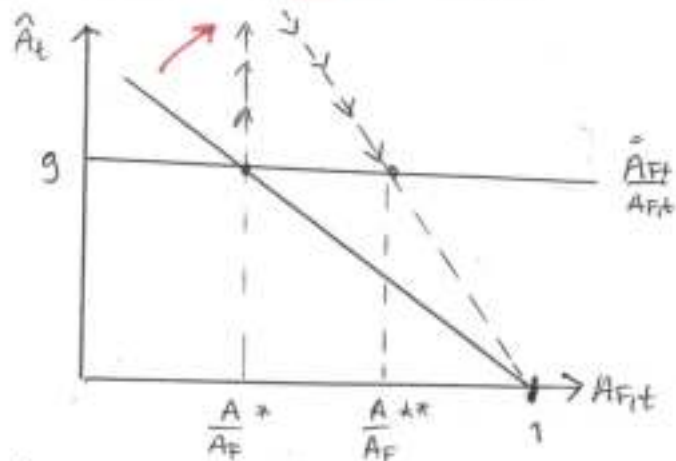
← Ny likevekt m/ høyere utenlandske kapital per arbeider og lavere sysselsettingspris

## Tilpasningsdynamikk

Med lavere tollsats blir investeringsspeserel mindre med utenlandske kapital:

(13)  $\frac{k_{F,t}}{k_t} \uparrow$  og dermed påvirkes produktivitetstilveksten:

$$(3) \hat{A}_t = \lambda_0 \left( \frac{k_{F,t}}{k_t} \right) \left( 1 - \frac{A_t}{A_{F,t}} \right)$$



← Midlertidig periode m/  $\hat{A}_t > g$ , og likevel m/  $\hat{A}_t = g$  og konstant relativ produktivitet høyere enn før handelsliberaliseringen

$\hat{A}_t$  inngår i (23) ( $k_F = 0$ -kurven):

$$q_{F,t} = P_{F,t} + P_{D,t} \cdot b_F (S_F + n + \hat{A}_t)$$

$\hat{A}_t \uparrow \Rightarrow$  skift oppover i  $k_F = 0$ -kurven

- Men siden produktivitetstilveksten er midlertidig høyere enn fronten, vil kurven skifte gradvis tilbake og melv i  $E_1$

$\Rightarrow$  Konklusjon: Siden innvandningsbeholdningen  $A_t$  er høyere i ny likevekt, er kapital per arb. også høyere

$$k_F^{**} = \frac{k_F^*}{A^* L^*}$$

$\leftarrow A^*$  høyere enn før og uendret  $k_F^* \Rightarrow \frac{k_F^*}{L^*}$  har økt  
- Produksjon per arb. høyet i langtidslikevekten

## Kritikk av modellen

- Her er mest innelyst av skumpeter og olje når det kommer til miljøet i eldre langslutts verstrate
- Diskusjon: PDI fra Kina til Asia som eksempel
- Kilde: nå ha nye informasjon for å kunne "tilpasse seg til sadelpanau"
- Kapital per arbeider kan reguleres og melles, men ha m/ synggepen på kapital (med skumpeter kan fronten "hoppe opp" og oljeunns for fattigdomstille)

(Min forståelse av modellen: Redusert importtal er eliminert m/ mer åpenhet i innførsel, kunnskap. Dette er investeringsspeserel fra utlandet)

GAINS FROM TRADE WHEN FIRMS MATTER Daniel Trefler

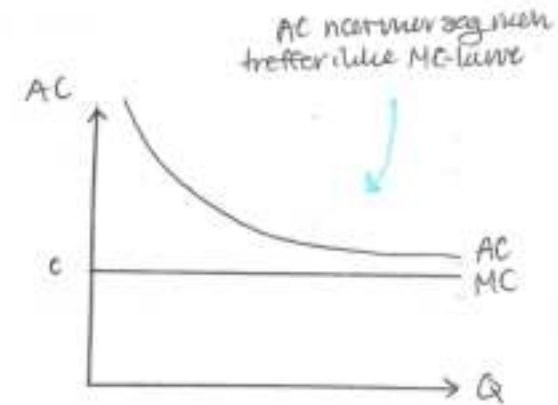
- Realloknings-effekt når firmaer er heterogene (noen er større og mer produktive enn andre)
  - Globalisering genererer både vinnere og tapere
  - Ny vilde til gevinst fra handel: total effektivitet i industrien forbedres og firmaer oppfører seg til å innvandre (hvorfor fortsatt "love of variety"-gevinst m/ i bildet i tillegg)
- (Eggenombud: Handel må forstås på bedriftsnivå)

Antakelser

- Stordriftsfordeler i hver bedrift
- ↳ Perfekt konkurranse fungerer ikke,  $P = MC$  gir tap
- ↳ Monopolistisk konkurranse

Enkel monopolmodell

- Etterspørselkurve  
 $Q = A - B \cdot P \Rightarrow P = \frac{A}{B} - \frac{1}{B} Q$   
 $A, B$  - parametre  
 $Q$  - produksjon  
 $P$  - pris
- ↳ Inntekter (R) og marginalinntekter (MR)  
 $R = P \cdot Q = [\frac{A}{B} - \frac{1}{B} Q] Q$   
 $MR = \frac{\partial R}{\partial Q} = P - \frac{1}{B} Q$
- ↳ Gap mellom P og MR  
 $P - MR = \frac{Q}{B}$  ← Gap mellom P og MR øker m/ Q
- Kostnader  
 $C = F + cQ$        $F$  - fast kostnad  
 $AC = \frac{C}{Q} = \frac{F}{Q} + c$        $c$  - marginalkostnad



Monopolistisk konkurranse

- 1) Differensierte produkter (mobiltif, tannpasta, etc); Hver bedrift opptrer som en monopolist
- 2) Tar priser fra andre bedrifter som gitt
- 3) Heterogene bedrifter: Forskjellige kostnadsfunksjoner
- 4) Symmetri: like etterspørselskurver for alle bedrifter

- Forskjellige kostnadsfunksjoner  
 $C_i = F + c_i Q_i$

- Like horisontal etterspørselsfunksjoner  
 $Q = S [\frac{1}{n} - b(P - \bar{P})]$

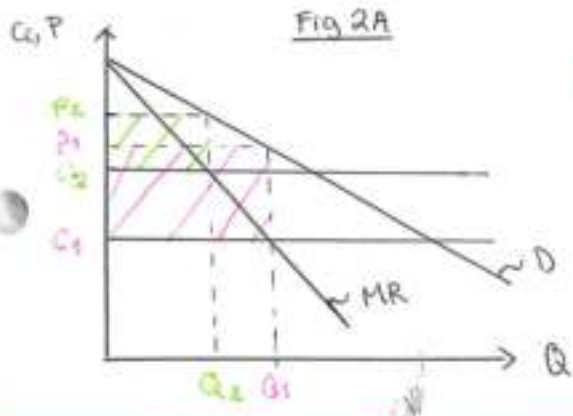
$Q_i$  - produksjon i bedriften  
 $S$  - total produksjon i næringen (markedstørrelsen)  
 $n$  - antall bedrifter  
 $\bar{P}$  - gjennomsnittspris

- ↳ Hvis  $P = \bar{P} \Rightarrow Q = \frac{S}{n}$   
 - og når prisen er over snitt taper du andel, og når prisen er under snitt taper du andel

MR-kurven

$\frac{\partial Q}{\partial P} = -sb \Leftrightarrow \frac{\partial P}{\partial Q} = -\frac{1}{sb}$

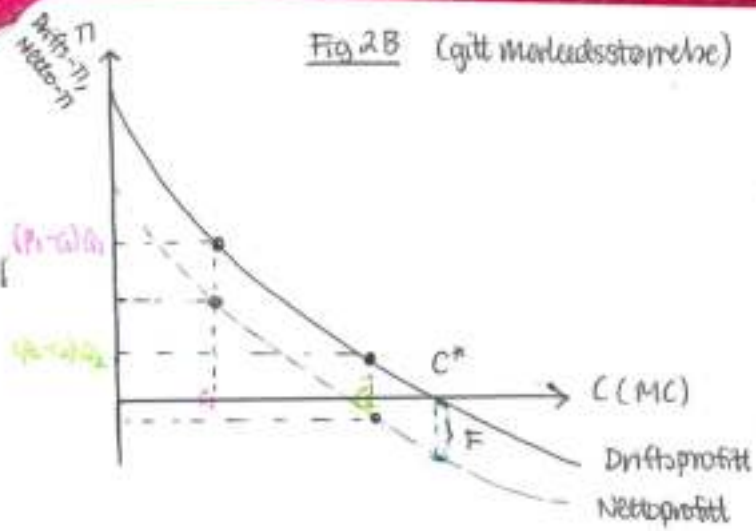
$\Rightarrow MR = P - \frac{Q}{sb}$  ← Finnes skjønning m/ den vertikale akse ut å sette  $Q=0$ :  
 $\Rightarrow S [\frac{1}{n} - b(P - \bar{P})] = 0 \Rightarrow P = \bar{P} + \frac{1}{bn}$



← ser på to bedrifter (m/ profitt lik de skraverte områdene):  
 - Høy marginalkostnad  $c_2$   
 - Lav marginalkostnad  $c_1$



Fig 2B (gitt markedsstørrelse)



- ← Ser at hvis  $c > c^* \Rightarrow$  Exit (pga tap på driftsen)
- ← Høyere marginalkostnad  $\Rightarrow$  høyere profit
- ← Faste kostnader er uavhengige kostnader
- 1: Positiv driftsprofit, negativ nettprofit etter faste kostnader
- 2: Positiv driftsprofit, negativ nettprofit etter faste kostnader
- ↑ Hadde du vist at dette ville skje, ville du ikke startet opp. Men siden gjet er gjort, holder du det gjeldende
- Dette foreligger på antakelsen om at marginalkostnader er tilfeldige og uavhengige frem til etter de første kostnadene er betalt

Analyse: Økt markedsstørrelse / markedsintegrasjon

$\rightarrow$  Analogi til EU

Økt markedsintegrasjon påvirker etterspørselen gjennom to effekter:

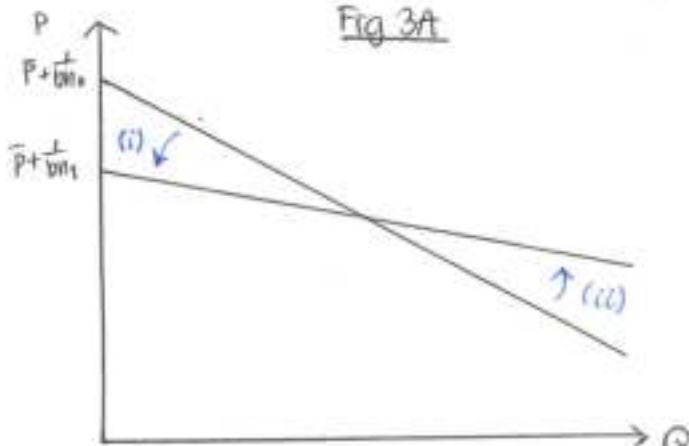
(i) Konkuranseeffekten

- Markedet består nå av flere bedrifter ( $n?$ ), som gjør at konstant leddet ( $\bar{P} + \frac{1}{bn}$ ) faller
- Denne effekten vil gjøre små bedrifter

(ii) Markeds effekten

- Vi har fått et større marked ( $S?$ ), som gjør etterspørselskurvens helning ( $\frac{\partial P}{\partial Q} = -\frac{1}{Sb}$ ) mindre brå
- Denne effekten vil gjøre store bedrifter

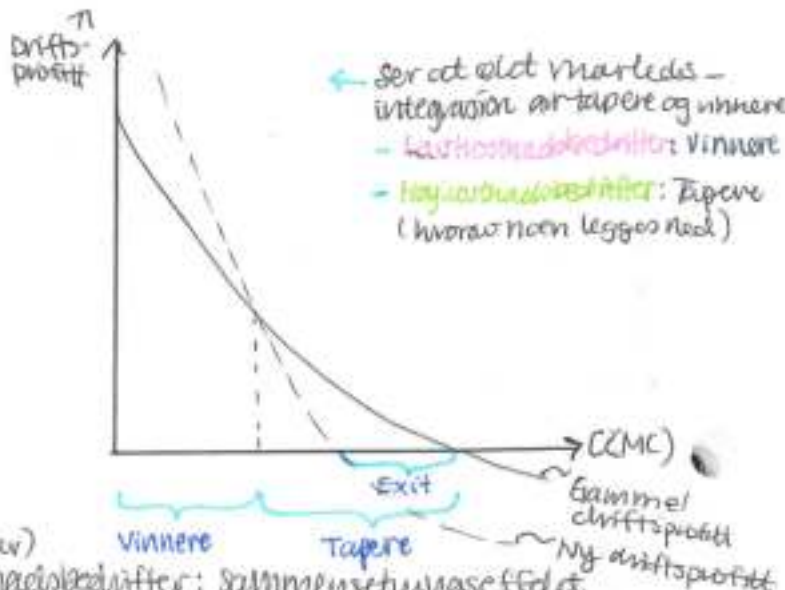
Fig 3A



Små bedrifter  
Mindre etterspørsel  
(Følgte løst nye her)

Store bedrifter  
Mer etterspørsel  
(Rått løst nye her)

$\Rightarrow$  Reallokering mellom bedrifter til lavkostnadsbedrifter: sammensetningseffekt som gir høyere produktivitet (merci: Aggregert sett en produktivitetsoverføring, mens produktiviteten i bedriftene isolert sett ikke øker - uten en bedre utnyttelse av størrelsesfordeler)



- ← Ser at økt markedsintegrasjon er tapere og vinnere
- Lavkostnadsbedrifter: Vinnere
- Høykostnadsbedrifter: Tapere (hvorav noen legges ned)

Analyse: Handelsliberalisering

- $\rightarrow$  legger til handelskostnader, slik at bedrifter må ta stilling til om de vil eksportere eller ikke
- $\rightarrow$  Eksport lønner seg kun for de mest produktive firmaene

ser på hjemland og utland, med totalt marked  $2S$  og forskjellige priser i de to markedene

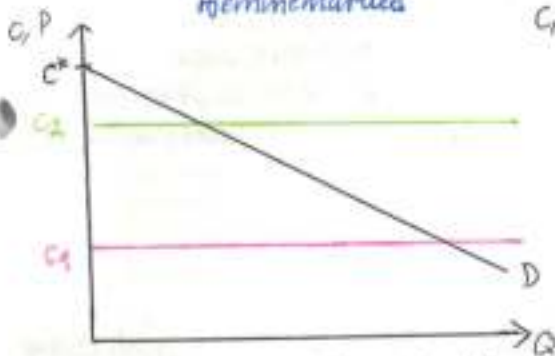
$\rightarrow$  Antar tilleggskostnad (per enhet)  $t$  for å eksportere

$\rightarrow$  To bedrifter i innenlandske marked

- Firma 1: Lavkostnadsbedrift
- Firma 2: Høykostnadsbedrift

skal først etablere hvordan et marked ml handelskostnader ser ut for hjemlandet, og deretter undersøke effekten av handelsliberalisering

↳ Hvem velger å eksportere?  
Hjemmemarked

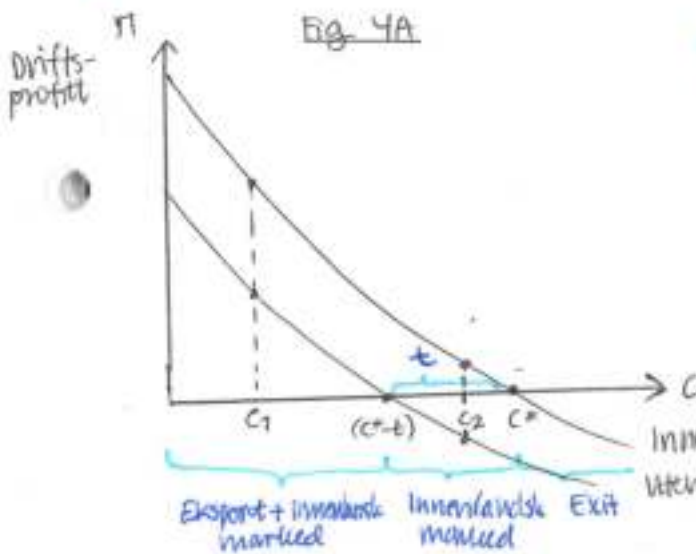


Utemarked  
(Eksportmarked)



- ↳ Firma 1 vil eksportere til utenlandske marked
- ↳ Firma 2 vil ikke bli lønnsom eksport

↳ Hva sier vi om profitten?

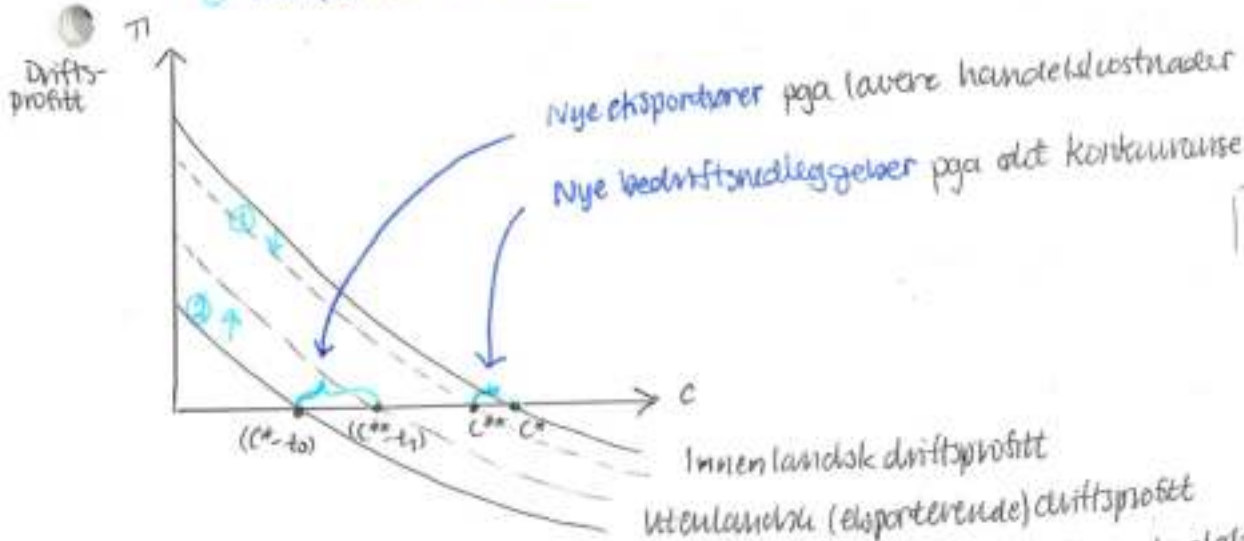


- ↳ Effekter:
- lavkostnad:  $c_i \leq (c^* - t) \Rightarrow$  Eksporterer + Innenlandsk
  - høykostnad:  $(c^* - t) < c_i < c^* \Rightarrow$  Innenlandsk
  - kostnader over cutoff:  $c_i > c^* \Rightarrow$  Exit

• Hva er effekten av handelsliberalisering?

↳ Reduserer handelskostnader  $t$ , fra  $t_0 \rightarrow t_1$  ( $t_1 < t_0$ ), og dette har to effekter:

- 1) Driftsprofit i innenlandske marked skifter ned pga økt konkurranse
  - 2) Driftsprofit i utenlandske marked skifter opp pga lavere handelskostnader
- ← Antas at denne domineres



Distorsjon i FD

- Omfordeling av midler er kompensasjon av tapene (EU er ikke bare handel)
- Inne effekter (konk n, marked s) blir uløst for ulike land?
- Hva eksporterer du? (Kan handlet ut- konkurranse i utlandet?)

- Økonomer er i senere tid kritisk for alt for optimistiske modeller mtp globalisering (tenk Schumpeter, etc)
- ↳ Her har vi nå noe om vinnere og tapere m/ handelsliberalisering, som er en del utfordring
- Hvordan kan vi kompensere tapene?
- Vi har sett på en veldig enkel modell for hva som bestemmer inntekter og etablering av bedrifter
- ↳ Rypere teori bør inkludere ulike kostnader både direkte salg (hva blir etterop? kostnader?), bør se på samvisninger

# WHAT YOU EXPORT MATTERS

Hausmann, Hwang, Rodrik

- Hva du eksporterer har noe å si for velst (merli: Her ni m være et mål på velst) ← Antall entreprenører
- Produksjonssammensetningen i et land påvirkes av komparative fortrinn, men også av "kostnadsoppdagelser" som gjøres av entreprenører (og når suboptimale prosjekter oppdages blir dette **positive eksterne effekter** for andre entreprenører) ← Problem: Hvordan internalisere?
- Bakgrunn: Atlas of Economic Complexity / Handel-prosjekt
  - ↳ Essens: Oppdage og utvide produktutvalget for eksport
  - Discovery (oppdage/auktore) **produktivitetsmuligheter**

## Empirisk

- Oppsummert: Forholdet i spesialiseringsmønstre for ellers like land, og mer avanserte produkter gir større velst

## Modell

- Mål: Bestemme produktivstruktur i land og følge opp betydningen av oppdagelse/diskovering (som representerer et stokenbale element/tilfeldighet)

- To sektorer (arb. kraft er eneste prod. faktor i begge)
  - 1) Tradisjonell sektor - homogene varer
  - 2) Moderne sektor - heterogene varer / differensierte produkter (monopolistisk konkurranse)

### Moderne sektor

- ↳ Ekstern pris  $p$  (på alle varer) på verdensmarkedet
- ↳ Produktivitetnivå  $\theta$  assosiert m/ hver vare
  - Antall produksjonsenheter bestemmes av gitt investering (på  $b$  enheter arb. kraft)
  - Rangerer produktene etter produktivitet:

$$\theta \in [0, h]$$

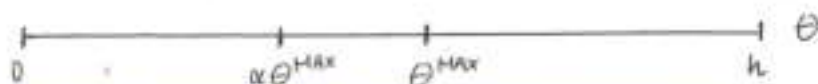
← Kontinuerlig uniformfordeling fra 0 til  $h$ , der  $h$  bestemmes av **humankapital/belastning**

- $\theta^{MAX}$  - produktivitetnivået på den mest produktive varen som er oppdaget (av en investor/entreprenør)
- $\alpha \theta^{MAX}$  - produktivitetnivået i kopiering av  $\theta^{MAX}$ , der  $0 < \alpha < 1$  ("emulator")

### Investeringsbeslutning

- ↳ Alle investeringer er like  $b$  enheter arbeidskraft
- ↳  $\theta_i$  oppdages etter investering
  - Investor kan kopiere  $\theta_i$ , men kjenner fordelingen (uniform)
  - Når  $\theta_i$  oppdages blir det felles kunnskap for alle
  - Hvis  $\theta_i \geq \alpha \theta^{MAX}$ : Investor gjennomfører prosjekt
  - Hvis  $\theta_i < \alpha \theta^{MAX}$ : Investor kopierer  $\theta^{MAX}$  (emulator)

Entreprenøren kan bare velge ett prosjekt av gangen, og oppdageren må derfor være bedre enn å kopiere forrige beste oppdagelse frat prosjektet skal bli gjennomført



$\theta < \alpha \theta^{MAX}$  Kopiering av prosjekt |  $\theta > \alpha \theta^{MAX}$  (bl høyre for  $\theta^{MAX}$  hvis du står din nye rekord)

- ↳ Impliserer to målsetninger for å oppnå høy produktivitetnivå
  - 1) Stimuler til flere entreprenører
  - 2) Stimuler til høyere humankapitalnivå

### Investering

- ↳ Formålet: maksimal produktivitet

$m$  - antall investorer/entreprenører

$$E(\theta^{MAX}) = \frac{h \cdot m}{m+1}$$

- Økende i antall investorer ( $m$ )
- Økende i humankapitalnivå ( $h$ )

$$m=1 \Rightarrow E(\theta^{MAX}) = \frac{h}{2}$$

$$m \uparrow \Rightarrow E(\theta^{MAX}) \text{ nærme } h$$

$$m \rightarrow \infty \Rightarrow E(\theta^{MAX}) \rightarrow h$$

$$P(\theta_i > \alpha \theta^{MAX}) = 1 - \frac{\alpha E(\theta^{MAX})}{h} = 1 - \frac{\alpha km}{k(m+1)} = 1 - \frac{\alpha m}{m+1}$$

- Merki: Uafhængig af  $h$

• Forventet profit  
 ↳ Forventet profit for gennemført projekt

$$E(\pi | \theta_i \geq \alpha \theta^{MAX}) = \frac{1}{2} ph \left[ 1 - \frac{\alpha m}{m+1} \right]$$

↳ Forventet profit gitt kopiering

$$E(\pi | \theta_i < \alpha \theta^{MAX}) = p \alpha E(\theta^{MAX}) = ph \left( \frac{\alpha m}{m+1} \right)$$

↳ Samlet forventet profit

$$P(\theta_i \geq \alpha \theta^{MAX}) E(\pi | \theta_i \geq \alpha \theta^{MAX}) + P(\theta_i < \alpha \theta^{MAX}) E(\pi | \theta_i < \alpha \theta^{MAX})$$

Gennemfører projekt                      Kopierer

(1) 
$$= ph \frac{1}{2} \left[ 1 + \left( \frac{\alpha m}{m+1} \right)^2 \right] \leftarrow \text{Bekend af } h \text{ og } m$$

- Her er forventet produktivitet i moderne selsker:

$$E(\theta) = \bar{\theta} = \frac{1}{2} h \left[ 1 + \left( \frac{\alpha m}{m+1} \right)^2 \right]$$

$m \uparrow \Rightarrow \bar{\theta} \uparrow$ : Det antal entreprenører eller gennemsnitsproduktivitet  
 $h \uparrow \Rightarrow \bar{\theta} \uparrow$ : Det humane kapitalniveau eller gennemsnitsproduktivitet

Langtidsløst

→ Endogene variable:  $w, m$

I) Nullprofitbetingelse (ZP) bestemmer antal investorer i løbet,  $m^*$

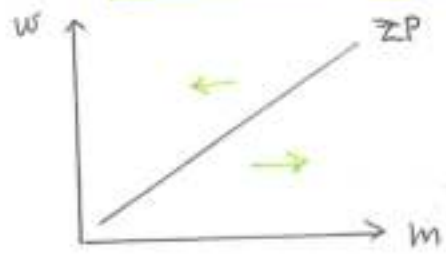
↳ Forventet langtidspprofit:

$$E(\pi)_{LR} = \frac{1}{2} ph \left[ 1 + \left( \frac{\alpha m^*}{m^*+1} \right)^2 \right] = \Gamma(p, h, m^*)$$

- Netto kontorer venken af profitten:

(ZP) 
$$\int_0^{w^*} \Gamma(p, h, m^*) e^{-pt} dt = bw^*$$

← Et projekt kræver  $bw$  ("sunk cost") af investering



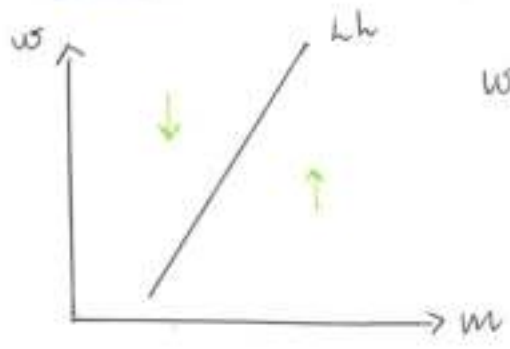
$w \uparrow \Rightarrow m \uparrow$  (Flere investorer kræves for at betale højere kostnader)

II) Arbejdsmarkedet (LH)

↳ Moderne selsker sin arbejdsetterspøsel:  $m^*b$

↳ Traditionelt selsker sin arbejdsetterspøsel:  $g(w), g' < 0$

(LH) 
$$m^*b + g(w^*) = h$$

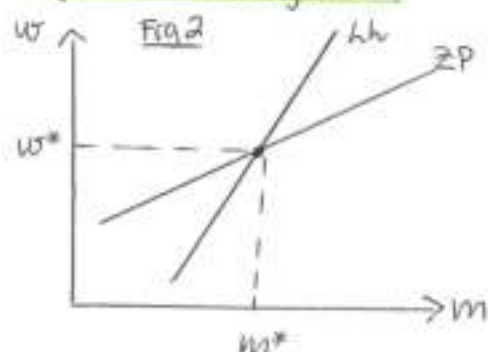


$w \uparrow \Rightarrow m \uparrow$  (Merki: Matematikken kræver at den nye af brottere)

## Korttidsliløvellet

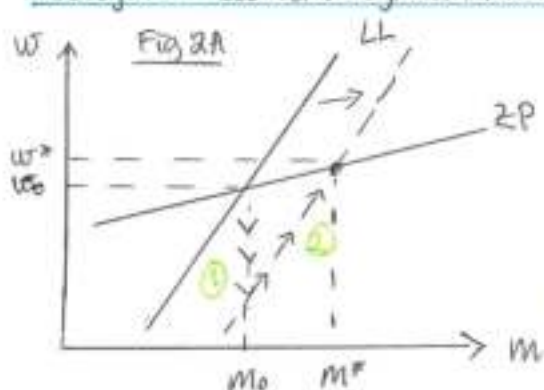
- Gitt  $m^*$  må arbeidsmarkedet tilvarene  $w/w$  (altså bløddynamiløvellet at  $w$  alltid bevegelse langs  $LH$ -kurven)
- ↳ Dynamiløvellet:  $w \downarrow \Rightarrow$  Investorer til moderne selder,  $m \uparrow$  (?)
- $w \uparrow \Rightarrow$  Investorer forlater moderne selder,  $m \downarrow$

## Dynamiløvellet (lang seld)



- ↳ Antar  $Lh$  brøttere enn  $ZP$  (stabilitetsbetingelse)
- ↳  $w$  og  $m$  må tilpasse seg liløvellet på arb. markedet og nullprofittbetingelsen i liløvellet  $w^*$  og  $m^*$

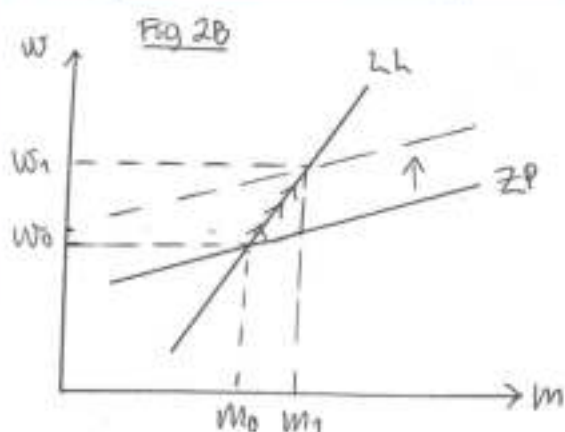
## Analyse 1: Ølet arb. styrke/arb.tilbud ( $L \uparrow$ )



- ↳ Dynamiløvellet
- ①  $w$  øker
- ② Investorer strømmer til moderne selder / oppdager nye selder (fordi her er muligheten for profitt høy)
- ↳ langtidseffekt:  $w \uparrow$  og  $m \uparrow$  (ølet  $m$ , ølet produktivitet, rom for høyere løn)

- Merke: Fortinn for større land  $m \uparrow$ , paradoks at  $L \uparrow \rightarrow w \uparrow$
- Hvorfor får vi ikke mer ut av ølet antall ingeniører? (Kritikk av modellen!)
- ↳ Volelsam øking i antall ingeniører i USA, men fortsatt konstant velstrate

## Analyse 2: ølet human kapitalbeholdning ( $h \uparrow$ )



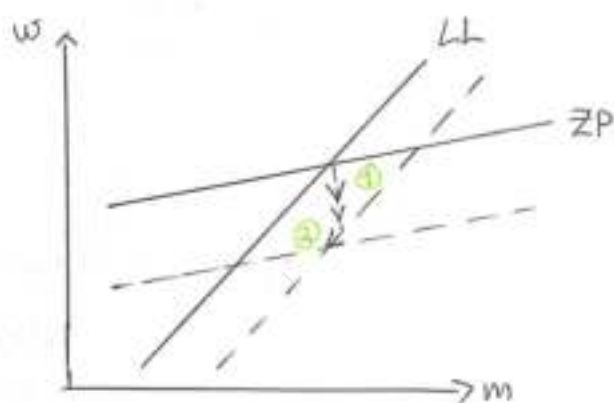
- ↳  $ZP$  skifter opp fordi større produktivitet gir større rom for høyere løn
- ↳ Dynamiløvellet
- (indiv øking av antall utdannede og lønnsnivå (struktur  $h \uparrow$  tar tid))
- ↳ langtidseffekt:  $w \uparrow$  og  $m \uparrow$

## Analyse 3: Handelspolitikk / Eksportsubsidier (via $P$ )

- Tilsett  $Fig 2B$  fordi det har positiv utvirkning på  $ZP$  (også gradvis bevegelse  $Lh$ )
- ↳ langtidseffekt:  $w \uparrow$  og  $m \uparrow$

Analys 4. Værdi af investeringer i a skrive opp i modellen selv (6/1)

→ Det krav til investering/ "entry cost" påvirker begge kurver



← Dynamiske

1) Fall i kostnadsnivå pga kostnadsreduktion

2) To effekter på antall investorer

a)  $w \downarrow$  (+)

b) lønnsnivået for investeringer har blitt redusert (+)

I figuren har vi illustrert at denne effekten dominerer, men slik trenger det ikke være

← haupteffekt:  $w \downarrow$  og migrasjon  $m \downarrow$

• For fattige land: heller seg for velst å komme seg inn i moderne sektør

↳ Men problem m/store entrykostnader (b høy)

### Kritikk av modellen

- Diskusjon: Kolde til Ragnor-modellene at velst er høyere jo starrere moderne sektør er
- Hva m/ spillover mellom land? Styrkes konklusjonene? (inkl. bare levende av egne entreprenører, uten andre)
- ↳ Forklare forskjellen ut fra interregionale effekter, verdensmarked
- ↳ Styrke eller svake innvandringsincentiver for fattige land som kan kopiere?

# REVERSAL OF FORTUNE: GEOGRAPHY AND INSTITUTIONS IN THE MAKING OF THE MODERN WORLD INCOME DISTRIBUTION

Daron Acemoglu  
 John Johnson  
 James A. Robinson

- **Geografisk observasjon**: Sammenheng mellom utvandring fra elvater og inntektsnivå
  - Men det som argumenteres her: Det er **institusjoner** og ikke geografi som har noe å si for inntektsforskjellene mellom land
  - Men hva forklarer variasjonen i **institusjoner**

→ **Reversal of fortune**: De landene som var relativt rike i 1500 er relativt fattige i dag

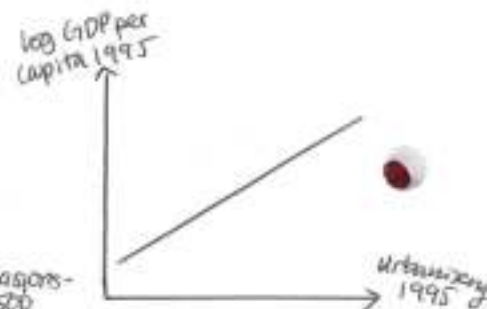
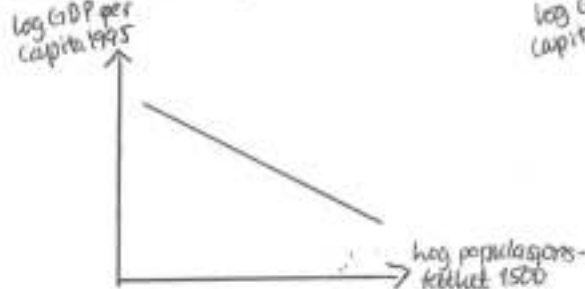
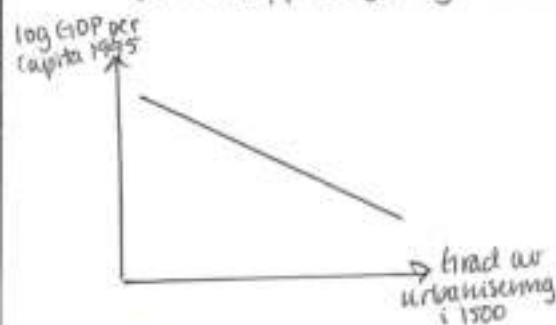
• Hvordan kan vi forklare reversal of fortune, og hvilken rolle spiller geografiske faktorer?

↳ Hva skal vi bruke for å **måle velstand eller inntekt historisk**? (Kjennetegn på BNP så langt tilbake i tid)

a) **Urbanisering** - Hvis du har tilstrekkelig effektivt jordbruk har du et inntektsgrunnlag for bydannelse

b) **Populasjonstetthet**

(c) **Knoppslukning og koloninntekter stor smh.**



→ Hvis urbanisering/populasjonstetthet proxy på inntekt 1500, støtter reversal of fortune

→ Siste figur viser positiv sammenheng mellom urbanisering i dag og inntekt i dag

↳ En god hypotese må forklare den store **velstanden** vi så i 1800 (se figur IVa)

1) **Den "ulike geografiske hypotesen"**

- Noen geografiske faktorer gir lavere inntekt i seg selv
- Eks: Klima som gjør arbeiderne mindre produktive/mer syke
- ∴ Forklarer ikke reversal of fortune (predikterer persistens i inntektsfordeling selv om faktorene er persistente)

2) **Den "omveltende geografiske hypotesen"**

- Geografiske katalysatorer som var nyttige/deadlige i 1500 er det motsatte i dag
- Eks: Nye jordbruksmetoder gjør klima mindre betydningsfullt for jordbruket
- ∴ Forklarer i prinsippet reversal of fortune, men da ville det vært mindre jordbruksrevolusjonen (9000-7000 f.kr), ikke rundt 1800

3) **Institusjonshypotesen**

- Samfunn som gir insentiver og muligheter til investeringer vil være rike enn andre

- **Inklusive institusjoner**

- \* Sikre eiendomsrettigheter
- \* Bredt lag av folket har tilgang til disse rettighetene (ikke bare en elite)

- **Extraktive institusjoner**

- \* Ikke sikre rettigheter/ bare en liten del har tilgang
- \* Eliten "mellem" resten

∴ Forklarer reversal of fortune m/ utgitt i at "spillet" v/ Europeisk kolonialisering  
 inkluderer noen inklusive og noen ekstraktive institusjoner

↳ Hvordan medførte "spillet" v/ Europeisk kolonialisering noen inklusive og noen ekstraktive institusjoner?

- **Extraktive**: handlene som var relativt rike i 1500 ble kolonialisert (tenk Sør-Amerika)

- \* Høg populasjonstetthet: Tilgjengelig arbeidskraft som du kunne tvinge til å arbeide (slaver)
- \* lett å skattelegge mer veltutviklede samfunn
- \* Snyludom: Mer fristende å plyndre enn å bosette seg der

- **Industrielle**: hvilken som helst relativt tidlige i 1800'erne (men hebet slaver fra Afrika)
- \* høj populationstæthed: klæmte (lille slaverdrift der (men hebet slaver fra Afrika))
- \* højt udbesatte og

(Tanke: Hvilke af de koloniserende lande som var ikke i stand til at ta imod? Vækst m/ extractive institutions før elidning under critical junctures kowleent m/ Politisk kamp? Private entreprenører - gode inntekt fra slupstamt i England & Nederland og ønsket politiske repræsentation, der før tidligere industrialiseringder)

(Forenkelt at betragte den industrielle revolution som et "sjok" - påvirket ar institutioner? Som igen påvirket geografisk (Slupstamt)!

↳ Men hvorfor ble dette så afgørende? Den industrielle revolution medførte større **konkurrence** og da ble effekten ar institutioner stærkere

- Hvilken hypotese stemmer m/ empiri? Tabell VII viser kvaliteten på investeringer, repræsentant v/ brevidde mål

- (1) - (3) Sannsynligheden for å dele bli ekspropriert
- (4) - (6) Hvor bredt demokrati er / betingelser på maliken til statsoverlevede
- (7) - (9) Kolonial arhengighet

- ↳ Panel A: Regresjon m/ urbanisering og/eller populationstæthed 1500
- ↳ Panel B: Samme som A, men kontrollerer også for **brevidde** ("geografi")
- Resultat: **Brevidde** ikke signifikant
- Tolkning: **Geografi** betyr noe, men via institutioner

Diskusjon (i timen)

- **Utvikling** økser effekten m/ dårlige institutioner
- **Kina**: Væst under "extractive institutions" - dømt til å gå som det tidligere
- ↳ Kollaps, enten i diktaturet / økonomien
- ↳ Eller har de vært segunna? De nye erde i kommunistpartiet, så de blir med spillere i regimet
- Generell diskusjon om hva som kommer først av **høyt intellektuelt** og **demokrati**
- ↳ Denne artikkelen antar / viser: **demokrati**

Kritiske ar modellen (og mine tanker)

- Hvordan foreklare hvordan institusjoner plutselig endres seg (critical junctures), eller vedvarer (civets)?
- Hvilke andre modeller i lysset fanger opp institusjoner? Big push-modellene
- Tanke: Trenger modeller hvor investeringer mngir seg muligheten for investeringer (Hvordan legget?)
- ↳ Eller se på investeringer som proxy for institusjoner i modellene som her m/ dette?
- ↳ Uansett: Viktig m/ investeringer eller andre mål på institusjoner i modeller for å åpne vekst og utvidning



# A MODEL OF INNOVATION, TECHNOLOGY TRANSFER, AND THE WORLD DISTRIBUTION OF INCOME

Paul Krugman

- Innovation som utvikling av nye produkter og teknologioverføring som når "nye" produkter blir gamle" (Nord → Sør)
- Før det motsatte av faldtoppslutning (til tross for "svake" fondsetninger)
- Teknologiske konkurranseene vs. kostnadsmessig konkurranseene
- Vanlig handelsbetegnelse gir faldtoppslutningsteoremet (like lønninger til tross for kapitalfordyler fordi handel i seg selv er en måte å handle/dile innsatsfaktorer på), men dette er lite empirisk støttet
  - ↳ Denne modellen viser (blant annet) det motsatte av faldtoppslutning

## Modell

### To typer teknologiske fremgang

- 1) Innovation: Lage nye produkter
- 2) Teknologioverføring: Gjør at allerede kjente produkter kan produseres nye steder

• To regioner; Nord og Sør (innoverende og ikke-innoverende)

### To typer varer

1) Gamle varer: Varer som er utviklet "for en tid siden"; men hvor produksjonsteknologien er kjent for alle

2) Nye varer: Nytt utviklede varer, kan kun produseres i Nord

• Produktfunksjon av enkelte form: En enkelt arbeidskraft gir ett gode

↳ CRS

↳ Arbeidskraft ikke produktiv i Nord og Sør

↳ Perfekt konkurranse

⇒ Prisen på en enkelt gode i et land må være like høy i landet

$$(2) \begin{cases} P_N = W_N \\ P_S = W_S \end{cases}$$

← Dersom både Nord og Sør produserer gamle varer, må lønna være like (faldtoppslutning)

← Derfor antar vi at Nord ikke produserer gamle varer, siden dette tilfellet er mer interessant

### Totalt antall varer

$$n = n_N + n_S$$

$n_N$  - antallet nye varer (produsert i Nord)

$n_S$  - antallet gamle varer (produsert i Sør)

### Nyttefunksjon

$$(1) U = \left\{ \sum_{i=1}^n c_i \right\}^{\frac{1}{\theta}} \quad \text{der } 0 < \theta < 1$$

↳ Dersom antallet tilgjengelige varer øker  $n / \Delta n > 0$ , ser vi at nytten også øker

$$U = \left\{ \sum_{i=1}^{n+\Delta n} c_i \right\}^{\frac{1}{\theta}} > U = \left\{ \sum_{i=1}^n c_i \right\}^{\frac{1}{\theta}} \quad (\text{love of variety})$$

↳ Ser at produktivitetstilvekst ikke skyldes nye effektive produksjonsteknologi, men det antall varer

↳ Relativ etterspørsel må avhenge av priser

$$(3) \frac{C_N}{C_S} = \left( \frac{P_N}{P_S} \right)^{-\frac{1}{1-\theta}} = \left( \frac{W_N}{W_S} \right)^{-\frac{1}{1-\theta}}$$

← Jo dyrere nye varer, jo lavere etterspørsel etter dem

← Svake kostnadsmessig konkurranseene

↳ Relativ arbeidskrafts etterspørsel avhenger av relativ etterspørsel og relativt antall varer

$$(4) \frac{L_N}{L_S} = \frac{n_N}{n_S} \left( \frac{W_N}{W_S} \right)^{-\frac{1}{1-\theta}}$$

- løser (4) for relative lønninger

$$(5) \frac{W_N}{W_S} = \left( \frac{n_N}{n_S} \right)^{1-\theta} \left( \frac{L_S}{L_N} \right)^{1-\theta}$$

(Gitt arb. tilbud)

→ lønna i Nord relativt til Sør er høyere

1) Jo større  $L_S$  er i forhold til  $L_N$

2) Jo større  $n_N$  er i forhold til  $n_S$

Når N finner på nye varer blir det knapphet på arbeidere og mindre av hver vare kan produseres, slik at prisen på hver vare og dermed lønna går opp (Alternativt: "Monopoly rents"?)

- Hvis **migrasjon** innkorporeres får vi migrasjon fra Sør til Nord, hvilket øvelser kunnsfordyellene mellom landene og er til utvinning for Sør
- Mer til: Her har vi en **empirisk artikkel om full nysektoring**, hvor vi være belyst for det mtp. empiri for sør? Nei, for alle tydelig resultat å ta hensyn til det

### Innovasjon og teknologioverføring

→ Til nå har vi sett på  $n$ ,  $n_N$  og  $n_S$  som eksogene, men nå skal vi endogene dem

#### Innovasjon

- (6)  $\dot{n} = in$   $i > 0$  er innovasjonsraten
- Jo mer du vet, jo mer kan du lære (Innovasjonsraten er positivt avh. av tidlinnvisning)

#### Teknologioverføring

- (7)  $\dot{n}_S = t n_N$
- Jo mer Nord vet, jo mer er det for S å lære
- ⇒ Relativ velut i antall varer:

$$\frac{\dot{n}_N}{n_N} = \frac{\dot{n}_S}{n_S} = t$$

- Definerer andelen nye varer som  $\sigma = \frac{\dot{n}_N}{n_N}$  (markedsandelen til nye varer i verden)
- **utviklingen til markedsandelen til nye varer** (Nord's varer)

(9)  $\dot{\sigma} = i - (i+t)\sigma$

→ ser at den deriverte er  $-(i+t)$ , altså får vi stabil Likve eksploderende utvikling

- I **steady state** har Nord en konstant andel av varer,  $\dot{\sigma} = 0$

$$\dot{\sigma} = 0 \Rightarrow \sigma = \frac{i}{i+t}$$

→ Positivt avh. av innovasjon og negativt avh. av teknologioverføring

#### $\frac{n_N}{n_S}$ i steady state

(10)  $\frac{n_N}{n_S} = \frac{\sigma}{1-\sigma} = \frac{i}{t}$

→ Setter inn for (10) i (5):

$$\frac{w_N}{w_S} = \left(\frac{i}{t}\right)^{1-\theta} \left(\frac{k_S}{k_N}\right)^{1-\theta}$$

- Konstant lønnsfordyell mellom Nord og Sør
- Jo høyere innovasjonsrate, desto større lønnsfordyell
- Jo høyere teknologioverføring, desto lavere lønnsfordyell

- **Handel**: Nord eksporterer nye varer og importerer gamle (motsatt i Sør)

→ TOT i Nord:  $\frac{P_N}{P_S} (= \frac{w_N}{w_S})$

- For verden som helhet er både innovasjon og teknologi overføring, men **hordan er grunsten av innovasjon og teknologi overføring fordelt** mellom Nord og Sør?

→ **Innovasjon**:  $n_N \uparrow$ ,  $n_S$  uendret

- Nord: Bedre TOT +  
Flere varer +

- Sør: Verre TOT -  
Flere varer +

} + (kan vises at nettoeffekten for sør er positiv, men litisjonen er at sør er villig til å betale for flere varer)

→ Bra for alle! Nord taper mest, men sør taper ikke på det

→ **Teknologi overføring**:  $n_S \uparrow$ ,  $n$  uforandret (Nord har nå monopol på gamle varer)

- Nord: Verre TOT, men kanskje kommere billigere
- Sør: Bedre TOT

→ Nord kan kanskje verre ut, Sør kommer bedre ut

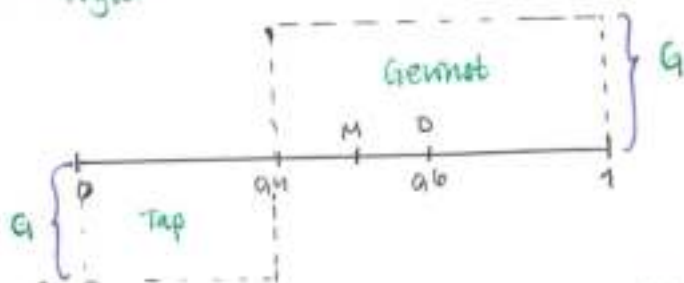
# RESISTANCE TO REFORM: STATUS QVO-BIAS IN THE PRESENCE OF INDIVIDUAL-SPECIFIC UNCERTAINTY

Ragnar Rønnevig  
Dani Rodrik

- Hvorfor klarer ikke demokratiet gjennomføre politiske reformer brøt for en majoritet av befolkningen?
- **Usikkerhet** om hvem som blir **tapere/vinnere** av reformen
- Handelspolitiske er et godt eksempel fordi dette er noe med bred enighet blant økonomer men m/ usikkerhet om tapere/vinnere gruppene som selv tjente på reformer var tilsvarende i starten. Annet eks: Overgang fra diktaturstyrte til demokratiske oljeøkonomi til byråkratsstyrte energi
- Knytningspunktet mellom **politisk økonomi** og **økonomisk geografi**
- Antakelser
  - 1) Individene er **rasjonelle og fremovervendte**
  - 2) Individene er **homoignorable**
  - 3) En **majoritet** av individene vil komme **bedre ut av reform**
  - 4) Individene **stemmer** for å bestemme om reformens ideal gjennomføres
- ↳ Hoved poeng: På tross av dette er det mulig at et flertall er mot reform
  - **"Status quo bias"**: Demokratiske prosesser gir en skepsis mot å bevare det slik det er i dag, selv om alle er enige om at en reform er best for samfunnet (du stemmer foreleg, ikke for alle)

## "Modell" (The argument)

- **To sektorer**
  - 1) W - denne sektoren vinner på reformen
  - 2) L - denne sektoren taper på reformen
- Reform øker antallet i W-sektor og reduserer antallet i L-sektor (tenk omstilling)
- Figur



← Hørsontal akse måler andelen folk i W vs L og W (L mot venstre, W mot høyre)

- 0.6 før reform (plut D)
- 0.4 etter reform

← heddrett akse måler gjennst/tap

- Ser at Gjennst > Tap siden flere folk tjener på det

- ↳ Intuisjon for hvorfor flertallet vil stemme mot reformen:
  - W-folkene: Tjener på reformen og stemmer for, **40% for**
  - L-folkene:  $\frac{0.2}{0.6}G + \frac{0.4}{0.6}(-G) = -\frac{G}{3} < 0$ 
    - \* 20% (av de 60%) som startet i L får G
    - \* 40% (av de 60%) som startet i L taper G
- ↳ Samme resultat gjelder også for en dynamiske modell

Få grunn av usikkerhet om hvem som blir tapere og vinnere, stemmer alle **60% mot**

## Diskusjon (i timen)

- **Fluepapireffekt**: det bestående er en stabil likevekt over tid
- Hvordan gjøre valgloffer troverdige? (Unireelle kompensasjon (els bare et godt navn, der innfelt) mer politisk stabile)
- Relativ inntekt vs. absolutt inntekt
- Hvis vi gjør om rekkefølgen i spillet og gir kompensasjon først? (Kan løses med tvangslege kontrakter)
- Hvis alle L-folk vinner (tenk stor omstilling) kan det gå! (i minst halvparten!)

## Kritikk av modellen

Men hvorfor da stemmer for om de allerede har lamp?

## Generell kritikk av økonomiske geografi

Hvorfor ikke mer spillteori??  
- Handel, lokasjon, samarbeid, miljøkjøp

- Iceberg transportkostnader
  - ↳ Men transportkostnader bør behandles som firma i regosur og avta som andel av TC
  - ↳ Transportkostnader og handelskostnader er ikke symmetriske
  - ↳ Lokasjonskostnader: løn, skatt, klima, politiske omstendigheter
- Monopolistisk konkurranse (Dixit-Stiglitz)
  - ↳ Annullering målt å lage imperfekt konkurranse på
  - ↳ Men motsier nye økonomiske teori og empiriske observasjoner
    - Variert løn
    - Fleksible preferanser
    - Stvs. på firma nivå av uttall ledder (ikke symmetriske)
  - ⇒ Forventer at å bruke dette rammerer best både sveler agglomerasjonseffekter og spredningseffekter - er det da betydningsfulle?
  - ⇒ Abstematis (men kanskje): oligopol og strategisk atferd
- Geografi: Diffusjonspunkt (maks tol) m/ transp. kost
  - ↳ Tilknyttede vager? ~~Regioner~~ Tilknyttede næringer?
- Historie: Forklarer et tilfeldig fordelt mønster, men hva legger kalkule? "myopiske agenter"
  - ↳ Inst. historisk endring av historie?
- Migrasjon basert kun på individens nåværende nyttemaksning, ikke konsistent m/ rasjonell fremover slående atferd
  - ↳ Da bør fremtid for en by ha noe å si i tillegg til historie? Bør være mulig å gå fra ett lyerne-perfekt mønster til et annet?
  - ↳ Harris-Todars- løp og forventede lønninger alternativer?
  - ↳ Det er kostbart å flytte på seg (inkludert helsen - og sosiale) politiske betingelser kan holde seg tilbake

## Forbedringer

- Velik fra CES
- Multi-regjon
- Kunnskap & kultur
- Synergi mellom felt